

# ارزیابی احتمالاتی سطوح قابلیت اطمینان ساختمان‌های فولادی نامنظم در ارتفاع با درنظر گرفتن اندرکنش خاک و سازه

فرشاد همایی (دانشجوی دکتری)

حمزه شکیب<sup>\*</sup> (استاد)

دانشکده‌ی مهندسی عمران و محیط زیست، دانشگاه تربیت مدرس

در توشتار حاضر، اثرات نامنظمی‌های جرم، سختی، مقاومت، و ترکیب سختی و مقاومت در ارتفاع، در عملکرد لرزه‌بی سازه‌های فولادی با سیستم باربر جانی قاب خمشی فولادی ویژه، در قالب منحنی‌های سطوح اطمینان عدم تجاوز از اهداف عملکردی ارزیابی شده است. اثرات اعطا‌پذیری پی با درنظر گرفتن رفتار غیرخطی خاک، در مدل‌های تحلیلی اعمال شده است. نتایج به دست آمده نشان می‌دهد که نامنظمی‌های غیرهندسی مذکور باعث می‌شوند تا با افزایش شدت ارتعاشات لرزه‌بی و تقاضای جابجایی متناظر با آن‌ها، نسبت به سازه‌ی منظم، از قابلیت اطمینان سازه کاسته شود. در بین تمام مدل‌های نامنظم مورد بحث مشاهده می‌شود که دسترسی به سطوح قابلیت اطمینان مطلوب در سازه‌های با نامنظمی ناشی از تغییرات مقاومت، عمدتاً در شدت ارتعاشات لرزه‌بی پایین مقدور است که به موجب آن جابجایی و تقاضای متناظر با سطوح اطمینان کاهش می‌یابد؛ به نحوی که در مقایسه با سازه‌ی منظم، اختلافی تا مرز ۸۵٪ در نتایج مشاهده می‌شود.

**واژگان کلیدی:** نامنظمی غیرهندسی در ارتفاع، مهندسی زلزله‌ی عملکردی، تحلیل دینامیکی افزایشی، سطح اطمینان تأمین اهداف عملکردی.

## ۱. مقدمه

طبقات مجاور و کاهش تقاضای ذکر شده برای سایر طبقات می‌شود. همچنین صحبت آنالیز پوش آور مودال برای این‌گونه از سازه‌ها ارزیابی شده است.<sup>[۱]</sup> با تحلیل‌های استاتیکی و دینامیکی برای سازه‌های نامنظم در ارتفاع (۲۰۰۵)، توزیع ناهمگون جرم در طبقات یک سازه‌ی ۸ طبقه‌ی فولادی با مهاربندهای هم‌گرا ارزیابی و بر پایه‌ی نتایج حاصل از آنالیز غیرخطی دو بعدی مشاهده شده است که حتی رخداد نامنظمی‌های شدید ناشی از تغییرات جرم، اثرات نامطلوب چندانی در پاسخ لرزه‌بی سازه‌های طراحی شده با روشن‌های آنالیز استاتیکی ندارد.<sup>[۲]</sup> در پژوهش دیگری در همان سال، روشن آنالیز پوش آور به هنگام شونده‌ی مبتنی بر جابجایی<sup>۱</sup> برای سازه‌های نامنظم در ارتفاع، اصلاح شده و هدف از آن غلبه بر محدودیت‌های موجود در روشن سنتی آنالیز پوش آور به هنگام شونده‌ی مبتنی بر نیرو<sup>۲</sup> بوده است.<sup>[۳]</sup>

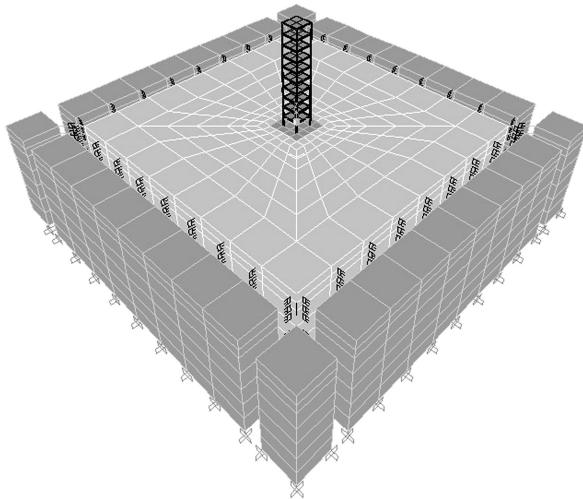
در سال ۲۰۰۶، با استفاده از آنالیز دینامیکی افزایشی (IDA)<sup>۳</sup> اقدام به ارزیابی اثرات نامنظمی در ارتفاع، در یک قاب فولادی<sup>۴</sup> طبقه شده و نتایج آنالیز نشان داده است که در رفتار غیرکشسان سازه، برخی از مقاد مطالعات پیشین مشاهده نمی‌شود. همچنین، این نتیجه به دست آمده است که اثرات نامنظمی در ارتفاع سازه‌ها، به شدت واپسی به مقطع مورد بررسی است.<sup>[۵]</sup> در سال ۲۰۱۲، رفتار لرزه‌بی یک سازه‌ی ۲۰ طبقه‌ی نامنظم در ارتفاع با استفاده از روشن‌های تحلیل استاتیکی و دینامیکی غیرخطی بررسی شده و نتایج نشان داده است که استفاده از روشن‌های مبتنی بر

طراحی ساختمان‌های با کاربری مسکونی، اداری و تجاری در شهرهای بزرگ، عمدتاً ملاحظات معماری پیچیده‌ی دارند که منجر به ایجاد نامنظمی و نامقابرانی در پلان و ارتفاع می‌شود.<sup>[۶]</sup> دسته‌ی از نامنظمی‌های ایجاد شده در ارتفاع سازه، به نامنظمی‌های غیرهندسی اختصاص دارد که به موجب آن، مشخصه‌های تأثیرگذار در رفتار دینامیکی سازه، در ترازهای مختلف ارتفاعی بدون تغییر در هندسه‌ی ظاهری ساختمان دست‌خوش تغییر می‌شوند. رخداد نامنظمی‌های غیرهندسی در ارتفاع سازه‌ها، عمدتاً به خاطر متفاوت بودن کاربری یک طبقه در مقایسه با طبقات مجاور آن و یا حذف المان‌های پاربر جانبه مانند: تیرها، ستون‌ها، مهاربندها و دیوارهای برشی در پارکینگ‌ها و یا سایر طبقات سازه است. این امر باعث می‌شود تا رفتار دینامیکی این‌گونه از سازه‌ها، با مدل مشابه منظم آن‌ها متفاوت باشد. از این رو، بررسی عملکرد لرزه‌بی سازه‌های نامنظم در ارتفاع عمدتاً در راستای شناخت هر چه بهتر رفتار این‌گونه از سازه‌ها صورت می‌گیرد.

در پژوهشی (۲۰۰۴) در خصوص مقایسه‌ی تقاضای لرزه‌بی سازه‌های منظم و نامنظم در ارتفاع و نتایج نشان داده شده است که وجود طبقه‌ی نرم و یا ضعیف در سازه‌ها، باعث افزایش تغییرمکان جانبه نسبی سازه در تراز آن طبقه و برخی

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۵/۱/۱۳۹۴، اصلاحیه ۲۷/۱۱/۱۳۹۴، پذیرش ۸/۱۲/۱۳۹۴.



شکل ۱. مدل سه بعدی سیستم مورد بررسی.

جدول ۱. مشخصات مقاطع اعضاء سازه‌ی.

قطعه تیر	قطع سطون	طبقه
IPE ۲۴۰	Box ۲۰۰ × ۲۰۰ × ۱۰ mm	۱۰
IPE ۲۴۰	Box ۲۰۰ × ۲۰۰ × ۱۰ mm	۹
IPE ۲۴۰	Box ۲۰۰ × ۲۰۰ × ۱۰ mm	۸
IPE ۲۴۰	Box ۲۰۰ × ۲۰۰ × ۱۰ mm	۷
IPE ۲۴۰	Box ۲۰۰ × ۲۰۰ × ۱۵ mm	۶
IPE ۲۷۰	Box ۲۰۰ × ۲۰۰ × ۱۵ mm	۵
IPE ۲۷۰	Box ۲۵۰ × ۲۵۰ × ۱۵ mm	۴
IPE ۲۷۰	Box ۲۵۰ × ۲۵۰ × ۱۵ mm	۳
IPE ۲۷۰	Box ۳۰۰ × ۳۰۰ × ۱۵ mm	۲
IPE ۲۷۰	Box ۳۰۰ × ۳۰۰ × ۱۵ mm	۱

## ۲.۱. سازه‌ی نامنظم

در نوشتار حاضر، براساس موقعیت قرارگیری طبقات نامنظم، سه مدل سازه در هر گروه از نامنظمی‌های مورد بررسی در نظر گرفته شده است: نامنظمی در طبقه‌ی اول، طبقه‌ی پنجم و طبقات اول تا پنجم. نامنظمی‌های غیرهندرسی در طبقات سازه، به واسطه‌ی ایجاد تعییر در توزیع خصوصیات مقاومت لرزه‌یی جانی آن (مانند: جرم<sup>۷</sup> (M)، سختی<sup>۸</sup> (K)، مقاومت<sup>۹</sup> (S) و توأم سختی و مقاومت (KS)) صورت گرفته است. ضریب تعییرات برای نامنظمی جرمی برابر ۲٪ و برای سایر حالات نامنظمی برابر ۶٪ (٪۶) لحاظ شده است. لازم به ذکر است که جهت انجام مقایسه‌ی عادلانه بین مدل‌ها، این تعییرات به گونه‌ی اعمال می‌شود که زمان تناوب مود ارتعاشی نخست در تمامی سازه‌ها با مدل سازه‌ی منظم مودناظر برابر شود. برای این منظور پس از تعییر در خصوصیات لرزه‌یی سازه در طبقه‌ی مودناظر، با استفاده از یک سری ضریب اصلاحی، مشخصه‌ی مودناظر در تمامی طبقات سازه به نحوی اصلاح می‌شود که برابری زمان تناوب مود ارتعاشی نخست سازه‌ی نامنظم با مدل منظم محقق شود. مثلاً برای ایجاد مدل نامنظم ناشی از تعییرات سختی در طبقه‌ی پنجم، که در آن سختی در طبقه‌ی میانی سازه به اندازه ۴۰٪ نسبت به مدل منظم کاهش یافته است (۵٪ (K)، ابتدا سختی طبقه‌ی پنجم، ۶٪ برابر شده و سپس در یک فرایند سعی و خط، سختی تمامی طبقات سازه (شامل طبقات منظم و

نیروی معادل جانبی، برای طراحی سازه‌های نامنظم ضرورت نداشته و مقادیر حدی ارائه شده در آین نامه‌های طراحی سازه‌ها، باید در بحث مربوط به تمایز منظمی و نامنظمی در سازه‌ها، براساس موقعیت‌های گوناگون نامنظمی تغییر یابد.<sup>[۱۶]</sup>

