

# شناسایی خسارت سازه‌ها با استفاده از آنالیز موجک بسته‌بی و کاهش ابعاد داده

احسان درویشان (پژوهشگر بسادکتری)

غلامرضا قادری امیری\* (استاد)

دانشکده‌ی مهندسی عمران، دانشگاه علم و صنعت ایران

مهمنگی عمران شریف، (همارا ۱۳۹۴) دوری ۲ - ۵، شماره ۲ / ۰ ص. ۸۵-۸۴، (دادشت فروردین)

در نوشтар حاضر، یک روش برای شناسایی خسارت ساختمان‌ها براساس ترکیب دو روش پردازش سیگنال و داده‌کاوی ارائه شده است. از تبدیل موجک بسته‌بی برای پردازش سیگنال‌ها و آنالیز مؤلفه‌های اصلی جهت کاهش ابعاد داده‌ها استفاده شده است. مطالعات بر روی سازه‌ی مرجع فاز یک ASCE-AISC انجام شده است که تاکنون در مطالعات متعددی به عنوان یک سازه‌ی مرجع پایش سلامت به کار رفته است. در ابتدا، تبدیل موجک بسته‌بی برای حذف نافه از سیگنال اصلی به کار رفته است. در مرحله‌ی بعد، روش آنالیز مؤلفه‌های اصلی استفاده شده است تا تعداد ابعاد مسئله به فقط یک داده کاهش داده شود. درنهایت، نیز انرژی ضرایب موجک مؤلفه‌ی سیگنال کاهش یافته به عنوان شاخص خسارت لحاظ شده است. نتایج نشان می‌دهد روش موجک هسته‌بی می‌تواند خسارت را در سازه‌ی مذکور به خوبی شناسایی کند.

darvishan.ehsan@gmail.com  
ghodrati@iust.ac.ir

وازگان کلیدی: شناسایی خسارت، پردازش سیگنال، معیار انرژی، تبدیل موجک بسته‌بی، کاهش ابعاد داده‌ها.

## ۱. مقدمه

نشان می‌دهند که تعیین بسامدهای بالا در بسیاری از سازه‌های واقعی بسیار دشوار است.<sup>[۱]</sup>

در سال ۱۲۰۵<sup>[۲]</sup> یک روش مبتنی بر آنالیز موجک برای شناسایی خسارت سازه‌ها ارائه شد که در آن به جای ضرایب ویولت از محتوای انرژی ویولت استفاده شده بود، تا حساسیت نتایج را به نافه کاهش دهد. با این حال دقت روش معرفی شده با افزایش سرعت و ساقط تغیله کاهش پیدا می‌کرد. همچنین برخی پژوهشگران<sup>[۳]</sup> با تمرکز بر روی سازه‌های دریایی، موفق شدند با استفاده از آنالیز ویولت و شاخص نیروی گسترده، یک روش مبتنی بر داده‌های خروجی را معرفی و سپس دقت الگوریتم پیشنهادی را با استفاده از چند مدل عددی و آزمایشگاهی بررسی کنند. در پژوهش دیگری در همان سال<sup>[۴]</sup> با بهره‌گیری از تبدیل بسته‌بی موجک و تبدیل کارهون - لو یک روش پایش سلامت ارائه و تبدیل موجک برای تجزیه‌ی سیگنال و تبدیل کارهون - لو به عنوان معیار شناسایی الگو استفاده شد.

در سال ۱۶۰۵<sup>[۵]</sup> نیز یک روش مبتنی بر آنالیز موجک برای شناسایی خسارت سازه‌های بتنی ارائه و نشان داده شد که ضرایب موجک، ارتباط مستقیمی با تغییرات خصوصیات فیزیکی ارتعاش سازه دارند. همچنین ار آنالیز موجک پیوسته<sup>[۶]</sup> برای شناسایی خسارت و محل آن و نیز یک مدل تحلیلی با درجه‌های مختلف پیچیدگی برای تشخیص ترک در یک تیر استفاده و ستاربوهای خسارت متعدد، شامل: شدت بار، ابعاد ترک و محل ترک برای سنجش قابلیت روش آزمایش شد.

در پژوهش حاضر، خسارت در سازه‌ها با استفاده از انرژی مؤلفه‌های شتاب

روش‌های پردازش سیگنال، یکی از پرکاربردترین روش‌ها برای شناسایی خسارت سازه‌ها هستند. مبنای روش‌های مذکور، استخراج ویژگی‌های ارتعاشی سازه است و یکی از پرکاربردترین آن‌ها، تبدیل فوریه است. با این حال، تبدیل فوریه با حذف پارامتر زمان یا مکان از سیگنال سبب می‌شود تا زمان یا مکان وقوع یک رخداد مشخص نباشد. برای حذف اثر مذکور، تاکنون روش‌های متعددی بر پایه‌ی زمان - بسامد ابداع شده‌اند که در آن‌ها محدوده‌ی کوچکی از سیگنال پردازش می‌شود.<sup>[۷-۱۰]</sup> با این حال، نحوه انتخاب محدوده‌ی ذکر شده در میران دقت نتایج بسیار تأثیرگذار است. تبدیل موجک، روشی نسبتاً جدید در پردازش سیگنال است که معاایب روش‌های قبلی را از بین می‌برد. موجک‌ها ترکیبی از توابع هستند که توانایی توصیف سیگنال در یک زمان مشخص را دارند. مزیت اصلی استفاده از تبدیل موجک، تحلیل محلی یک سیگنال است.<sup>[۱۱]</sup>

