

بررسی تأثیر مشخصات المان مرزی در رفتار دیوارهای برشی بتنی کوتاه

فرهاد محمدی‌داوani (کارشناس ارشد)

دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه آزاد اسلامی واحد شهرکرد

عبدالواضه سروقدام* (استادیار)

پژوهشگاه بین‌المللی زلزله‌شناسی و مهندسی زلزله

در این نوشتار با تحلیل ۳۰ مدل از دیوارهای برشی بتنی کوتاه به بررسی تأثیر متغیرهایی از قبیل نسبت ارتفاع به طول دیوار، میزان بار محوری و به ویژه تأثیر المان مرزی و برخی مشخصات آن از قبیل میزان آرماتور طولی و میزان آرماتور عرضی (محصورشدنگی بتن) در رفتار این گونه دیوارها پرداخته شده است. پارامترهای پاسخ بررسی شده عبارتند از: مقاومت بیشینه و تعییرشکل نظیر آن و همچنین مود گسیختگی دیوار. نتایج حاصله نشان می‌دهد که المان مرزی با توجه به نسبت ارتفاع به طول دیوار و شرایط طراحی‌اش، تأثیرات متفاوتی از خود نشان می‌دهد. با افزایش آرماتور طولی المان مرزی، تعییرشکل در مقاومت بیشینه در دیوارهای با نسبت ارتفاع به طول ۰/۵، ۰/۵، افزایش در دیوارهای با نسبت ۰/۰ و ۰/۵ کاهش می‌یابد. این پدیده تابعی از مود گسیختگی دیوار است. در بعضی از موارد تعییر در مشخصات المان مرزی باعث تعییر مود گسیختگی دیوار می‌شود.

farhad.m63@gmail.com
moghadam@iies.ac.ir

واژگان کلیدی: دیوار برشی کوتاه، تحلیل المان محدود غیرخطی، مود گسیختگی، مقاومت بیشینه، تعییرشکل در مقاومت بیشینه.

۱. مقدمه

نسبت‌های زیاد برای آرماتور طولی المان مرزی یا ابعاد بزرگ برای نواحی انتهایی، با جلوگیری از ایجاد مود گسیختگی خمی در نمونه‌ها، تمایل داشته‌اند که بیشتر به بررسی رفتار غالب برشی و تأثیر برش پردازنند.^[۱] بنابراین در مطالعات گذشته تلاش برای یافتن راهکارهایی برای بهبود پاسخ لرزه‌بی دیوارهای کوتاه کمتر به چشم می‌خورد. البته، می‌توان به استفاده از آرماتورهای قطعی در دیوارهای کوتاه اشاره کرد.^[۲] که امروزه به دلیل مشکلات اجرایی کمتر دارند. تحلیل سازه‌های بتن‌آرمه با رفتار غالب برشی پیچیده است و ممکن است در این حالت، دیوار رفتار لرزه‌بی مناسبی نداشته باشد. همچنین دیوارهای برشی کوتاه، مودهای گسیختگی متنوعی تحت بارگذاری جانبی از خود نشان می‌دهند. به همین دلیل شناخت بهتر رفتار دیوارهای برشی کوتاه و دست‌یابی به اطلاعات بیشتری که به طراحان در تخمین مناسب رفتار دیوارهای برشی کوتاه کمک می‌کند، مورد توجه بوده است.

با توجه به مطالعات ذکر شده و به دلیل کمبود مطالعات پارامتری در خصوص تأثیر المان‌های مرزی در دیوارهای کوتاه، این سؤال پیش می‌آید که استفاده از راهکارهای متدالوی که برای بهبود پاسخ دیوارهای برشی دارند تا چه حد در مورد دیوارهای کوتاه مؤثر هستند. بنابراین در این پژوهش با انتخاب پارامترهای مختلف، به ویژه خصوصیات المان مرزی، تأثیر این پارامترها در رفتار دیوارهای کوتاه بررسی شده است.

با افزایش توانایی نرم افزارها در تحلیل غیرخطی سازه‌های بتن‌آرمه می‌توان با اجتناب از آزمایش‌های پر هزینه، تخمین مناسبی از رفتار سازه‌ها به دست آورد.