بررسی‌های صورت گرفته درخصوص تحیل دینامیکی سازه‌ها نشان داده است که پاسخ دینامیکی یک سازه‌ی قرارگرفته بر روی خاک نرم، با مدل مشابه قرارگرفته بر روی خاک سخت و یا انتهای گردار متفاوت است.<sup>[۱۷]</sup> تفاوت مذکور عمدتاً از تغییر شکل‌های صورت گرفته در خاک قرارگرفته در زیر سازه نشأت می‌گیرد که به موجب آن حرکت پای سازه در مقایسه با حرکت ثابت شده در سطح آزاد زمین متفاوت خواهد بود. این تفاوت، بحث اندکنش خاک و سازه را شکل می‌دهد. بهطور کلی، اثرات اندکنش سازه با خاک از این امر نشأت می‌گیرند که پاسخ دینامیکی سازه‌ی احداث شده بر روی خاک، نه فقط به ویژگی‌های حرکت میدان آزاد وابسته است، بلکه از رابطه‌ی بین خصوصیات دینامیکی سازه و خاک قرارگرفته در زیر آن نیز تأثیر می‌پذیرد.<sup>[۱۸]</sup>

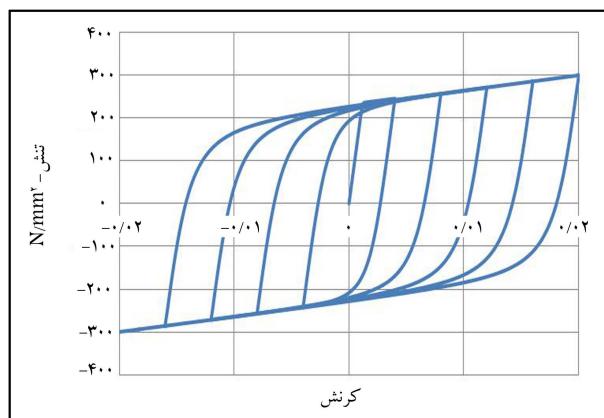
پاسخ سازه‌های نامنظم در ارتفاع نیز اثرات انعطاف‌پذیری پی مصنون نیست و به مشابه سایر سازه‌های عمرانی، تغییراتی در پاسخ آن‌ها به واسطه‌ی اثرات اندکنش خاک و سازه ایجاد می‌شود. با این حال، در مقایسه با مطالعات صورت گرفته درخصوص سازه‌های نامتقاضی در پلان، مطالعات انجام شده پیرامون سازه‌های نامنظم در ارتفاع اندک است.<sup>[۱۹]</sup> لذا در نوشتار حاضر، رویکرد کلی به بررسی اثرات نامنظمی در ارتفاع سازه‌های فولادی با درنظر گرفتن اثرات انعطاف‌پذیری پی اختصاص یافته است. مقایسه‌ی عملکرد لرزه‌یی سازه‌های منظم و نامنظم، در چارچوب مفاهیم مهندسی زلزله براساس عملکرد صورت می‌گیرد. برای این منظور، پاسخ سازه‌ها در قالب منحنی‌های سطوح اطمینان عدم تجاوز اهداف عملکردی ارائه می‌شود که تأثیر نامنظمی در رفتار سازه، براساس شدت ارتعاشات و سطوح تقاضای متناظر با آن در تأمین یک سطح اطمینان مشخص ارزیابی شده است.

## ۲. مشخصات سیستم خاک - سازه

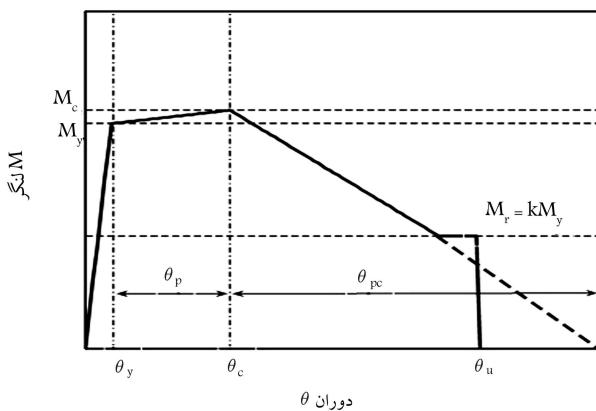
### ۲.۱. سازه‌ی منظم

مدل سازه‌یی مورد بررسی در نوشتار حاضر، شامل دو بخش روسازه<sup>۹</sup> و زیرسازه<sup>۱۰</sup> است (شکل ۱). برای روسازه، مدل مرجع مورد استفاده به صورت یک سازه‌ی فولادی سه بعدی طبقه با سیستم باربر جانبی قاب خشکی ویژه فولادی در هر دو جهت در نظر گرفته شده است. کاربری سازه، مسکونی بوده است که مطابق با مبحث ششم مقررات ملی ساختمانی ایران،<sup>[۱۰]</sup> بار شلی زنده‌یی معادل با ۲۰۰ کیلوگرم بر مترمربع و بار مرده ۷۰ کیلوگرم بر مترمربع برای طبقات آن در نظر گرفته شده است. همچنین، بازگذاری لرزه‌یی سازه براساس ویراش چهارم استاندارد ۲۸۰۰ ایران،<sup>[۱۱]</sup> و برای تاکیه‌یی با شدت لرزه‌خیزی زیاد (متلاً تهران)، با شتاب مبنای طرح ۵٪/۳۵g، (سطح خطر ۱۰٪ با دوره‌ی بازگشت ۵۰ سال در طول عمر مفید سازه) صورت گرفته است. طراحی لرزه‌یی قاب‌ها براساس ضوابط مربوط به آخرین ویراش آین نامه‌ی فولاد ایران،<sup>[۱۲]</sup> است که در نتیجه‌ی آن، زمان تناوب مود اول سازه برابر با ۲ ثانیه به دست آمده است. لازم به ذکر است که به منظور محدود کردن اثرات نامنظمی در ارتفاع به فرم غیرهندرسی آن از یک تیپ مقطع برای تمامی تیرها (مقاطع IPE) و سطون‌ها (مقاطع جعبه‌یی<sup>۱۳</sup>) در هر طبقه استفاده شده است. در جدول ۱، مشخصات مقاطع مورد استفاده برای اعضاء سازه‌یی نمایش داده شده است.

نامنظم) به صورت یکنواخت تغییر می‌یابد تا زمان تناوب مود ارتعاشی نخست سازه‌ی نامنظم با مدل منظم یکی شود (برابر ۲ ثانیه شود).



شکل ۲. پاسخ هیسترزیس مصالح فولادی.



شکل ۳. مشخصات منحنی رفتاری مفاصل خمیری.

جدول ۲. مشخصات خاک.

ضریب بواسون	چگالی جرمی $(kg/m^3)$	مدول برشی $(N/m^3)$	لایه‌ی خاک
۰,۳۵	$7,5 \times 10^7$	۱۹۰۰	ماسه با تراکم متوسط

ویژگی‌های این مدل می‌توان به قابلیت شبیه سازی اتساع و روانگاری در خاک‌های سیلیتی و ماسه‌ی تحت بارگذاری‌های تناوبی اشاره نمود.<sup>[۲۱]</sup> نوشتار حاضر، از اثرات مربوط به روانگاری‌صرف نظر و خاک به صورت زهکشی شده بررسی شده است. سایر مشخصات مربوط به لایه‌ی خاک در جدول ۲ ارائه شده است.

### ۲.۳. ابعاد مشن المان‌ها، مرزهای محیط خاک و صحبت‌ستجو

در مسائل انتشار موج، ابعاد المان‌های خاک در دقت نتایج تأثیرگذار است.<sup>[۲۲]</sup> ابعاد بهینه‌ی المان‌های خاک و بیشینه‌ی خطای حاطی حاصل از آن براساس یک سری آنالیزهای سعی و خطای عینی شده است؛ به نحوی که بعد المان‌های خاک در نزدیکی سازه به ۲,۵ متر و در نواحی مرزی تا ۵ متر محدود شده است. علاوه بر این، عمق خاک نیز به ۳۰ متر محدود شده است، به طوری که در عمق مذکور، یک لایه سنگ بستر در نظر گرفته شده است. انتخاب عمق ۳۰ متر در راستای نظر آین نامه‌های طراحی لرزه‌بی است که به خاطر بزرگ‌نمایی‌های رخداده در تراز مذکور، این عمق را مبنای محاسبات قرار می‌دهند.<sup>[۲۳]</sup>

علاوه بر این، مرزهای جانبی محیط اصلی خاک نیز با استفاده از ستون‌های

۳.۲. خاک و شالوده

اهمیت بحث اندرکنش خاک و سازه باعث شده است تا شیوه‌های محاسباتی مختلفی برای مدل سازی خاک ارائه شود.<sup>[۱۶, ۱۷]</sup> یک فرم ایده‌آل سازی اثرات انعطاف‌پذیری پی در پاسخ سازه، استفاده از فنرها و میراگرهایی است که وظیفه‌ی شبیه‌سازی محیط نیمه‌ی نهایت خاک را در زیرسازه عهده‌دار هستند. با این حال، فرم جامع سیستم اندرکنش خاک و سازه، استفاده از مدل سازی اجزاء محدود دو یا سه بعدی است.<sup>[۱۸]</sup> در نوشتار حاضر، محیط سه‌بعدی خاک به صورت یک لایه‌ی یکنواخت ماسه‌ی با تراکم متوسط در زیرسازه در نظر گرفته شده است. برای این محیط، سرعت عبور موج برشی با برابر با  $V_s = 200 m/s$  لحاظ شده است که در استاندارد آمریکا،<sup>[۱۹]</sup> این نوع خاک در طبقه‌بندی نوع III قرار می‌گیرد.

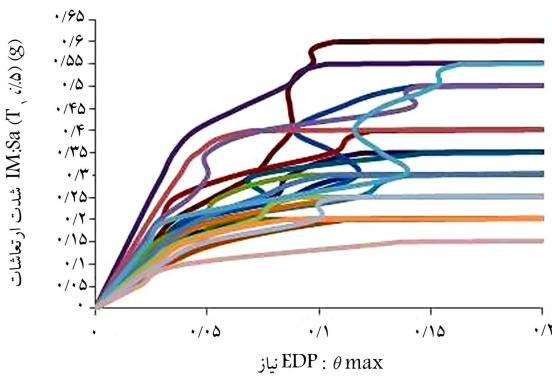
به منظور ارائه‌ی رفتار صحیح خاک تحت بارهای وارده، مدل غیرخطی هیسترزیس خاک براساس مدل یانگ در نظر گرفته شده است.<sup>[۱۸]</sup> نمای کلی از مدل نوام خاک و سازه در شکل ۱ ارائه شده است. شالوده‌ی سازه نیز به صورت مدل نوام خاک در شکل ۱ ارائه شده است. شالوده‌ی سازه نیز به صورت شالوده‌ی سطحی با پلان مربعی و با طول ۸ متر و ضخامت ۱ متر طراحی شده است. لازم به ذکر است که بخشی از ابعاد در نظر گرفته شده برای شالوده در راستای مقابله با لنگر واژگونی تحت نیروی زلزله است. علاوه بر این، شالوده در مدل تحلیلی به نحوی در داخل خاک قرار گرفته است که سطح فوقانی شالوده با سطح زمین در یک تراز قرار می‌گیرند.