از طرف دیگر، به دلیل آنکه بسامدهای طبیعی به سادگی و با دقت مناسبی قابل تعیین هستند، روش‌های مبتنی بر بسامد ارتعاش تاکنون بیش از سایر روش‌ها استفاده شده‌اند.<sup>[۱۲]</sup> با وجود این، بسامدهای طبیعی سبب به شرایط محیطی (مانند دما، رطوبت و نافه) به شدت حساس هستند. علاوه بر این، روش‌های مذکور اطلاعاتی درباره‌ی موقعیت خطای احتمالی در برخواهند داشت و فقط مودهای بالاتر می‌توانند برای تعیین موقعیت آسیب به کار روند. با این حال مطالعات پیشین

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۰ اکتبر ۱۳۹۵، اصلاحیه ۱۶، ۳/۱۳۹۶، پذیرش ۲۳ اکتبر ۱۳۹۶.

DOI:10.24200/J30.2018.1606.1896

که در آن،  $c_{j,k}^i$  ضریب تابع موجک بسته‌یی است که از رابطه‌ی ۷ بدست می‌آید:

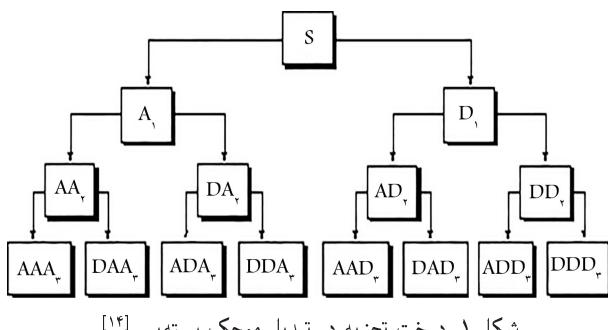
$$c_{j,k}^i = \int_{-\infty}^{\infty} f(t) \psi_{j,k}^i(t) d(t) \quad (7)$$

آنالیز سیگنال توسط تبدیل موجک پاکتی در شکل ۱ مشاهده می‌شود. در هر گره، شاخه‌ی سمت چپ، بخش ضرایب تقریب سیگنال است و شاخه‌ی سمت راست، بخش ضرایب جزئی سیگنال است. توابع در شاخه‌ی سمت راست هر گره، به عنوان تابع موجک و توابع در شاخه‌ی سمت چپ هر گره، تابع مقیاس فرض می‌شوند.

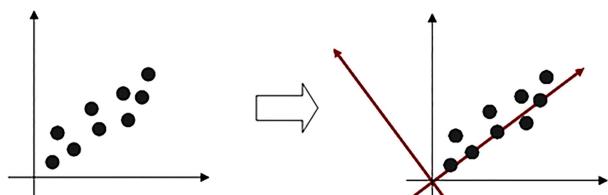
### ۳. آنالیز مؤلفه‌های اصلی

روش آنالیز مؤلفه‌های اصلی، بهترین روش برای کاهش ابعاد داده به صورت خطی است.<sup>[۱۴]</sup> در روش مذکور، محورهای مختصات جدیدی برای داده‌ها تعریف و داده‌ها براساس محورهای مذکور بیان می‌شوند. اولین محور باید در جهتی قرار گیرد که واریانس داده‌ها بیشینه شود (عنی در جهتی که پراکنده‌ی داده‌ها بیشتر است). در شکل ۲، این مفهوم برای داده‌های دو بعدی نشان داده شده است. به عبارت دیگر، با استفاده از تحلیل مؤلفه‌های اصلی می‌توان تعداد زیادی متغیر توضیحی (متغیر مستقل) همبسته را با تعداد محدودی متغیر توضیحی جدید، که مؤلفه‌های اصلی نامیده می‌شوند و ناهمبسته‌اند، جایگزین کرد. به این ترتیب نه فقط، بعد مسئله تقلیل می‌باید، بلکه مسئله‌ی چند همخطی پیش نمی‌آید. فرض کنید  $X = [X_1, X_2, \dots, X_P]^T$ ، یک بردار تصادفی با ماتریس کواریانس معین نامنفی و  $\sum \lambda_1 \geq \lambda_2 \geq \dots \geq \lambda_p \geq 0$  مقدار ویژه‌ی باشد. همچنین بردارهای ویژه‌ی  $a_1, a_2, \dots, a_P$  باشند. متغیرهای  $Y_1, Y_2, \dots, Y_P$  تعریف شده در رابطه‌ی ۸ را مؤلفه‌های اصلی گویند.

$$\begin{aligned} Y_1 &= a_{11}X_1 + a_{12}X_2 + \dots + a_{1P}X_P \\ Y_2 &= a_{21}X_1 + a_{22}X_2 + \dots + a_{2P}X_P \\ &\vdots \\ Y_P &= a_{P1}X_1 + a_{P2}X_2 + \dots + a_{PP}X_P \end{aligned} \quad (8)$$



شکل ۱. درخت تجزیه در تبدیل موجک بسته‌یی.<sup>[۱۴]</sup>



شکل ۲. ایده‌ی روش آنالیز مؤلفه‌های اصلی.<sup>[۱۵]</sup>

پاسخ و تبدیل موجک بسته‌یی بررسی شده است. برای این کار یک سازه‌ی مرتع به صورت تحلیلی بررسی شده است. در ابتدا، با استفاده از معیار آتروبی شانون بهترین تراز برای تجزیه‌ی سیگنال‌های شتاب خروجی سازه از نافه تعیین و سپس ضرایب موجک استخراج شده‌اند. درنهایت، نیز با استفاده از معیار انرژی سیگنال‌ها، معیار خرابی تعیین شده است.