از دیوارهای برشی کوتاه در ساختمان‌های کم ارتفاع و مقاومت‌سازی آنها و طبقات پایین ساختمان‌های بلند مرتبه می‌شود. قطعات دیوار شکل‌گرفته به وسیله‌ی بازشوهای در و پنجه ریز رفتاری مشابه دیوارهای برشی کوتاه دارند. برخی پژوهش‌ها، دیوارهای با نسبت ارتفاع به طول کمتر از ۰/۵ را به عنوان دیوارهای برشی کوتاه معروفی کرده‌اند.^[۳] تنش‌های برشی در مقاومت و شکل‌پذیری جانبی این دیوارها تأثیر قابل ملاحظه‌ی دارند. تحلیل سازه‌های بتن‌آرمه با رفتار غالب برشی پیچیده است و ممکن است در این حالت، دیوار رفتار لرزه‌بی مناسبی نداشته باشد. همچنین دیوارهای برشی کوتاه، مودهای گسیختگی متنوعی تحت بارگذاری جانبی از خود نشان می‌دهند. به همین دلیل شناخت بهتر رفتار دیوارهای برشی کوتاه و دست‌یابی به اطلاعات بیشتری که به طراحان در تخمین مناسب رفتار دیوارهای برشی کوتاه کمک می‌کند، مورد توجه بوده است.

در سال ۲۰۰۹ پژوهشگران با جمع‌آوری نتایج ۱۵۰ نمونه‌ی آزمایشگاهی از دیوارهای برشی کوتاه با مقطع مستطیلی و ۲۸۴ نمونه با مقاطع دمبلی شکل و بالدار، یک پایگاه داده‌ی جامع در خصوص آزمایش‌های انجام‌شده بر روی این گونه دیوارها ایجاد کرده‌اند. با بررسی کلیات مطالعه‌های آزمایشگاهی خلاصه شده در پایگاه داده‌ی مذکور، این نتیجه حاصل شده است که اکثر پژوهشگران با انتخاب

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۸/۱۰/۱۳۹۰، اصلاحیه ۱۹/۱/۱۳۹۱، پذیرش ۱۷/۱/۱۳۹۱.

در محل ترک‌ها تشن کششی بتن در جهت محور اصلی به صفر می‌رسد و تشن قفل و بست سنجگانه‌ها به پایداری تعادل کمک می‌کنند. به علاوه، تشن‌های آرماتورها در مقایسه با تشن‌های متوسط، ممکن است در محل ترک‌ها بیشتر باشند؛ بنابراین توسعه‌ی روابطی برای کترول تشن در محل ترک‌ها هم ضروری است، که این نیاز با روابط MCFT ارضاء می‌شود.

اگرچه ترک‌ها درین، پدیدآورنده‌ی غیریکپارچگی و انفصال هستند؛ کرنش‌های متوسط در طولی که شامل تعدادی ترک می‌شود، به عنوان ابزاری مورد توجه قرار گرفته است که می‌تواند پیوستگی مصالح را در MCFT به نحوی مدل کند. در نتیجه، مشابه همه‌ی مصالح یکپارچه و پیوسته، سازگاری در بتن مسلح با دایره‌ی موهر کرنش‌ها بیان می‌شود.

مقایسه‌ی نتایج ۱۰۰ آزمایش المان‌های بتن‌آرمه‌ی موجود در ادبیات فنی با تخمین‌های MCFT نشان داده است که مقاومت این المان‌ها را با نسبت متوسط آزمایش به مقدار حاصل از روابط برابر ۱۰٪ و ضریب تغییرات ۱۲٪ تخمین زده است.^[۷]