## ۳. روش تحلیل

### ۳.۱. مشخصات هندسی و مقاومتی مصالح

مدل سازی سه‌بعدی سیستم سازه و خاک، در نرم افزار OpenSees<sup>۱۰</sup> انجام شده است. برای اعضاء فولادی، المان، BDBC،<sup>۱۱</sup> به واسطه‌ی پایداری مناسب در همگلی،<sup>[۱۲]</sup> استفاده شده است که در آن، سطح مقطع اعضا به صورت مقاطع فایبری<sup>[۱۳]</sup> و به همراه توزیع حالت خمیری در امتداد المان مدل می‌شود. انتگرال‌گیری در المان مذکور براساس قانون تربیع گوس لوئاندر<sup>[۱۴]</sup> است که اثرات مرتبه‌ی دوم نیرو - تغییر مکان نیز در تبدیل هندسی ماتریس سختی وارد می‌شود. مشخصات کشسان مصالح فولادی، شامل مدول کشسانی و تنش تسیلیم به ترتیب برابر  $2,۰ \times 10^5 N/mm^2$  و  $225 N/mm^2$  لحاظ شده است. همچنین در ناحیه‌ی رفتار غیرخطی مصالح فولادی، از مدل دوخطی کشسان خمیری استفاده شده است که در آن به خاطر تغییر تدریجی رفتار خطی به غیرخطی، از تغییرات ناگهانی در ماتریس سختی سازه اجتناب می‌شود (شکل ۲). برای دست‌یابی به نتایج مناسب،<sup>[۱۵]</sup> مدل چشممه‌ی اتصال در کنار فنرهای دورانی و با مدل رفتاری نمایش داده شده در شکل ۳، برای مدل سازی اثرات گسیختگی احتمالی اتصالات در انتهای اعضا به کار برد شده است.<sup>[۱۶]</sup> لازم به ذکر است که کف سازه‌ی طبقات، با استفاده از المان‌های پوسته‌ی کشسان به همراه دیافراگم صلب مدل شده است.

برای مدل سازی المان‌های خاک، از المان سه‌بعدی مکعبی اجزاء محدود در کتابخانه‌ی نرم افزار استفاده شده است. مدل رفتاری مصالح خاک با استفاده از مدل وابسته به «فشار و با سطوح تسیلیم چندگانه»<sup>[۱۷]</sup> صورت گرفته است. این مدل از مصالح، رفتار کشسان خمیری محیط پوسته‌ی خاک را شبیه‌سازی می‌کند. از جمله



شکل ۵. نمونه‌یی از منحنی‌های IDA برای مدل سازه‌ی منظم.

صفحه‌یی مختصات IM-EDP ترسیم شده‌اند که نمونه‌یی از نمودارهای حاصل در شکل ۵ برای سازه‌ی منظم ارائه شده است. این نمودارها برای سایر سازه‌های مورد بحث در نوشتار حاضر نیز تهیه شده‌اند. میانه‌ی نقاط متناظر با یک سطح شتاب طیفی به عنوان منحنی مبنا برای انجام محاسبات استفاده شده است، براساس روش‌های آماری، می‌توان برای میانه‌ی منحنی‌های IDA، یک رابطه‌ی نمایی برازش کرد (رابطه‌ی ۱):

$$EDP = a(IM)^b \quad (1)$$

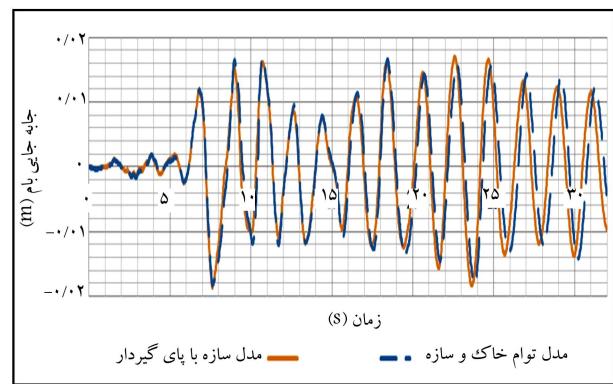
که در آن، ضرایب  $a$  و  $b$ ، فاکتورهای رگرسیون‌گیری هستند. از رابطه‌ی ۱، برای محاسبات مربوط به تعیین سطح قابلیت اطمینان سازه استفاده می‌شود. همچنین، سطوح عملکردی مختلف نیز براساس این منحنی قابل دست‌یابی است. در نوشتار حاضر، سطح اطمینان عدم تجاوز از دو سطح عملکرد آستانه‌ی فروریزش<sup>[۱۹]</sup> (CP) و ناپایداری دینامیکی (GI)<sup>[۲۰]</sup> بررسی می‌شوند. براساس آنچه که در آینه‌ی نامه‌ی FEMA<sup>[۲۱]</sup> ارائه شده است، سطح عملکرد CP متناظر با حالتی است که در آن شبیت مماس بر نمودار IDA، بزرگ‌تر و یا مساوی با ۲۰٪ شبیت ناحیه‌ی کشسان باشد. با این حال، تغییر مکان نسبی سازه نباید از ۱۰٪ مطابق با پیشنهاد ارائه شده در نوشتاری در سال ۲۰۰۲<sup>[۲۲]</sup> ناپایداری دینامیکی هنگامی به وجود می‌آید که نمودار IDA به یک خط افقی متامیل شود.

**۴.۳. برآورد سطح اطمینان عدم تجاوز از اهداف عملکردی لرزه‌یی**  
برآورد سطح اطمینان عدم تجاوز از اهداف عملکردی در سازه، در چارچوب روش قابلیت اطمینان احتمالاتی امکان‌پذیر است.<sup>[۲۳]</sup> در روش مذکور، هدف اصلی تعیین سطح اطمینان حاصل از عدم تجاوز نیاز لرزه‌یی از ظرفیت لرزه‌یی سازه است. احتمال عبور نیاز لرزه‌یی ضریب‌دار سازه ( $D.\gamma_R$ ) (یعنی تغییر مکان نسبی سازه)، از ظرفیت لرزه‌یی ضریب‌دار سازه ( $C.\phi_R$ ) در سطح عملکرد موردنظر از رابطه‌ی ۲ به دست می‌آید:

$$\lambda_{PL} = \int P(D.\gamma_R \geq C.\phi_R | IM) f(IM) dIM \leq P. \quad (2)$$

که در آن،  $f(IM) dIM = f(IM) d\lambda(IM)$  تابع چگالی احتمال شدت لرزه‌یی سایت موردنظر را اعلام می‌کند. این پارامتر با استفاده از منحنی خطر لرزه‌یی سایت (شکل ۶) و با یک رابطه‌ی توانی برای سامانه سالیانه‌ی عبور از سطح مختلف IM قابل برآورد است (رابطه‌ی ۳):

$$\lambda(IM) = k_*(IM)^{-k} \quad (3)$$



شکل ۴. مقایسه‌یی پاسخ بام سازه به منظور صحبت‌سنجی مدل تحلیلی.

آزاد خاک احاطه شده است. مدل مرزی ستون آزاد خاک<sup>[۱۶]</sup> شامل ستون‌های خاکی است که به موازات محیط اصلی خاک و در پیرامون آن قرار می‌گیرند و حرکت میدان آزاد را با استفاده از یک سری میراگر و سیکوز به مرزهای محیط خاک تحمل می‌کنند.<sup>[۲۴]</sup> به منظور صحبت‌سنجی مدل خاک - سازه، رفتار سه بعدی سازه‌ی منظم در دو حالت با پای گیردار و قرارگرفته بر روی خاک بررسی و مقایسه شده است. برای این منظور، پاسخ سازه‌ها در حالت ارتعاش آزاد و سپس تحت تأثیر یک مؤلفه‌ی زلزله مقایسه شده است. در هر دو حالت، زمانی که سرعت موج برشی خاک برابر با ۶۰۰ متر بر محدوده ثانیه لحاظ می‌شود، ویژگی‌های دینامیکی سازه در حالت ارتعاش آزاد، برای هر دو مدل سازه با پای گیردار و سازه قرارگرفته بر روی خاک، با اختلاف ناچیزی تقریباً یکسان می‌شود. همچنین در حالتی که سازه بر روی خاک قرار می‌گیرد، برای سرعت موج برشی مساوی و یا بیشتر از ۶۰۰ متر بر محدوده ثانیه، تحت تأثیر مؤلفه‌ی زلزله، پاسخ سازه‌ها برای هر دو حالت یکسان به دست می‌آید (شکل ۴).

### ۳.۳. زلزله‌های انتخابی و تحلیل دینامیکی افزایشی

ارزیابی عملکرد لرزه‌یی سازه‌های منظم و نامنظم با استفاده از تحلیل‌های IDA صورت می‌گیرد که به عنوان یکی از قوی‌ترین روش‌های آنالیز، جهت برآورد رفتار و عملکرد لرزه‌یی سازه‌ها شناخته می‌شود.<sup>[۱۶]</sup> در روش IDA، پاسخ سازه تحت اثر دسته‌یی از رکوردهای زلزله و طی آنالیزهای دینامیکی غیرخطی محاسبه می‌شود؛ به نحوی که دامنه‌ی رفتار سازه از ناحیه‌ی کشسان تا حد تسلیم و نهایتاً تا ناپایداری دینامیکی مشخص شود. این فرایند با مقایسه کردن رکوردهای لرزله در سطح شدت گوناگون صورت می‌پذیرد. در روش IDA، معیار شدت حرکت زمین (IM) پارامتری است که شدت خطر محل احداث سازه را بیان می‌کند. همچنین پارامتر IM، به عنوان ضریب مقایس رکوردهای زلزله به کار می‌رود. علاوه بر این، پاسخ سازه با استفاده از تقاضای مهندسی (EDP)، به ازاء رکوردهای زلزله مقایس شده اندازه‌گیری می‌شود تا با استفاده از آن، عملکرد لرزه‌یی و میزان خسارت در سازه برآورد شود.<sup>[۲۵, ۲۶]</sup> در نوشتار حاضر، بیشینه‌ی تغییر مکان جانی نسبی بین طبقات ( $\theta_{max}$ ) به عنوان EDP و شتاب طیفی سازه در مود اول با میزان<sup>[۲۷]</sup>٪۵ (۰.۵%)<sup>[۲۸]</sup> در سازه‌های با ارتفاع متوسط، استفاده از ۱۰ تا ۲۰ رکورد زلزله برای تشکیل منحنی‌های IDA کافی به نظر می‌رسد. در پژوهش حاضر، از ۲۰ رکورد زلزله استفاده شده است (جدول ۳). رکوردهای مورد استفاده، بر روی خاک نوع I (خاک سخت و بستر سنگی) ثبت شده‌اند. علاوه بر این، نمودارهای IDA در