### ۲. تبدیل موجک بسته‌یی

توابع موجک بسته‌یی از یک سری توابع خطی موجک تشکیل شده‌اند، که جانشین بعضی خصوصیات‌ها، همانند: تعامل و تمرکز زمان - بسامد از توابع موجک هستند.

(۸)  $\psi_{j,k}^i(t)$  تابعی با ۳ پارامتر،  $j$  و  $k$  است که به ترتیب، پارامترهای: مدولاسیون، مقیاس و انتقال هستند (رابطه‌ی ۱):<sup>[۱۶]</sup>

$$\psi_{j,k}^i(t) = 2^{j/2} \psi_j^i(2^j t - k) \quad i = 1, 2, 3 \quad (1)$$

که در آن،  $\psi_j^i$  تابع موجک است که از رابطه‌ی ۲ بدست می‌آید:

$$\begin{aligned} \psi_j^i(t) &= \sqrt{2} \sum_{k=-\infty}^{\infty} h(k) \psi^i(2t - k) \\ \psi^{i+1}(t) &= \sqrt{2} \sum_{k=-\infty}^{\infty} g(k) \psi^i(2t - k) \end{aligned} \quad (2)$$

اولین تابع موجک، تابع مادر نامیده می‌شود. فیلترهای گسسته‌ی  $h(k)$  و  $g(k)$ ، قرینه‌ی مرتع فیلترهایی هستند که با توابع مقیاس و تابع موجک مادر در ارتباط هستند. تبدیل موجک بسته‌یی، شامل یک تجزیه‌ی کامل از هر سطحی است که به همین دلیل در نامه با بسامد بالا، تجزیه و تحلیل بالای انجام می‌دهد. رابطه‌ی بازگشتشی بین مؤلفه‌های سطح  $j$  و  $j+1$  به صورت رابطه‌ی ۳ است:

$$\begin{aligned} f_j^i(t) &= f_{j+1}^{i-1}(t) + f_{j+1}^i(t) \\ f_{j+1}^{i-1}(t) &= H f_j^i(t) \\ f_{j+1}^i(t) &= G f_j^i(t) \end{aligned} \quad (3)$$

که در آن، مقادیر  $H$  و  $G$  اپراتورهای کاهنده‌ی فیلتر هستند و مربوط به فیلترهای گسسته‌ی  $h(k)$  و  $g(k)$  می‌شوند که از رابطه‌ی ۴ بدست می‌آیند:

$$\begin{aligned} H\{\} &= \sum_{k=-\infty}^{\infty} h(k - 2t) \\ H\{\} &= \sum_{k=-\infty}^{\infty} g(k - 2t) \end{aligned} \quad (4)$$

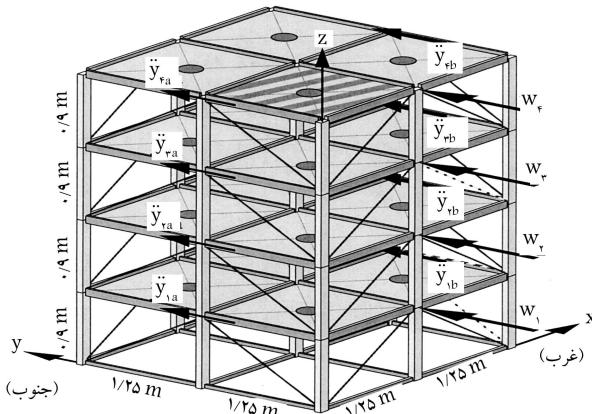
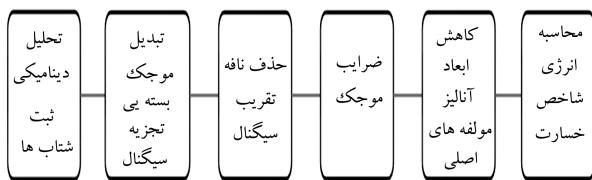
با تجزیه در سطح  $j$ ، می‌توان تابع  $f(t)$  را به صورت رابطه‌ی ۵ نوشت:

$$f(t) = \sum_{i=1}^{r_j} f_j^i(t) \quad (5)$$

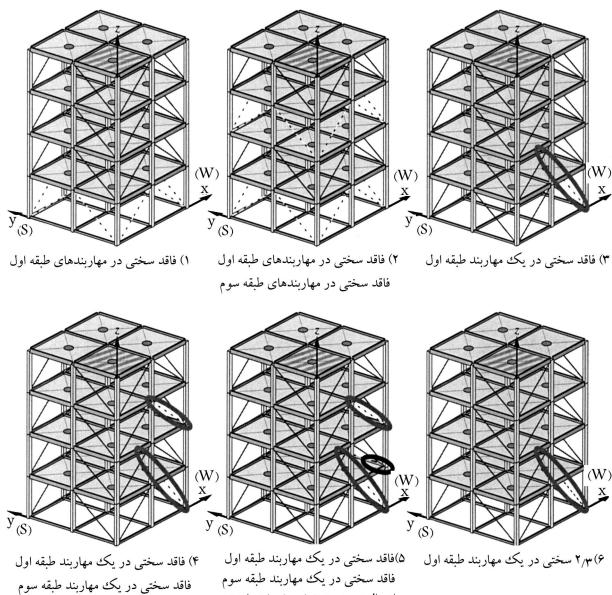
که در آن  $f_j^i(t)$  از رابطه‌ی ۶ بدست می‌آید:

$$f_j^i(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} c_{j,k}^i \psi_{j,k}^i(t) \quad (6)$$

که در آن،  $\underline{Y}_i$  را مؤلفه‌ی اصلی  $i$  نام‌گویند. بردار  $\underline{Y}^T = (Y_1, Y_2, \dots, Y_P)$  مؤلفه‌های بردار اصلی نام دارد.