به منظور انجام مطالعات پارامتری با نرم‌افزار VecTor^۲ ابتدا باید نتایج آن راستی‌سنجی شود. برای این منظور ۵ نمونه‌ی آزمایشگاهی انتخاب و با این نرم‌افزار مدل‌سازی شده‌اند. نمونه‌های آزمایشگاهی انتخاب شده عبارت‌اند از: نمونه‌ی WALL^۱، SW^{۲۶}، U^{۱۰}، M^۳ و نمونه‌های M^۴.^[۸] در انتخاب نمونه‌ها سعی شده است مودهای مختلف شکست دیوارهای کوتاه شامل کشنش قطري (تسلييم آرماتورهای افقی جان) در نمونه‌ی WALL^۱، خمشی (تسلييم آرماتورهای قائم) در نمونه‌ی U^{۱۰}، فشار قطري (خردشگی بتن جان) در نمونه‌ی SW^{۲۶} و ترکیبی از مودهای فوق در نمونه‌های M^۳ و M^۴ پوشش داده شود (جدول ۱).

در مدل‌سازی‌های علاوه بر ا Rahنمای برنامه‌ی VecTor^۲، از توصیه‌های انجام شده برای مدل‌سازی المان محدود دیوارهای برشی استفاده شده است.^[۹] لازم به ذکر است که تحلیل‌ها در نسخه‌ی نمونه‌ی ۵ نرم‌افزار انجام شده‌اند که فقط قابلیت استفاده از پیش‌فرضهای برنامه در مدل‌سازی مصالح و روش‌های تحلیل را دارد.

در ادامه، جزئیات مدل‌سازی رایانه‌یی شرح شده است. از این جزئیات هم برای مدل‌سازی نمونه‌های آزمایشگاهی و هم مدل‌های معرفی شده در قسمت‌های بعدی استفاده شده است. برای تعیین ابعاد المان‌بندی مناسب برای هر نمونه، تحلیل با کاهش ابعاد المان آقدر ادامه می‌یابد تا برای یک بعد مشخص تغییر در نتایج تحلیل ناجیز باشد. این بعد به عنوان بعد بهینه برای المان‌بندی انتخاب شده است. معمولاً نمونه‌های آزمایشگاهی دارای یک تیر فوقانی برای انتقال بار جانی از جک‌ها به نمونه هستند. برای نمونه‌های آزمایشگاهی انتخاب شده در این تحقیق،

جدول ۱. مشخصات آزمایشگاهی و مود شکست نمونه‌های انتخاب شده.

نمونه	نوع	نسبت ارتفاع	بار محوری	شرط مرزی
	آزمایش	به طول	(KN)	
Wall ^۱	چرخه‌یی	۰,۵	۰	بدون المان مرزی
U ^{۱۰}	چرخه‌یی	۱,۰	۳۰۰	بدون المان مرزی
SW ^{۲۶}	یکنواخت	۲,۰	۰	با المان مرزی
M ^۳	چرخه‌یی	۰,۶۵	۱۳۶	بدون المان مرزی
M ^۴	چرخه‌یی	۰,۶۵	۷۶	بدون المان مرزی

از این رو در این نوشتار با انتخاب نرم‌افزار VecTor^۲،^[۱۰] تأثیر پارامترهای مذکور با بررسی نتایج تحلیل ۳۰ مدل از دیوارهای کوتاه بررسی شده است.

در ادامه، ابتدا برای اطمینان از صحبت مدل‌سازی‌ها، نتایج تحلیل چند نمونه‌ی آزمایشگاهی با نتایج حاصل از آزمایش مقایسه و سپس به معنفی ۳۰ مدل مذکور پرداخته و همچنین خصوصیات مدل‌ها و متغیرهای بررسی شده بیان شده است. مدل‌ها بر اساس نسبت ارتفاع به طولشان به ۳ دسته تقسیم شده‌اند. نتایج تحلیل ابتدا برای هر دسته به طور جداگانه ارائه و برخی نکات جالب توجه در تحلیل بیان شده است. پس از آن، برای هر نسبت ارتفاع به طول، نتایج حاصله برای هر متغیر میانگین‌گیری و با یکدیگر مقایسه شده‌اند. در انتها نیز نتیجه‌گیری و پیشنهادهای مربوطه ارائه شده است.