جدول ۳. مشخصات رکوردهای زلزله‌ی مورد استفاده در تحلیل‌های IDA

ردیف	زلزله	سال	ایستگاه ثبت	بزرگ	نوع گسلش	* $V_{s^*}(m/s)$
۱	Chi-Chi-Taiwan-۰۲	۱۹۹۹	TTN° ۲۵	M(۵,۹)	معکوس	۷۰۵
۲	Chi-Chi-Taiwan-۰۳	۱۹۹۹	TTN° ۲۵	M(۶,۲)	معکوس	۷۰۵
۳	Hector Mine	۱۹۹۹	Anza-Pinyon Flat	M(۷, ۱)	امتداد لغز	۷۲۵
۴	Gilroy	۲۰۰۲	Fremont Coyote Hills Park	M(۴, ۹)	امتداد لغز	۷۱۳
۵	Chi-Chi-Taiwan-۰۳	۱۹۹۹	TCU° ۴۵	M(۶, ۲)	معکوس	۷۰۵
۶	Loma Prieta	۱۹۸۹	SF-Tlegraph Hill	M(۶, ۹)	مایل	۷۱۳
۷	Chi-Chi-Taiwan-۰۵	۱۹۹۹	TCU° ۴۵	M(۶, ۲)	معکوس	۷۰۵
۸	Chi-Chi-Taiwan-۰۴	۱۹۹۹	TTN° ۲۵	M(۶, ۲)	امتداد لغز	۷۰۵
۹	Chi-Chi-Taiwan-۰۶	۱۹۹۹	TTN° ۴۰	M(۶, ۳)	معکوس	۷۲۸
۱۰	Loma Prieta	۱۹۸۹	Lower Crystal Springs Dam	M(۶, ۹)	مایل	۷۱۳
۱۱	Morgan Hill	۱۹۸۴	UCSC Lick Observatory	M(۶, ۱)	امتداد لغز	۷۱۴
۱۲	Whittier Narrows-۰۱	۱۹۸۷	LA-Chalon Rd	M(۶, ۰)	مایل	۷۴۰
۱۳	Duzce-Turkey	۱۹۹۹	Lamont ۱۰۶۰	M(۷, ۱)	امتداد لغز	۷۸۲
۱۴	Northridge-۰۱	۱۹۹۴	LA-Chalon Rd	M(۶, ۷)	معکوس	۷۴۰
۱۵	Chi-Chi-Taiwan-۰۲	۱۹۹۹	TCU° ۴۵	M(۵, ۹)	معکوس	۷۰۵
۱۶	Chi-Chi-Taiwan-۰۳	۱۹۹۹	TTN° ۴۰	M(۶, ۲)	معکوس	۷۲۸
۱۷	Chi-Chi-Taiwan-۰۴	۱۹۹۹	TTN° ۴۰	M(۶, ۲)	امتداد لغز	۷۲۸
۱۸	Chi-Chi-Taiwan-۰۵	۱۹۹۹	TTN° ۴۰	M(۶, ۲)	معکوس	۷۲۸
۱۹	Chi-Chi-Taiwan-۰۶	۱۹۹۹	TTN° ۲۵	M(۶, ۳)	معکوس	۷۰۵
۲۰	Manjil	۱۹۹۰	BHRC-Abbar	M(۷, ۴)	امتداد لغز	۷۲۴

\* سرعت موج برشی در عمق ۳۰ متری از سطح زمین

عدم قطعیت ظرفیت ( $\beta_{UC}$ ) و تقاضا ( $\beta_{UD}$ ) است، به این صورت در محاسبات وارد می‌شود:

$$\beta_{UT} = \sqrt{\beta_{UC} + \beta_{UD}} \quad (4)$$

به علاوه، اثرات ناشی از ماهیت تصادفی نیروهای زلزله به واسطهٔ ضربی بزرگ‌نمایی  $\gamma_R$  و عدم قطعیت در برآورد ظرفیت سازه با استفاده از ضربیت کاشه‌ی  $\varphi_R$  در روابط ۵ و ۶ ظاهر می‌شود:

$$\gamma_R = e^{\frac{k}{\tau b}} \beta_{RD}^* \quad (5)$$

$$\varphi_R = e^{\frac{k}{\tau b}} \beta_{RC}^* \quad (6)$$

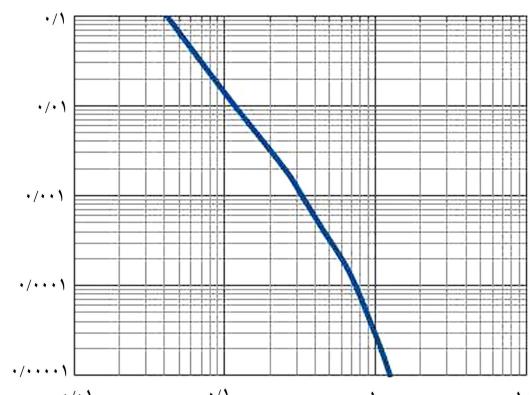
که در آن‌ها، ضربیت  $\beta_{RC}$  و  $\beta_{RD}$  به ترتیب انحراف از معیار لگاریتم طبیعی تقاضا و ظرفیت جابجایی هستند. حال با فرض یک توزیع لگاریتمی نرمال برای احتمال وقوع سطح عملکرد با میانه‌ی  $\lambda_{PL}$ ، می‌توان درصد اطمینان از اینکه سطح عملکرد موردنظر در سازه در حد مجاز است را تعیین کرد. این احتمال به صورت تابع چگالی نرمال متغیر تصادفی  $K_x$  تعریف می‌شود (رابطه‌ی ۷):<sup>[۳۲]</sup>

$$CL = \Phi(K_x) \quad (7)$$

که در آن  $K_x$  از رابطه‌ی ۸ به دست می‌آید:

$$K_x = -\frac{1}{\beta_{UT}} \ln\left(\frac{\gamma_R D}{\varphi_R C}\right) \quad (8)$$

که در آن، ضربیب  $k$  و فاکتورهای رگرسیون‌گیری هستند. در روش مهندسی زلزله‌ی احتمالاتی با استفاده از مفاهیم احتمالاتی، امکان سنجش اثرات ناشی از تصادفی بودن بارگذاری‌های لرزه‌یی و عدم قطعیت‌های موجود در مدل‌سازی سازه وجود دارد. عدم قطعیت‌های مربوط به مدل‌سازی سازه، عمدتاً به خاطر وجود تقریب‌ها و نبود اطلاعات کافی است که همواره نتایج تحلیل را تحت تأثیر قرار می‌دهد. از این رو، ضربیب پراکنده‌ی کلی ( $\beta_{UT}$ ) که شامل ضربیب



شتاب طبیعی مود اول

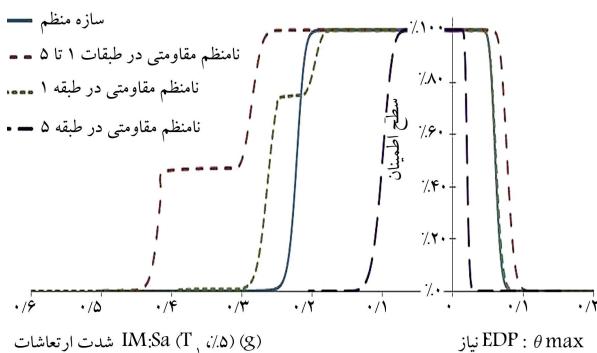
شکل ۶. منحنی خطر سایت.

#### ۴. بحث و بررسی پیامون سطح اطمینان عدم تجاوز از

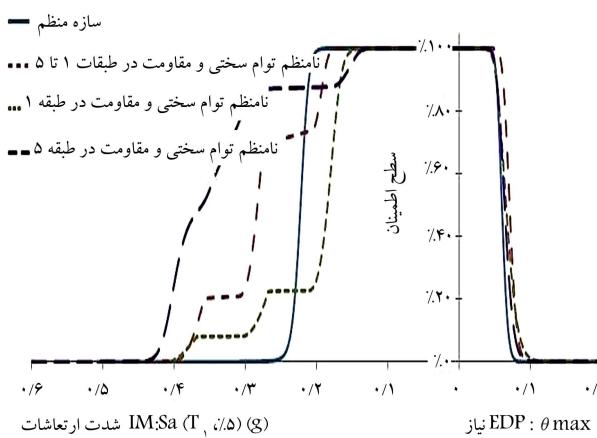
##### سطح عملکرد لرزه‌بی<sup>۲۱</sup>

در مهندسی زلزله‌ی عملکردی، برای تشریح عملکرد سازه از دو کمیت ظرفیت و تقاضای (نیاز) لرزه‌بی استفاده می‌شود. ظرفیت لرزه‌بی، بیشینه‌ی نیرو یا پاسخی است که سیستم بدون شکست یا آسیب تحمل می‌کند که آن را با استفاده از سطوح عملکرد و به صورت احتمالاتی تعریف می‌کنند. نیاز لرزه‌بی نیز میزان نیرو (برش، ممان خمشی، نیروی محوری، ممان واژگونی، ...) یا پاسخ (تغییرمکان، سرعت، شتاب، شکل پذیری، انرژی) ایجادشده در سیستم توسط یک تحریک لرزه‌بی است.

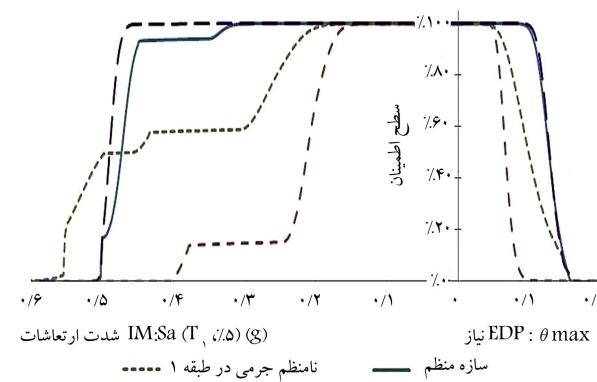
در بخش حاضر، نمودارهایی در قالب سطح اطمینان عدم تجاوز از اهداف عملکرد لرزه‌بی در برابر شدت ارتعاشات (IM) و تقاضای جابجایی (EDP) متناظر با آن‌ها ترسیم شده است (شکل‌های ۷ الی ۱۰) که برای دو سطح عملکرد CP و GI، به عنوان ظرفیت عملکردی سازه ترسیم شده‌اند. براساس نمودارهای مذکور می‌توان تقاضا و خطر لرزه‌بی متناظر با یک سطح اطمینان مشخص را در هدف عملکردی سازه تعیین کرد (مقادیر مذکور برای ۴ سطح اطمینان:٪۲۵،٪۵۰ و ٪۱۰۰ در جدول‌های ۷ الی ۱۰ ارائه شده‌اند).