شکل ۴. دیاگرام بارگذاری مدل سازه.



شکل ۵. شش الگوی خسارت سازه‌یی.

متر ارتفاع دارد. دو مهاربند قطری نیز در وجوده پیرامونی سازه در هر طبقه قرار گرفته‌اند. بارگذاری به صورت نافه‌ی سفید نرمال فیلترشده‌ی مستقل مدل سازی و با استفاده از یک فیلتر پایین‌گذر با ترورس مرتبه‌ی شش<sup>۱</sup> با سامد قطع ۱۰۰ هرتز تولید شده است. شکل ۴، به صورت گرافیکی مدل سازه و نحوه بارگذاری آن را نشان می‌دهد.

علاوه بر سازه‌ی سالم، ۶ الگوی خسارت به عنوان بخشی از مسئله‌ی مرجع مطالعه شده است که شامل خسارت‌های ساده که بیشتر روش‌ها باید قادر به تشخیص آن باشند تا حالت‌های دشوارتر هستند که به این صورت تعریف شده‌اند (ضمیراً الگوهای مذکور به صورت گرافیکی در شکل ۵ نشان داده شده‌اند):

#### ۴. روش شناسایی خسارت

همان‌طور که بیشتر اشاره شد، در پژوهش حاضر، خسارت در سازه‌ها با استفاده از تبدیل موجک بسته‌یی بر روی یک سازه‌ی مرجع به صورت تحلیلی بررسی شده است. برای شناسایی خسارت، ۶ سطح خراصی متفاوت تعریف شده است. هدف از کاربرد تبدیل موجک بسته‌یی، استفاده از قابلیت پایین‌گذر و بالاگذر تبدیل به طور هم‌زمان است (برخلاف تبدیل پوسته و گستره)، که امکان جداسازی نافه از سیکنان را فراهم می‌کند. برای حذف نافه، در ابتدا ترازهای تجزیه پایین‌گذاری شده از سیکنان را درخت تجزیه بهمیه، جهت تجزیه‌ی سیکنان انتخاب شده است. علت انتخاب یک درخت برای کلیه‌ی پاسخ طبقات سازه، تغایر در سازه پاسخ طبقات مختلف است که باعث عملکرد متفاوت تبدیل موجک در طبقات مختلف می‌شود. برای این کار در ابتدا با استفاده از معیار آنتروپی شانون، بهترین تراز برای تجزیه‌ی سیکنان‌های سازه از نافه تعیین و سپس ضرایب موجک استخراج می‌شوند. در مرحله‌ی بعد، با استفاده از کاهش ابعاد داده‌ها، کلیه‌ی پاسخ طبقات به یک پاسخ (که نشان‌دهنده‌ی رفتار کل سازه است) کاهش می‌یابد. لذا به جای بررسی پاسخ‌های مختلف و تجمع آن‌ها، فقط یک پاسخ بررسی و از حجم محاسبات به میزان قابل توجهی کاسته می‌شود. به طور خلاصه، روش انجام کار به این شرح است:

۱. برای شناسایی خسارت، ابتدا سازه تحت بارگذاری تحلیل و خروجی سازه حسگرها ثبت می‌شود.
۲. کارایی توابع موجک مختلف بررسی و بهترین تابع موجک برای این مسئله انتخاب می‌شود.
۳. با استفاده از تبدیل موجک بسته‌یی، سازه هر حسگر تجزیه و نویه حذف می‌شود.
۴. ضرایب موجک برای سازه‌ی تقریب تراز اول برای هر حسگر محاسبه می‌شود.
۵. با استفاده از روش کاهش ابعاد با بهره‌گیری از آنالیز مؤلفه‌های اصلی، ضرایب موجک برای تمامی حسگرها فقط به یک محور تصویر می‌شوند تا ابعاد مسئله از ۱۶ به ۱ کاهش یابد.
۶. انرژی سیکنال حاصل مطابق رابطه‌ی ۹ محاسبه و مجموع انرژی به عنوان شاخص خسارت در نظر گرفته می‌شود.

$$E = \int s^2 dt \quad (9)$$

شکل ۳، نمودار کلی روش شناسایی خسارت را نشان می‌دهد. در ادامه، کلیه‌ی مراحل روش ارائه شده با جزئیات بحث شده است.

#### ۱۰.۴ مدل و تحلیل سازه

در پژوهش حاضر، از سازه‌ی مرجع پایش سلامت سازه که توسط IASC-ASCE توسعه داده شده، استفاده شده است.<sup>[۱۲]</sup> سازه‌ی مرجع، یک ساختمان فولادی ۴ طبقه‌ی دو دهانه است که از مدل آزمایشگاهی یک چهارم مقیاس دانشگاه بریتیش کلمبیا اقتباس شده است. سازه در پلان به ابعاد  $2,5 \times 2,5$  متر است و ۳,۶

جدول ۱. دقت توابع موجک مورد بررسی.