شکل ۹. نمودار تغییرات سطح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP در برابر تقاضای جابجایی و شدت ارتعاشات برای مدل‌های نامنظم مقاومتی.



شکل ۱۰. نمودار تغییرات سطح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP در برابر تقاضای جابجایی و شدت ارتعاشات برای مدل‌های نامنظم قام سختی و مقاومتی.

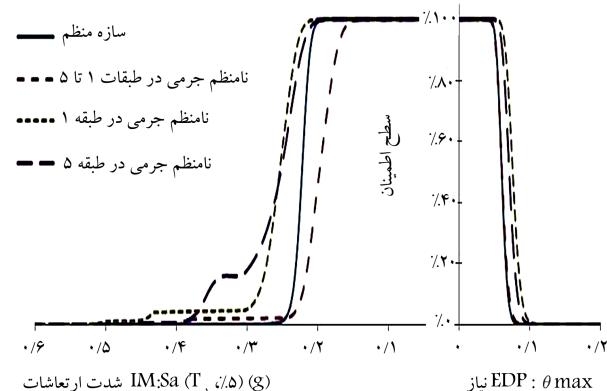


شکل ۱۱. نمودار تغییرات سطح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد GI در برابر تقاضای جابجایی و شدت ارتعاشات برای مدل‌های نامنظم جرمی.

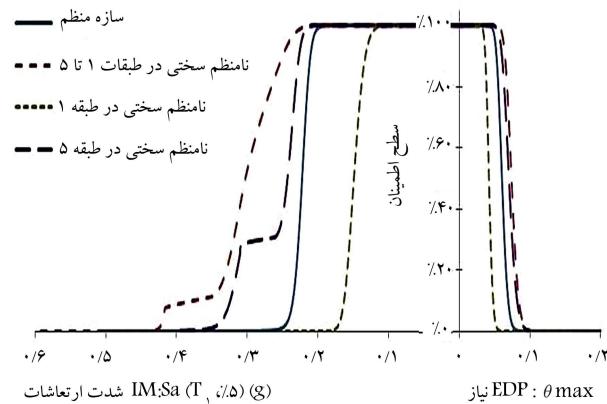
#### ۱.۴. سطح اطمینان عدم تجاوز از عملکرد لرزه‌بی متناظر با یک سطح خطر مشخص

##### ۱.۱.۴. سطح عملکرد آستانه‌ی فروریزش سازه (CP)

مطابق شکل ۷، چنانچه سطح عملکرد آستانه‌ی فروریزش (CP) به عنوان سطح عملکرد مطلوب سازه مدنظر قرار گیرد، مشاهده می‌شود که در مدل نامنظم ناشی از



شکل ۷. نمودار تغییرات سطح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP در برابر تقاضای جابجایی و شدت ارتعاشات برای مدل‌های نامنظم جرمی.

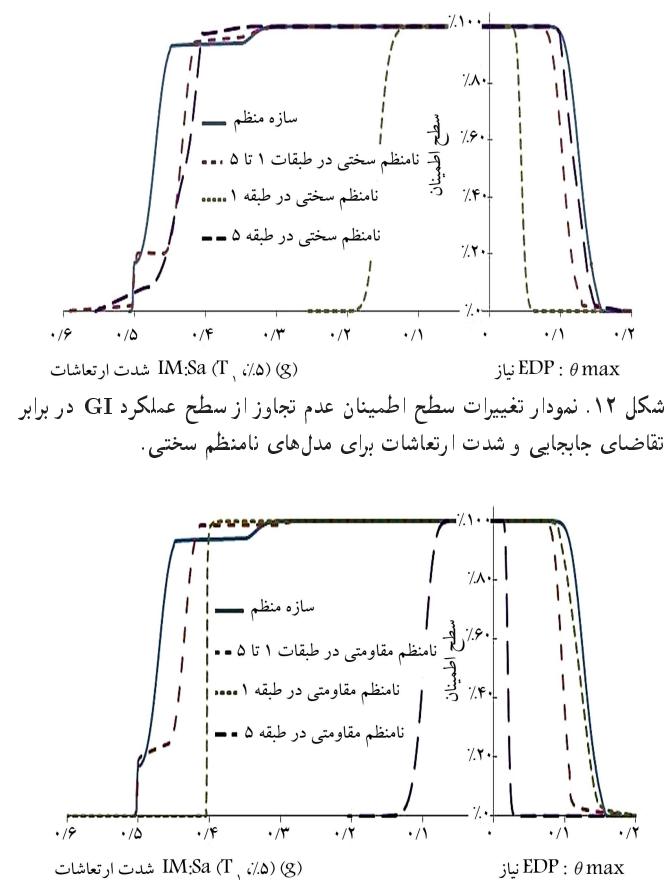


شکل ۸. نمودار تغییرات سطح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP در برابر تقاضای جابجایی و شدت ارتعاشات برای مدل‌های نامنظم سختی.

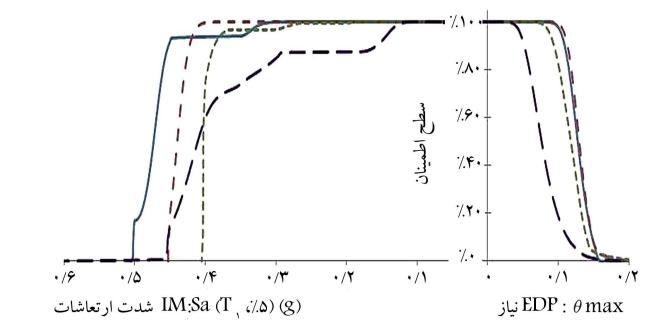
جدول ۴. شدت ارتعاشات مورد نیاز (g) برای تأمین سطوح اطمینان ۲۵، ۵۰، ۷۵ و ۱۰۰ درصدی برای عدم تجاوز از سطح عملکرد CP.

سطح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP (%)					مدل سازه‌ی
۱۰۰	۷۵	۵۰	۲۵	طبقات	سازه
۰,۱۶۶	۰,۲۱۶	۰,۲۲۲	۰,۲۲۹	۱۰ تا ۱	منظم
۰,۱۱۹	۰,۱۸۴	۰,۱۹۸	۰,۲۱۱	۵ تا ۱	نامنظم جرمی
۰,۱۷۹	۰,۲۴۱	۰,۲۵۴	۰,۲۶۸	۱	نامنظم سختی در طبقه ۱
۰,۱۶۹	۰,۲۲۴	۰,۲۵۲	۰,۲۸۲	۵	نامنظم سختی در طبقه ۵
۰,۱۷۶	۰,۲۷۳	۰,۳۰۳	۰,۳۲۴	۵ تا ۱	نامنظم سختی
۰,۰۸۹	۰,۱۴۱	۰,۱۴۹	۰,۱۵۷	۱	نامنظم مقاومتی
۰,۱۷۹	۰,۲۲۳	۰,۲۴۳	۰,۳۱۰	۵	نامنظم مقاومتی در طبقات ۱ تا ۵
۰,۱۷۹	۰,۲۸۵	۰,۳۰۱	۰,۴۲۰	۵ تا ۱	توام سختی و مقاومت
۰,۱۵۹	۰,۲۱۹	۰,۲۶۰	۰,۲۷۰	۱	توام سختی و مقاومت در طبقه ۱
۰,۰۵۲	۰,۰۹۳	۰,۱۰۰	۰,۱۰۸	۵	توام سختی و مقاومت در طبقات ۱ تا ۵
۰,۱۶۰	۰,۲۰۳	۰,۲۸۳	۰,۲۹۸	۵ تا ۱	توام سختی و مقاومت در طبقات ۱ تا ۵
۰,۰۹۳	۰,۱۷۴	۰,۱۸۴	۰,۲۰۲	۱	توام سختی و مقاومت در طبقات ۱ تا ۵
۰,۱۱۴	۰,۲۱۲	۰,۳۵۸	۰,۴۰۰	۵	توام سختی و مقاومت در طبقات ۱ تا ۵

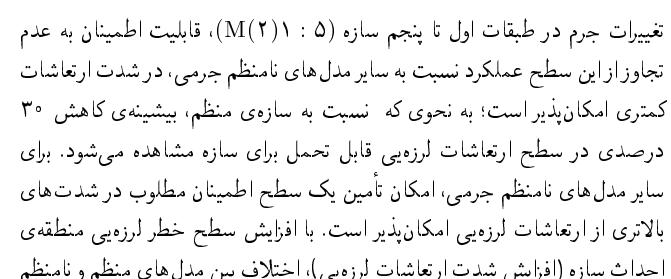
جدول ۵. شدت ارتعاشات مورد نیاز (g) برای تأمین سطوح اطمینان ۲۵، ۵۰، ۷۵ و ۱۰۰ درصدی برای عدم تجاوز از سطح عملکرد GI.



شکل ۱۲. نمودار تغییرات سطح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد GI در برابر تقاضای جابجایی و شدت ارتعاشات برای مدل‌های نامنظم مقاومتی.



شکل ۱۳. نمودار تغییرات سطح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد GI در برابر تقاضای جابجایی و شدت ارتعاشات برای مدل‌های نامنظم مقاومتی.



تغییرات جرم در طبقات اول تا پنجم سازه (۵ : ۱ (M))، قابلیت اطمینان به عدم تجاوز ازین سطح عملکرد نسبت به سایر مدل‌های نامنظم جرمی، درشدت ارتعاشات کمتری امکان‌پذیر است؛ به نحوی که نسبت به سازه‌ی منظم، بیشینه‌ی کاهش ۳۰ درصدی در سطح ارتعاشات لرزه‌ی قابل تحمل برای سازه مشاهده می‌شود. برای سایر مدل‌های نامنظم جرمی، امکان تأمین یک سطح اطمینان مطلوب درشدت‌های بالاتری از ارتعاشات لرزه‌ی امکان‌پذیر است. با افزایش سطح خطر لرزه‌ی منطقی احداث سازه (افزایش شدت ارتعاشات لرزه‌ی)، اختلاف بین مدل‌های منظم و نامنظم

در میزان قابلیت اطمینان سازه افزایش می‌یابد، به نحوی که نسبت به مدل منظم، بیشینه‌ی افزایش برابر با ۲۳٪ در مدل نامنظمی جرمی در طبقه‌ی پنجم (M<sub>(2)</sub>) نسبت به مدل منظم مشاهده می‌شود.