موجک	Sym <sup>۲</sup>	dmey	db <sup>۸</sup>	db <sup>۴</sup>
انرژی	۹۹/۳۹	۹۹/۵۰	۹۹/۵۰	۹۹/۵۰
موجک	db۲	haar	bior <sup>۲/۲</sup>	bior <sup>۳/۳</sup>
انرژی	۹۹/۳۹	۹۸/۲	۹۹/۷۰	۹۹/۶۰
موجک	coif <sup>۴</sup>	coif <sup>۲</sup>	coif <sup>۱</sup>	sym <sup>۴</sup>
انرژی	۹۹/۵۰	۹۹/۵۰	۹۹/۴۰	۹۹/۵۰

### ۳.۴. تجزیه‌ی سیگنال و حذف نافه

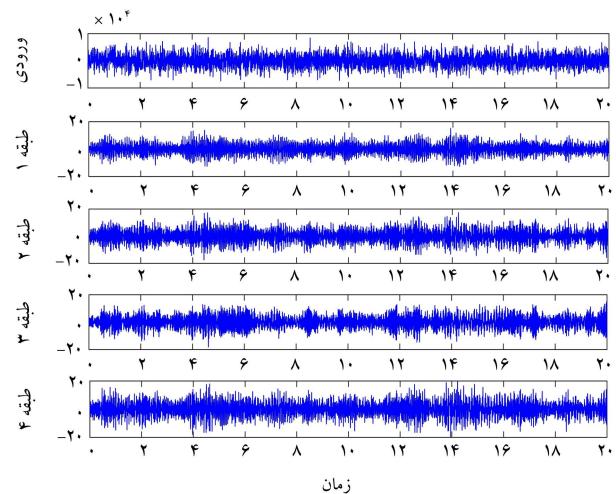
جهت حذف نافه از سیگنال اصلی، ابتدا باید سیگنال به مؤلفه‌های آن تجزیه شود. به منظور تخمین بهینه‌ی سیگنال تجزیه شده، نیاز به انتخاب درخت بهینه برای تجزیه‌ی سیگنال است. در واقع تجزیه‌ی بسته‌ی موجک، یک تجزیه با افزونگی زیاد است و روش انتخاب درخت بهینه، سعی در کاهش آن دارد، به طوری که با بازسازی درخت بهینه، سیگنال حاصل، کمترین اختلاف را با سیگنال اصلی دارد. لذا می‌توان نشان داد که در تجزیه‌ی بسته‌ی موجک، به گونه‌ی گره‌های مناسب در درخت تجزیه را می‌توان انتخاب کرد که بیشترین اطلاعات در بین گره‌های زیرمجموعه‌ی خود را داشته باشند. برای این منظور از توابعی که قادر به اندازه‌گیری و مقایسه‌ی اطلاعات موجود در هر گره باشد، استفاده می‌شود. الگوریتم انتخاب درخت بهینه به این صورت است که برای هر گره در درخت تجزیه، با استفاده ازتابع مذکور میزان اطلاعات موجود در آن گره محاسبه می‌شود، سپس مجموع میزان اطلاعات موجود در گره‌های زیرمجموعه‌ی گرهی مذکور نیز محاسبه و با مقدار محاسبه شده برای آن گره مقایسه می‌شود. اگر میزان اطلاعات موجود در زیرگره‌های مذکور بیشتر از گرهی موردنظر باشد، تجزیه از سمت آن گره در درخت تجزیه متوقف می‌شود؛ اما اگر به جزاین باشد، لازم است تا تجزیه از طرف گرهی مذکور ادامه پیدا کند.<sup>[۱۴]</sup> الگوریتم ذکرشده به صورت بالا به پایین و برای زیرگره‌های موجود در سطح تجزیه انجام می‌پذیرد و الگوریتم تا جایی ادامه می‌باید که در تمام گره‌های باقیمانده در درخت تجزیه متوقف شد باشد. شرط ذکرشده به همراه بیشینه‌ی سطح تجزیه‌ی بسته‌ی موجک، شرایط پایان الگوریتم انتخاب بهترین درخت را برآورده می‌سازد. به علاوه تابع اندازه‌گیری اطلاعات بر نحوه‌ی تجزیه و همین طور تعداد ترازهای لازم تأثیرگذار است. تابع اندازه‌گیری اطلاعات هر گره بسیار شبیه به تابع انرژی برای محاسبه‌ی ویژگی‌های سیگنال هستند. تابع متدائل برای اندازه‌گیری آنروبی هر گره مطابق روابط ۱۰ هستند:

$$\begin{aligned} & \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{k=1}^N |X_k|^p} \\ & - \sum_{k=1}^N |X_k|^r \log |X_k|^r \\ & \sum_{k=1}^N \log |X_k|^r \end{aligned}$$

Thresholding with fix threshold( $\varepsilon$ )

$$\text{Thresholding with adaptive threshold } (\sqrt{2 \ln(N \log_2 N)}) \quad (10)$$

معمولًاً آنروبی شانون کاربرد بیشتری در پردازش سیگنال‌های یک بعدی



شکل ۶. شتاب و روودی و شتاب پاسخ طبقات.

### ۱. حالت سلامت سازه:

۱. عدم سختی در مهاربندهای طبقه‌ی اول (مهاربندهای مذکور هنوز در جرم مشارکت دارند، اما هیچ مقاومتی درون سازه فراهم نمی‌کنند):

۲. عدم سختی در همه‌ی مهاربندهای طبقات اول و سوم؛

۳. عدم سختی در یک مهاربند در طبقه‌ی اول (مهاربند شمالی در وجه غربی سازه)؛

۴. عدم سختی در یک مهاربند در طبقه‌ی اول (مهاربند شمالی در وجه غربی سازه)؛

۵. عدم سختی در یک مهاربند در طبقه‌ی اول (مهاربند شمالی در وجه غربی) و یک مهاربند در طبقه‌ی سوم (مهاربند غربی در وجه شمالی)؛

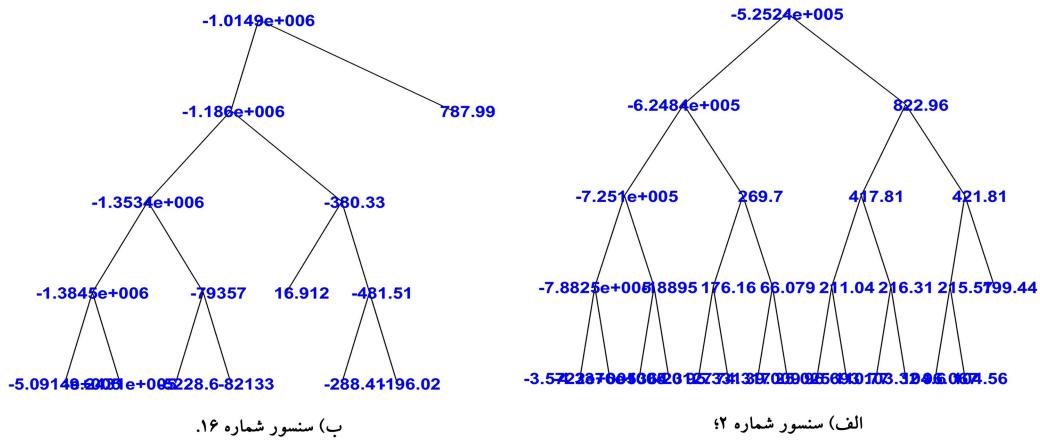
۶. مشابه الگوی خسارتخانه ۵ ولی اتصال تیر به ستون در طبقه‌ی اول فقط می‌تواند نیروها را انتقال دهد و قادر به تحمل هیچ لنگر خمی نیست؛

۷. دو سوم سختی (یک سوم سختی از دست رفته است) در یک مهاربند در طبقه‌ی اول.

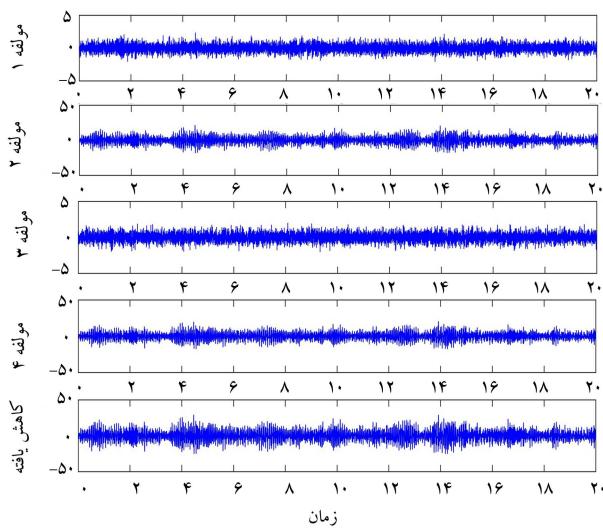
در پژوهش حاضر، از سیستم ۱۲ درجه‌ی آزادی مدل اجراء محدود سازه‌ی مرجع استفاده و کلیه‌ی محاسبات در نرم‌افزار متلب<sup>۲</sup> انجام شده است. میزان میارای سازه برابر ۰/۰ در نظر گرفته شده است. زمان آنالیز ۲۰ ثانیه و گام زمانی آنالیز برابر ۰/۰۰ ثانیه انتخاب و فرض شده است که هر طبقه، ۴ حسگر دارد، که شتاب پاسخ سازه را ثابت می‌کنند. جهت شیوه‌سازی شرایط واقعی حسگرها، مقدار ۱۰٪ نافه با توزیع نرمال نیز به مقادیر خروجی شتاب حسگرها اضافه شده است. شکل ۶، نمونه‌ی از باوارده و پاسخ شتاب طبقات را نشان می‌دهد.

### ۲.۴. انتخاب تابع موجک

تاکنون تابع موجک متعددی معرفی شده‌اند که هر یک مزايا و معایبی دارند. لذا از بین توابع موجک موجود باید تابع مناسب را انتخاب کرد. از این میان ۱۲ تابع که نسبت به سایرین کاربرد بیشتری دارند، انتخاب شده‌اند. جدول ۱، دقت این تابع را براساس انرژی مؤلفه‌ها در ساخت سیگنال اصلی نشان می‌دهد. مشاهده می‌شود که کلیه‌ی توابع موجک مورد مطالعه، قابلیت مناسبی در تجزیه‌ی سیگنال نشان می‌دهند. با این حال تابع  $Bior^{3/3}$  به میزان اندکی نسبت به سایرین عملکرد بهتری از خود نشان می‌دهد. براین اساس، در ادامه تابع  $Bior^{3/3}$  استفاده شده است.