کاهاش ۴۰ درصدی سختی در طبقه‌ی اول سازه (K<sub>(0,6)</sub>) باعث شده است تا دست‌یابی به سطوح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP، نسبت به مدل منظم و سایر مدل‌های نامنظم سختی در شدت ارتعاشات کمتری مقدور باشد؛ به نحوی که در مقایسه با سازه‌ی منظم، بیشینه‌ی کاهاش ۴۶ درصدی در شدت ارتعاشات لرزه‌ی مشاهده می‌شود (شکل ۱). مقایسه‌ی سایر مدل‌های نامنظمی سختی با سازه‌ی منظم نشان می‌دهد که با افزایش سطح خطر لرزه‌ی منطقه، امکان دست‌یابی به سطوح اطمینان بالاتر میسر است که برای مدل نامنظمی سختی در طبقات اول تا پنجم (۵ : ۱) (K<sub>(0,6)</sub>) و نامنظمی سختی در طبقه‌ی پنجم (K<sub>(0,6)</sub>) به ترتیب بیشینه‌ی افزایش ۴۱٪ و ۳۶٪ در شدت ارتعاشات لرزه‌ی مشاهده می‌شود.

در بین تمامی مدل‌های نامنظم مورد بحث، کمترین ظرفیت تحمل شدت ارتعاشات برای برآورد سطح عملکرد CP، در مدل نامنظمی مقاومتی در طبقه‌ی پنجم سازه (S<sub>(0,6)</sub>) وجود دارد که نسبت به سازه‌ی منظم ۷۰٪ کاهاش اتفاق می‌افتد (شکل ۱). با کاهاش سطح اطمینان موردنظر برای سازه، درصد اختلاف بین مدل‌های منظم و نامنظم در قابلیت تحمل شدت ارتعاشات افزایش می‌یابد. علی‌رغم افزایش ۸۵ و ۱۸ درصدی در قابلیت تحمل شدت ارتعاشات برای مدل نامنظمی مقاومتی در طبقات اول تا پنجم (۵ : ۱) (S<sub>(0,6)</sub>) و مدل نامنظمی مقاومتی در طبقه‌ی اول (۱) (S<sub>(0,6)</sub>)، در مدل نامنظمی مقاومتی در طبقه‌ی پنجم سازه (S<sub>(0,6)</sub>) تحمل شدت ارتعاشات به صورت کاهاشی بوده است که در سطح اطمینان ۲۵٪ به میزان ۵۳٪ کاهاش مشاهده می‌شود.

در مدل‌های نامنظم ناشی از تغییرات تأمین سختی و مقاومت، شدت ارتعاشات موردنیاز برای ایجاد یک سطح اطمینان مشخص در سطح عملکرد CP، بسته به موقعیت طبقه‌ی ایجاد نامنظم متغیر خواهد بود؛ به نحوی که نسبت به سازه‌ی منظم، در مدل (KS<sub>(0,6)</sub>) (۱ : ۱) کاهاش ۱۰ تا ۴۵ درصدی و در مدل (KS<sub>(0,6)</sub>)، افزایش ۴۵ تا ۷۰ درصدی شدت ارتعاشات لرزه‌ی برای تأمین سطوح اطمینان ۲۵٪ تا ۷۵٪ مشاهده می‌شود. در جدول ۴، شدت ارتعاشات قابل تحمل برای سازه جهت تأمین سطوح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP، برای ۴ سطح اطمینان ۲۵٪، ۵۰٪، ۷۵٪ و ۱۰۰٪ ارائه شده است.

## ۲.۱.۴. سطح عملکرد نایپایداری کلی سازه (GI)

مطابق شکل ۱۰، ایجاد نامنظمی ناشی از تغییرات جرم در طبقات اول تا پنجم سازه (M<sub>(2)</sub>)، باعث شده است تا تأمین سطوح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد GI در شدت ارتعاشات لرزه‌ی پایین‌تری امکان‌پذیر باشد. در این حالت، بیشینه‌ی ۱۷٪ اختلاف در سطح ارتعاشات، نسبت به سازه‌ی منظم مشاهده می‌شود. وضعیت مشاهده‌ی برای مدل نامنظمی جرمی در طبقه‌ی اول سازه (M<sub>(2)</sub>) وجود دارد. با این حال، برای سطوح قابلیت اطمینان پایین‌تر از ۵۰٪، سطح ارتعاشات قابل تحمل برای سازه افزایش می‌یابد. در مقایسه با سازه‌ی منظم، سطح ارتعاشات قابل تحمل برای مدل نامنظمی جرمی در طبقه‌ی پنجم (۵ : ۱)، مشاهده نمی‌شود.

مطابق شکل ۱۱، دامنه‌ی تحمل شدت ارتعاشات، برای تأمین سطوح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد GI در مدل نامنظمی سختی در طبقه‌ی اول (K<sub>(0,6)</sub>)، نسبت به سایر مدل‌های نامنظم سختی، محدودتر است؛ که در مقایسه با سازه‌ی منظم، کاهاش ۶۰ تا ۶۸ درصدی در سطح ارتعاشات مشاهده می‌شود. در سایر

جدول ۶. سطوح تقاضای تغییر مکان جانبی نسبی بین طبقات سازه برای تأمین سطوح اطمینان ۲۵، ۵۰، ۷۵ و ۱۰۰ درصدی برای عدم تجاوز از سطح عملکرد CP.

نماینده	سازه	طبقات				نماینده	سطوح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP (%)			
		۱۰۰	۷۵	۵۰	۲۵		۱۰۰	۷۵	۵۰	۲۵
نماینده	نماینده	۰,۰۳۵	۰,۰۵۶	۰,۰۶۰	۰,۰۶۵	۱۰ تا ۱	۰,۰۳۳	۰,۰۵۶	۰,۰۶۱	۰,۰۶۶
		۰,۰۴۲	۰,۰۷۰	۰,۰۷۶	۰,۰۸۲	۱	۰,۰۴۲	۰,۰۷۰	۰,۰۷۶	۰,۰۸۲
		۰,۰۳۹	۰,۰۶۶	۰,۰۷۱	۰,۰۷۷	۵	۰,۰۳۹	۰,۰۶۶	۰,۰۷۱	۰,۰۷۷
نماینده	نماینده	۰,۰۴۳	۰,۰۶۹	۰,۰۷۴	۰,۰۸۰	۱۰ تا ۱	۰,۰۴۳	۰,۰۶۹	۰,۰۷۴	۰,۰۸۰
		۰,۰۲۵	۰,۰۳۹	۰,۰۴۲	۰,۰۴۵	۱	۰,۰۲۵	۰,۰۳۹	۰,۰۴۲	۰,۰۴۵
		۰,۰۳۸	۰,۰۶۵	۰,۰۷۰	۰,۰۷۶	۵	۰,۰۳۸	۰,۰۶۵	۰,۰۷۰	۰,۰۷۶
نماینده	نماینده	۰,۰۴۵	۰,۰۷۲	۰,۰۷۷	۰,۰۸۳	۱۰ تا ۱	۰,۰۴۵	۰,۰۷۲	۰,۰۷۷	۰,۰۸۳
		۰,۰۳۴	۰,۰۵۷	۰,۰۶۲	۰,۰۶۶	۱	۰,۰۳۴	۰,۰۵۷	۰,۰۶۲	۰,۰۶۶
		۰,۰۱۱	۰,۰۱۹	۰,۰۲۰	۰,۰۲۲	۵	۰,۰۱۱	۰,۰۱۹	۰,۰۲۰	۰,۰۲۲
نماینده	نماینده	۰,۰۴۱	۰,۰۶۶	۰,۰۷۱	۰,۰۷۷	۱۰ تا ۱	۰,۰۴۱	۰,۰۶۶	۰,۰۷۱	۰,۰۷۷
		۰,۰۲۶	۰,۰۵۹	۰,۰۶۶	۰,۰۷۵	۱	۰,۰۲۶	۰,۰۵۹	۰,۰۶۶	۰,۰۷۵
		۰,۰۳۰	۰,۰۵۸	۰,۰۶۴	۰,۰۷۱	۵	۰,۰۳۰	۰,۰۵۸	۰,۰۶۴	۰,۰۷۱

جدول ۷. سطوح تقاضای تغییر مکان جانبی نسبی بین طبقات سازه برای تأمین سطوح اطمینان ۲۵، ۵۰، ۷۵ و ۱۰۰ درصدی برای عدم تجاوز از سطح عملکرد GI.

نماینده	سازه	طبقات				نماینده	سطوح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد GI (%)			
		۱۰۰	۷۵	۵۰	۲۵		۱۰۰	۷۵	۵۰	۲۵
نماینده	نماینده	۰,۰۷۰	۰,۱۱۸	۰,۱۲۸	۰,۱۳۸	۱۰ تا ۱	۰,۰۳۱	۰,۰۶۰	۰,۰۶۷	۰,۰۷۴
		۰,۰۲۱	۰,۰۸۱	۰,۰۹۹	۰,۱۲۲	۱	۰,۰۲۱	۰,۰۸۱	۰,۰۹۹	۰,۱۲۲
		۰,۰۷۶	۰,۱۲۰	۰,۱۲۹	۰,۱۳۸	۵	۰,۰۷۶	۰,۱۲۰	۰,۱۲۹	۰,۱۳۸
نماینده	نماینده	۰,۰۵۶	۰,۰۹۶	۰,۱۰۴	۰,۱۱۳	۱۰ تا ۱	۰,۰۵۶	۰,۰۹۶	۰,۱۰۴	۰,۱۱۳
		۰,۰۲۶	۰,۰۴۲	۰,۰۴۵	۰,۰۴۹	۱	۰,۰۲۶	۰,۰۴۲	۰,۰۴۵	۰,۰۴۹
		۰,۰۷۲	۰,۱۰۸	۰,۱۲۰	۰,۱۳۳	۵	۰,۰۷۲	۰,۱۰۸	۰,۱۲۰	۰,۱۳۳
نماینده	نماینده	۰,۰۶۰	۰,۰۹۱	۰,۰۹۷	۰,۱۰۳	۱۰ تا ۱	۰,۰۶۰	۰,۰۹۱	۰,۰۹۷	۰,۱۰۳
		۰,۰۶۶	۰,۱۰۷	۰,۱۲۰	۰,۱۳۳	۱	۰,۰۶۶	۰,۱۰۷	۰,۱۲۰	۰,۱۳۳
		۰,۰۱۰	۰,۰۱۸	۰,۰۲۰	۰,۰۲۲	۵	۰,۰۱۰	۰,۰۱۸	۰,۰۲۰	۰,۰۲۲
نماینده	نماینده	۰,۰۷۶	۰,۱۲۱	۰,۱۳۰	۰,۱۴۰	۱۰ تا ۱	۰,۰۷۶	۰,۱۲۱	۰,۱۳۰	۰,۱۴۰
		۰,۰۴۹	۰,۱۰۵	۰,۱۱۸	۰,۱۳۱	۱	۰,۰۴۹	۰,۱۰۵	۰,۱۱۸	۰,۱۳۱
		۰,۰۱۶	۰,۰۶۲	۰,۰۷۷	۰,۰۹۴	۵	۰,۰۱۶	۰,۰۶۲	۰,۰۷۷	۰,۰۹۴

ناشی از تغییرات مقاومت در طبقه‌ی پنجم سازه (۵) (S<sub>0,6</sub>) مشاهده می‌شود که نسبت به سازه‌ی منظم برای تأمین سطوح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP، کاهش ۶۵ تا ۷۰ درصدی در تغییرمکان‌ها مشاهده می‌شود (شکل ۹). این در حالی است که کاهش ۴۰ درصدی مقاومت در طبقه‌ی اول سازه (S<sub>0,6</sub>) (۱)، تأثیر چندانی در سطوح تقاضا نسبت به سازه‌ی منظم ندارد و بیشینه‌ی اختلاف در تغییرمکان‌ها به ۳٪ محدود می‌شود. همچنین، برای مدل نامنظم مقاومتی در نیمه‌ی پایینی سازه (۵) (S<sub>0,6</sub>)، اختلاف بین بیشینه‌ی تقاضا در برآورد سطح عملکرد CP، نسبت به مدل منظم ۲۸٪ است.