شکل ۷. بهترین درخت تجزیه به روش تبدیل موجک بسته‌بی.

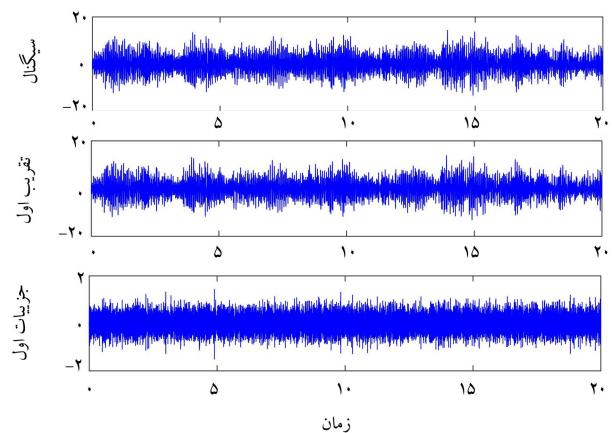


شکل ۹. ضرایب موجک طبقات و فرم کاهش یافته‌ی آن.

مسئله از ۱۶ به ۱ کاهش یافته و برای آن از آنالیز مؤلفه‌های اصلی استفاده شده است. روش کاهش ابعاد داده‌ها، نتایج بهتری نسبت به روابط ریاضی ساده، مانند جمع و یا میانگین‌گری به دست می‌دهد و در مواردی که حجم داده‌ها بالاست، بسیار مؤثر است. ضمناً روش مذکور، سرعت بسیار بالایی دارد. لذا در بسیاری از مسائل مهندسی استفاده از آن نسبت به سایر روش‌ها ارجحیت دارد. در شکل ۹، نمونه‌یی از کاهش سیگنال شتاب طبقات با روش کاهش ابعاد داده‌ها مشاهده می‌شود.

## ۵. تفسیر نتایج

همان‌طور که پیشتر گفته شد، خسارت در الگوهای خسارت ۲ و ۳ بالاست. ضمناً الگوی ۳ بیشترین شدت را در میان همه‌ی الگوها دارد. برخلاف آن، الگوهای خسارت ۴ الی ۶ جزیی‌تر هستند و الگوی ۷ کمترین خسارت را دارد. در شکل ۱۰، مقادیر شاخص خسارت محاسبه شده برای کل سازه مشاهده می‌شود. مشاهده می‌شود که روش ارائه شده به خوبی قابلیت شناسایی خسارت و شدت



شکل ۸. تجزیه‌ی سیگنال و حذف نافه.

دارد.<sup>[۱۴]</sup> بر این اساس معیار شانون برای محاسبه‌های درخت تجزیه استفاده شده است. به عنوان نمونه، شکل ۷ بهترین درخت تجزیه را برای دو حسگر ۲ و ۱۶ واقع در طبقات اول و چهارم برای ۴ تراز تجزیه نشان می‌دهد. مطابق شکل ۷ با توجه به متفاوت بودن شتاب طبقات، درخت بهینه‌ی هر حسگر نیز متفاوت خواهد بود. ضمناً ترکیب سیگنال‌های تجزیه شده باید به گونه‌یی باشد که بتوان تا حد امکان نافه را نیز از سیگنال حذف کرد. جدول ۲، درصد خطای انرژی سیگنال ساخته شده و سیگنال اصلی را برای حسگرها در حالت سالم نشان می‌دهد. مطابق جدول ۲ می‌توان مشاهده کرد که در تراز اول تجزیه، انرژی سیگنال تقریباً بسیار نزدیک به سیگنال اولیه دارد و انرژی سیگنال جزئیات بسیار کم است. در نتیجه جهت یکسان‌سازی روش تجزیه‌ی سیگنال برای تمامی حسگرها، تجزیه فقط در یک مرحله انجام شده است. شکل ۸، نمودار سیگنال اصلی حسگر ۲ را به خوبی جزئیات و تقریب آن نشان می‌دهد که مطابق آن با تجزیه در یک تراز، نافه به خوبی از سیگنال اصلی جدا شده است. آنتروپی در سیگنال‌های به شکل نافه بسیار کم است. لذا در ادامه، از تقریب سیگنال به جای سیگنال اصلی استفاده شده است.

**۴.۴. کاهش ابعاد داده‌ها**  
جهت کاهش حجم داده‌ها و همین طور حذف داده‌های پراکنده<sup>۳</sup>، تعداد ابعاد

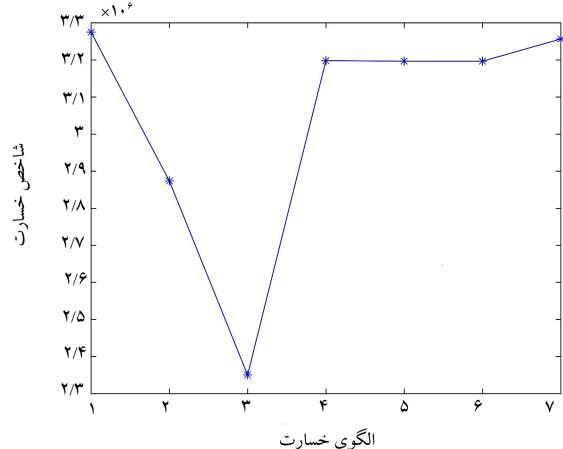
جدول ۲. مقادیر نسبی انرژی جزئیات به سیگنال اصلی در تراز اول تجزیه.