مطابق شکل ۱۰، در مدل‌های نامنظم ناشی از تغییرات تأمین سختی و مقاومت، بیشینه‌ی تقاضا ۲۶ درصدی تقاضای جابجایی، در تأمین سطوح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP نسبت به سازه‌ی منظم مشاهده می‌شود. این اختلاف که عمدتاً به صورت کاهش تقاضاست، در مدل (۱) (KS<sub>0,6</sub>) و در تأمین سطح اطمینان مطلوب در سازه‌ها، سطح تقاضا نسبت به سازه‌ی منظم افزایش می‌یابد، به نحوی که در مدل نامنظم (۵) (KS<sub>0,6</sub>)، بیشینه‌ی اختلاف‌ها به ۱۸٪ محدود می‌شود. در جدول ۶، تقاضای تغییرمکان جانبی نسبی بین طبقات سازه برای عدم تجاوز از سطح عملکرد CP در سطوح اطمینان ۲۵٪، ۵۰٪، ۷۵٪ و ۱۰۰٪ ارائه شده است.

#### ۲.۲.۴. سطح عملکرد نایابی‌اری کلی سازه (GI)

در مقایسه با سازه‌ی منظم، مطابق نمودارهای شکل ۱۳ مشاهده می‌شود که در بین مدل‌های نامنظم ناشی از تغییرات جرم، کمترین تغییرات در سطوح تقاضا در مدل نامنظم جرمی در طبقه‌ی پنجم (۵) (M<sub>2(2)</sub>) اختلاف افتاده است (بیشینه‌ی اختلاف٪/۹). این در حالی است که در مدل (۱) (M<sub>2(1)</sub>) و (۵) (M<sub>2(2)</sub>)، به ترتیب بیشینه‌ی ٪/۷۰ و ٪/۵۵ در سطح تقاضای جابجایی‌ها اختلاف مشاهده می‌شود.

برای مدل‌های نامنظم ناشی از کاهش ۴ درصدی سختی مشاهده می‌شود که بیشترین کاهش در سطوح تقاضای جابجایی در مدل نامنظم سختی در طبقه‌ی اول (۱) (K<sub>0,6</sub>) رخ داده است که در آن برای بازه‌ی قابلیت اطمینان ٪/۲۵ تا ٪/۱۰۰ کاهش ۶۳ الی ۶۵ درصدی در بیشینه‌ی تغییرمکان جانبی نسبی بین طبقات سازه اختلاف افتاده است (شکل ۱۱). این کاهش برای مدل نامنظم سختی در طبقات اول تا پنجم سازه (۵) (K<sub>0,6</sub>) کمتر بوده است، به نحوی که بیشینه‌ی مقدار آن به ٪/۲۰ محدود شده است. کمترین تقاضا در سطح تقاضا نسبت به سازه‌ی منظم، مربوط به مدل نامنظم سختی در طبقه‌ی پنجم (۵) (K<sub>0,6</sub>)، است که در آن بیشینه‌ی اختلاف ٪/۸٪ مشاهده می‌شود.

در مقایسه با سازه‌ی منظم، بیشترین کاهش در سطوح تقاضای مربوط به برآورد سطح عملکرد GI، مربوط به مدل نامنظم ناشی از تغییرات مقاومت در طبقه‌ی پنجم (۵) (S<sub>0,6</sub>)، است که بیشینه‌ی کاهش ٪/۸۶ را به دست می‌دهد (شکل ۱۲). برای سایر حالات نامنظم ناشی از تغییرات مقاومت در سازه، بسته به محل قرارگیری طبقه‌ی با طبقات نامنظم، درصد کاهش تقاضا متفاوت بوده است، به نحوی که در مدل نامنظم مقاومتی در طبقات اول تا پنجم سازه (۵) (S<sub>0,6</sub>)، بیشینه‌ی کاهش ۲۶ درصدی و برای مدل نامنظم مقاومتی در طبقه‌ی اول (۱) (S<sub>0,6</sub>)، بیشینه‌ی کاهش ٪/۱۰ مشاهده می‌شود.

برای مدل‌های نامنظم ناشی از تغییرات تأمین سختی و مقاومت (شکل ۱۴) مشاهده می‌شود که بیشترین اختلاف در سطوح تقاضای جابجایی نسبت به سازه‌ی منظم، متعلق به مدل (۵) (KS<sub>0,6</sub>)، است (بیشینه‌ی کاهش ٪/۷۶ نسبت به سازه‌ی منظم). برای سایر مدل‌های نامنظم از این قبیل، اختلاف مذکور با کاهش

حالات نامنظمی سختی، اختلاف مذکور کمتر است. برای مدل نامنظم سختی در طبقات اول تا پنجم سازه (۵) (K<sub>0,6</sub>)، کاهش ۸ درصدی و برای مدل نامنظم سختی در طبقه‌ی پنجم (۵) (K<sub>0,6</sub>)، بیشینه‌ی افزایش ۲۰ درصدی در سطح ارتعاشات اتفاق افتاده است.

براساس نمودارهای شکل ۱۲، وجود نامنظمی ناشی از تغییرات مقاومت در سازه باعث شده است تا از شدت ارتعاشات قبل تحمل برای تأمین سطوح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد GI کاسته شود. در بین تمامی مدل‌های نامنظم مورد بحث در نوشتار حاضر، مدل نامنظم مقاومتی در طبقه‌ی پنجم سازه (۵) (S<sub>0,6</sub>)، نشان‌دهنده‌ی کاهش ۸۰ درصدی در شدت ارتعاشات است. با این حال، برای سایر مدل‌های نامنظم مقاومتی، سطح ارتعاشات قبل تحمل برای سازه افزایش یافته است که در مقایسه با مدل منظم، به ترتیب بیشینه‌ی ٪/۱۰ و ٪/۱۷ اختلاف در مدل‌های (۵) (S<sub>0,6</sub>) و (۱) (S<sub>0,6</sub>) مشاهده می‌شود.

وضعیت مشابهی برای مدل‌های نامنظم ناشی از تغییرات تأمین سختی و مقاومت در سازه‌ها اتفاق می‌افتد که در آن، برای مدل (۵) (KS<sub>0,6</sub>)، بیشینه‌ی اختلاف ۶۸ درصدی در سطوح ارتعاشات قبل تحمل برای سازه نسبت به سازه‌ی منظم مشاهده می‌شود. با این حال، با کاهش سطح اطمینان مطلوب در سازه، اختلاف مذکور نیز کاهش می‌یابد. علاوه بر این، برای مدل‌های نامنظم ناشی از تغییرات تأمین سختی و مقاومت در نیمه‌ی پایینی سازه (۵) (KS<sub>0,6</sub>) و در طبقه‌ی اول (۱) (KS<sub>0,6</sub>)، به ترتیب بیشینه‌ی اختلاف ۲۳ و ۳۲ درصدی مشاهده می‌شود. در جدول ۵، شدت ارتعاشات قبل تحمل برای سازه جهت تأمین سطوح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد GI برای ۴ سطح ٪/۲۵، ٪/۵۰، ٪/۷۵ و ٪/۱۰۰ ارائه شده است.

#### ۲.۴. سطح تقاضا برای برآورد یک سطح اطمینان مشخص

**۲.۴.۱. سطح عملکرد آستانه‌ی فروریزش سازه (CP)**  
چنانچه سطح عملکرد مطلوب سازه، آستانه‌ی فروریزش (CP) در نظر گرفته شود، مطابق با نمودارهای ارائه شده در شکل ۷ مشاهده می‌شود که در مدل نامنظم ناشی از تغییرات جرم در طبقات اول تا پنجم سازه (۵) (M<sub>2(1)</sub>)، اختلاف بین تقاضای جابجایی برای دست یابی به یک سطح اطمینان مشخص نسبت به مدل منظم، کمترین اختلاف را در بین مدل‌های نامنظم جرمی دارد (بیشینه‌ی اختلاف ۵٪ نسبت به سازه‌ی منظم).

برای مدل‌های نامنظم جرمی در طبقه‌ی پنجم (۵) (M<sub>2(1)</sub>) و اول (۱) (M<sub>2(2)</sub>)، سطح تقاضا در سازه افزایش می‌یابد، به نحوی که به ترتیب بیشینه‌ی افزایش ۱۸٪ و ٪/۲۸ در تغییر مکان جانبی نسبی بین طبقات در سازه‌های مذکور مشاهده می‌شود. این افزایش جابجایی‌ها به این معناست که سازه توان تحمل تغییر شکل‌های بزرگ‌تری را در تأمین یک سطح اطمینان مشخص دارد.

مطابق شکل ۸، در بین مدل‌های نامنظم ناشی از تغییرات سختی، سطح تقاضا برای برآورد سطح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP، در مدل نامنظم سختی در طبقه‌ی اول (۱) (K<sub>0,6</sub>)، نسبت به سایر مدل‌های نامنظم سختی کاهش می‌یابد، به نحوی که در مقایسه با مدل منظم، بیشینه‌ی کاهش ۳۰ درصدی مشاهده می‌شود. این در حالی است که برای سایر مدل‌های نامنظم سختی، سطح تقاضا در سازه افزایش نسبی نشان می‌دهد که در مقایسه با سازه‌ی منظم، برای مدل نامنظم سختی در طبقات اول تا پنجم (۵) (K<sub>0,6</sub>)، ٪/۲۳ افزایش در جابجایی‌ها مشاهده می‌شود. در مقایسه با تمامی مدل‌های نامنظم، کمترین تقاضای جابجایی برای مدل نامنظم

مقاومتی در طبقه‌ی پنجم، متوسط کاهش  $58\%$  و برای مدل نامنظم مقاومتی در طبقات اول تا پنجم، متوسط افزایش  $40\%$  مشاهده می‌شود. این تغییرات در شدت ارتعاشات باعث شده است تا تقاضای جابجایی در مدل‌های مذکور نیز بیشترین تغییرات را نسبت به مدل منظم داشته باشد. برای مدل نامنظم مقاومتی در طبقه‌ی پنجم، متوسط کاهش  $67\%$  و برای مدل نامنظم مقاومتی در طبقات اول تا پنجم، متوسط افزایش  $28\%$  درصدی در متوسط سطح تقاضا مشاهده می‌شود. در مقابل، تقاضای جابجایی در مدل‌های نامنظم ناشی از تغییرات جرم و مقاومت در طبقه‌ی اول سازه، تقاضاً چندانی با مدل منظم ندارد.

به طور کلی، در مرحله‌ی رفتار غیرخطی شدید سازه‌های نامنظم (سطح عملکرد CP) مشاهده می‌شود که دست‌یابی به درصد قابلیت اطمینان مورد نظر در شدت ارتعاشات پایین‌تری نسبت به سازه‌ی منظم میسر است که به موجب آن تقاضای جابجایی کمتری نسبت به سازه‌ی منظم مشاهده می‌شود. متوسط درصد تغییرات در شدت ارتعاشات قبل تحمل برای سازه در تمامی مدل‌های نامنظم به صورت کاهشی بوده است، که بیشینه‌ی کاهش  $80\%$  درصدی در مدل نامنظم ناشی از تغییرات مقاومت در طبقه‌ی پنجم سازه اتفاق افتاده است. مدل‌های نامنظم ناشی از تغییرات سختی در طبقه‌ی اول و نامنظم ناشی از تغییرات جرم در طبقات اول تا پنجم سازه به ترتیب با  $66\%$  و  $54\%$  کاهش در شدت ارتعاشات، در ردۀ‌های بعدی قرار گرفته‌اند. علاوه بر این، متوسط سطح تقاضا نیز در این مدل‌ها بیشترین کاهش را دارد که بیشینه‌ی مقدار آن در مدل نامنظم ناشی از تغییرات مقاومت در طبقه‌ی پنجم سازه و به میزان  $85\%$  است.

سطح اطمینان مربوط کاهش یافته است، به نحوی که برای دامنه‌ی سطح اطمینان  $25\%$  تا  $100\%$  در مدل  $(1 : 5)$  (KS $_{(0,6)}$ )، از  $1\%$  تا  $9\%$  افزایش و برای مدل  $(1 : 6)$  (KS $_{(0,6)}$ )، از  $6\%$  تا  $30\%$  کاهش در سطح تقاضا اتفاق افتاده است. در جدول ۷، تقاضای تغییرمکان جانی نسبی بین طبقات سازه برای سطح اطمینان  $25\%$ ،  $50\%$ ،  $75\%$  و  $100\%$  درصدی عدم تجاوز از سطح عملکرد GI ارائه شده است.

## ۵. نتیجه‌گیری

در نوشتار حاضر، اثرات نامنظمی‌های غیرهندسی در ارتفاع سازه، شامل نامنظمی‌های ناشی از تغییرات جرم، سختی، مقاومت و تأم سختی و مقاومت در رفتار لزه‌یی یک قاب سه‌بعدی فولادی  $10\text{ m}$  طبقه بررسی شده است. ارزیابی‌ها در چارچوب منحنی‌های تأمین سطح اطمینان عدم تجاوز از سطح عملکرد CP و GI صورت پذیرفته است. با توجه به منحنی‌های حاصل شده، امکان تعیین شدت ارتعاشات و تقاضای جابجایی متناظر با یک سطح اطمینان مشخص وجود دارد.

چنانچه به سطح عملکرد CP به عنوان سطح عملکرد مطلوب سازه توجه شود، مشاهده می‌شود که نسبت به سازه‌ی منظم، متوسط تغییرات در شدت ارتعاشات قبل تحمل برای سازه در  $4\text{ m}$  سطح اطمینان  $25\%$ ،  $50\%$ ،  $75\%$  و  $100\%$  درصد در مدل‌های نامنظم ناشی از تغییرات مقاومت، بیشینه است؛ به نحوی که برای مدل نامنظم

## پانوشت‌ها

1. displacement based adaptive pushover analysis
2. force based adaptive pushover analysis
3. incremental dynamic analysis (IDA)
4. superstructure
5. substructure
6. box
7. mass
8. stiffness
9. strength
10. open system for earthquake engineering simulation
11. displacement-based beam-column element
12. fiber sections
13. the gauss-legendre quadrature rule
14. p-delta
15. pressure dependent multi yield
16. free field boundary
17. intensity measure (IM)
18. engineering demand parameter (EDP)
19. collapse prevention (CP)
20. global instability (GI)
21. the confidence level of meeting the performance objectives

## منابع (References)

1. Reinhorn, K.D. and Rutenberg, A.M. "A seismic response of irregular frame structures near collapse: Experimental and analytical investigation", *Proceedings of the 4<sup>th</sup> European workshop on the seismic behaviour of irregular and complex structures*, Thessaloniki (2005).
2. Chintanapakdee, C. and Chopra, A.K. "Seismic response of vertically irregular frames: Response history and modal pushover analyses", *Journal of Structural Engineering*, **130**(8), pp. 1177-1185 (2004).
3. Tremblay, R. and Poncet, L. "Seismic performance of concentrically braced steel frames in multistory buildings with mass irregularity", *Journal of Structural Engineering*, **131**(9), pp. 1363-1375 (2005).
4. Pinho, R. and Antoniou, S. "A displacement-based adaptive pushover algorithm for assessment of vertically irregular frames", *Proceedings of the 4<sup>th</sup> European Workshop on the Seismic Behaviour of Irregular and Complex Structures*, CD ROM. Thessaloniki (2005).

5. Michalis, F., Dimitrios, V. and Manolis, P. "Evaluation of the influence of vertical irregularities on the seismic performance of a nine-storey steel frame", *Earthquake Engineering & Structural Dynamics*, **35**(12), pp. 1489-1509 (2006).
6. Le-Trung, K., Lee, K., Lee, J. and Lee, D.H. "Evaluation of seismic behaviour of steel special moment frame buildings with vertical irregularities", *The Structural Design of Tall and Special Buildings*, **21**(3), pp. 215-232 (2012).
7. Harte, M., Basu, B. and Nielsen, S.R.K. "Dynamic analysis of wind turbines including soil-structure interaction", *Engineering Structures*, **45**, pp. 509-518 (2012).
8. Shakib, H. and Atefatdoost, G.R. "Effect of soil-structure interaction on torsional response of asymmetric wall type systems", *Procedia Engineering*, **14**, pp. 1729-1736 (2011).
9. De Stefano, M. and Pintucchi, B. "A review of research on seismic behaviour of irregular building structures since 2002", *Bulletin of Earthquake Engineering*, **6**(2), pp. 285-308 (2008).
10. *Building National Code of Iran - Loads for Buildings*, Institute of Building National Code (2014).
11. Standard 2800., *Building and Housing Research Centre*, Tehran, Iran (2014).
12. *Building National Code of Iran - Steel Design*, Institute of Building National Code (2014).
13. Wolf, J.P., *Dynamic Soil-Structure Interaction*, Prentice-Hall Englewood Cliffs, N.J. (1985).
14. Wolf, J.P. and Deeks, A.J. *Foundation Vibration Analysis Using Simple Physical Models*, Prentice-Hall, Englewood Cliffs, N.J. (1994).
15. Su, J. and Wang, Y. "Equivalent dynamic infinite element for soil-structure interaction", *Finite Elements in Analysis and Design*, **63**, pp. 1-7 (2013).
16. Kazakov, K.S. "Elastodynamic infinite elements with united shape functions for soil-structure interaction", *Finite Elements in Analysis and Design*, **46**(10), pp. 936-942 (2010).
17. Shakib, H. and Fuladgar, A. "Dynamic soil-structure interaction effects on the seismic response of asymmetric buildings", *Soil Dynamics and Earthquake Engineering*, **24**(5), pp. 379-388 (2004).
18. Yang, Z. and Elgamal, A.W.M. "Numerical modeling of earthquake site response including dilation and liquefaction", University of California at San Diego, Dept. of Structural Engineering (2000).
19. Vamvatsikos, D., Alexandropoulos, K., Giannitsas, P. and Zeris, C. "Influence of element modeling on the predicted seismic performance of an existing RC building", *National Conference of Earthquake Engineering*, San Francisco (2006).
20. Krawinkler, H. "State of art report on systems performance of moment resisting steel frames subject to earthquake ground shaking", SAC report no. FEMA 355C., FEMA, Washington (DC) (2000).
21. Asgarian, B., Sadarinezhad, A. and Alanjari, P. "Seismic performance evaluation of steel moment resisting frames through incremental dynamic analysis", *Journal of Constructional Steel Research*, **66**(2), pp. 178-190 (2010).
22. Mazzoni, S., McKenna, F., Scott, M.H. and Fenves, G.L. "OpenSees command language manual", Pacific Earthquake Engineering Research (PEER) Center (2005).
23. Preisig, M. and Jeremic, B. "Nonlinear finite element analysis of dynamic soil-foundation-structure interaction", University of California, Davis (2005).
24. Hokmabadi, A.S., Fatahi, B. and Samali, B. "Assessment of soil-pile-structure interaction influencing seismic response of mid-rise buildings sitting on floating pile foundations", *Computers and Geotechnics*, **55**, pp. 172-186 (2014).
25. Rayhani, M. and El Naggar, M.H. "Numerical modeling of seismic response of rigid foundation on soft soil", *International Journal of Geomechanics*, **8**(6), pp. 336-346 (2008).
26. Pirizadeh, M. and Shakib, H. "Probabilistic seismic performance evaluation of non-geometric vertically irregular steel buildings", *Journal of Constructional Steel Research*, **82**, pp. 88-98 (2013).
27. Jalayer, F. and Cornell, C. "Alternative non-linear demand estimation methods for probability-based seismic assessments", *Earthquake Engineering & Structural Dynamics*, **38**(8), pp. 951-972 (2009).
28. Bianchini, M., Diotallevi, P. and Baker, J. "Prediction of inelastic structural response using an average of spectral accelerations", *10<sup>th</sup> International Conference on Structural Safety and Reliability (ICOSSAR09)*, pp. 13-17 (2009).
29. Shome, N. and Cornell, C.A. "Probabilistic seismic demand analysis of nonlinear structures", Stanford University Stanford, CA, USA (1999).
30. *FEMA: Recommended Seismic Design Criteria for New Steel Moment-Frame Buildings*, Washington DC (2000).
31. Vamvatsikos, D. and Cornell, C.A. "Incremental dynamic analysis", *J. of the International Association for Earthquake Engineering*, **31**(3), pp. 491-514 (2002).
32. Jalayer, F. and Cornell, C.A. "A technical framework for probability-based demand and capacity factor design (DCFD) seismic formats", Pacific Earthquake Engineering Research Center (2004).