حسگر										نام حسگر
۱۶	۱۴	۱۲	۱۰	۸	۶	۴	۲			انرژی سیگنال
$2,07 \times 10^6$	$2,07 \times 10^6$	$1,44 \times 10^6$	$1,44 \times 10^6$	$1,05 \times 10^6$	$1,05 \times 10^6$	$1,49 \times 10^6$	$1,48 \times 10^6$			انرژی جزئیات
۷۹۲۱	۸۳۲۰	۷۹۰۸	۷۶۵۷	۶۸۷۵	۶۷۲۷	۱۷۰۱	۱۷۲۴			نسبت

حالت سالم (الگوی ۱) نفاوت کمتری دارد، که نشان از خسارت کمتر دارد. شاخص برای شناسایی خسارت در سازه‌ها ارائه شده است، که در آن برخلاف روش‌های سنتی از معیار انرژی به جای بسامد استفاده شده است و نتایج نشان از دقیق بالای روش مذکور در تشخیص شدت خرابی سازه‌ی مورد مطالعه دارد. به طور کلی می‌توان نتایج را به این شرح خلاصه کرد:

-- تبدیل موجک گسسته در سازه‌ی مورد مطالعه، یک ابزار پردازش سیگنال کارآمد برای شناسایی خسارت سازه است. به علاوه، روش تبدیل موجک گسسته عملکرد مناسبی برای فیلتر کردن نافه از سیگنال دارد.

-- روش تبدیل موجک گسسته قابلیت شناسایی خرابی‌های کلی سازه‌ی مذکور را با دقت بسیار بالا دارد و در مورد خرابی‌های جزئی نیز نتایج قابل قبولی ارائه می‌دهد.



شکل ۱۰. مقدار شاخص خسارت برای الگوهای خرابی مختلف.

آن را دارد. مطابق شکل می‌توان مشاهده کرد که افت شاخص انرژی در دو الگوی ۲ و ۳ بسیار بالاست، که نشان از خسارت شدید سازه دارد. الگوی ۳ نیز بیشترین افت انرژی را نشان می‌دهد. شاخص انرژی الگوهای ۴ الی ۶ با

## پانوشت‌ها

1. sixth-order low-pass Butterworth filter
2. Matlab
3. outliers

## منابع (References)

1. Goyal, D. and Pabla B.S. "The vibration monitoring methods and signal processing techniques for structural health monitoring: A review", *Archives of Computational Methods in Engineering*, **23**(4), pp. 1-10 (2015).
2. Wei, F. and Qiao, P. "Vibration-based damage identification methods: A review and comparative study", *Structural Health Monitoring*, **10**(1), pp. 83-111 (2011).
3. Zhipeng, F., Liang, M. and Chu, F. "Recent advances in time-frequency analysis methods for machinery fault diagnosis: A review with application examples", *Mechanical Systems and Signal Processing*, **38**(1), pp. 165-205 (2013).
4. Haldar, A. "Health assessment of engineered structures: Bridges, buildings and other infrastructures", *World Scientific*, 352 p. (2013).
5. Pyatt, A.L., Kozionov, A.P., Mokhov, I.I. and et al. "Time-frequency methods for structural health monitoring", *Sensors*, **14**(3), pp. 5147-5173 (2014).
6. Farrar, C.R. and Worden K. "An introduction to structural health monitoring", *Philosophical Transactions of the Royal Society of London A: Mathematical, Physical and Engineering Sciences*, **365**(1851), pp. 303-315 (2007).
7. Dackerman, U. "Vibration based damage identification method for civil structures using artificial neural network", Faculty of Engineering and Information Technology, University of Technology Sydney (2010).
8. Hester, D. and Gonzalez, A. "A wavelet-based damage detection algorithm based on bridge acceleration response to a vehicle", *Mechanical Systems and Signal Processing*, **28**, pp. 145-166 (2012).
9. Huang, C. and Nagarajaiah, S. "Output-only structural health monitoring for deepwater risers: Experimental

- study of wavelet modified SOBI and distributed force index algorithm”, *International Journal of Structural Stability and Dynamics*, **14**(05), pp.1440010 (2014).
10. Facchini, G., Bernardini, L., Atek, S. and et al. “Use of the wavelet packet transform for pattern recognition in a structural health monitoring application”, *Journal of Intelligent Material Systems and Structures*, **26**(12), pp.1513-1529 (2014).
11. Patel, S.S., Chourasia, A.P., Panigrahi, S.K. and et al. “Damage identification of RC structures using wavelet transformation”, *Procedia Engineering*, **144**, pp. 336-342 (2016).
12. Andreaus, U. and Casini, P. “Identification of multiple open and fatigue cracks in beam-like structures using wavelets on deflection signals”, *Continuum Mechanics and Thermodynamics*, **28**(1-2), pp. 361-378 (2016).
13. Johnson, E.A. and et al. “Phase II ASCE structural health monitoring benchmark problem using simulated data”, *Journal of Engineering Mechanics*, **130**(1), pp. 3-15 (2003).
14. Coifman, R.R. and Wickerhauser, M.V. “Entropy-based Algorithms for best basis selection”, *IEEE Trans. on Inf. Theory*, **38**(2), pp. 713-718 (1992).
15. Jackson, J.E., *A User's Guide to Principal Components*, John Wiley and Sons (1991).