۲. راستی‌سنجی نتایج VecTor^۲

نرم‌افزار VecTor^۲، یک نرم‌افزار تحلیل المان محدود دو بعدی سازه‌های بتن آرمه است که برای مدل‌سازی ترک‌ها از روش ترک پخش شده چرخنده استفاده می‌کند. در این روش، ترک در هر المان به طور جداگانه اتفاق می‌افتد و خصوصیات المان قبل و بعد از ترک خوردگی متفاوت است. امتداد ترک‌ها نیز در حین تحلیل با توجه به شرایط المان و تشن‌ها و کرنش‌های آن متغیر است.

روند مذکور را با به کارگیری روابط MCFT^۲ در حل سازه انجام می‌دهد. این روابط به کمک آزمایش المان‌های بتن آرمه تحت تشن بر بشی خالص و ترکیب برش و بار محوری توسعه داده شده است. این معادلات در برگیرنده‌ی روابطی برای مدل‌سازی مصالح، معادلات تعادل و سارگاری کرنش هاست.^[۱۱]

بتن ترک‌خوردۀ هنگامی که تحت تشن‌های دو محوره قرار می‌گیرد، در مقایسه با بتن تحت فشار تک محوره، مقاومت کمتری از خود نشان می‌دهد. این پدیده به نرم‌شوندگی فشاری^۳ معروف است که در MCFT با یک ضریب کاهنده، که تابعی از کرنش کشنش بیشینه‌ی المان است، اعمال می‌شود.

یکی از جنبه‌های مهم MCFT، مدل‌کردن تشن‌های کشنشی اصلی بتن است. این پدیده در حقیقت سهم بتن در سختی آرماتورها بعد از ترک‌خوردگی را نشان می‌دهد، که سخت‌شدنگی کشنشی^۴ نامیده می‌شود و تأثیر قابل توجهی در سهم بتن در مقاومت بشی المان بتن مسلح دارد. در MCFT، تشن‌های کشنشی در بتن تا رسیدن به تشن ترک‌خوردگی به صورت خطی افزایش می‌یابند. بعد از ترک‌خوردگی نیز با افزایش کرنش کشنشی اصلی، تشن کشنشی اصلی کاهش می‌یابد. میران این کاهش با کمک رابطه‌یی تجربی که تابعی از کرنش کشنشی بیشینه است محاسبه می‌شود.

در روابط اصلی MCFT، برای آرماتورها یک رابطه‌ی تشن کرنش دو خطی استفاده می‌شود. البته VecTor^۲ قابلیت لحظه‌کردن سخت‌شوندگی کرنشی را هم برای آرماتورها دارد که در این تحقیق از این قابلیت نرم‌افزار استفاده شده است. در این حالت پس از رسیدن آرماتور به کرنش شروع سخت‌شوندگی، مقاومت آن به صورت خطی تا رسیدن به تشن نهایی، که متناظر با کرنش نهایی است، افزایش می‌یابد. روابط تعادل در MCFT به وسیله‌ی دایره‌ی موهر تشن‌های بیان می‌شوند. دایره‌ی موهر تشن‌های بتن ترک‌خوردۀ برابر مجموع دوایر موهر تشن‌های آرماتور و بتن است. فرض می‌شود آرماتورها فقط در جهت خود آرماتور نیروی محوری تحمل می‌کنند و بنابراین در مقابل تشن‌های بشی مقاومت نمی‌کنند. در نتیجه، تشن‌های بتن در دایره‌ی موهر برابر است با متناظر شان در دایره‌ی موهر تشن‌های بتن مسلح.

المان مرزی (محصورشده بتن). در جدول ۲ مقادیر و شرایط در نظر گرفته شده برای هر متغیر خلاصه شده است.

در این جدول، h ارتفاع دیوار، l طول افقی دیوار، f' مقاومت نشاری مشخصه بتن، و A_g مساحت مقطع دیوار است. در ادامه، برای مقادیر و شرایط در نظر گرفته شده برای متغیرها توضیحاتی ارائه شده است.

با انتخاب ۳ مقادیر برای (h/l) (سعی شده است تا جنبه‌های مختلف شکست در این دیوارها پوشش داده و بررسی شود. این متغیر، متغیر اصلی دسته‌بندی مدل هاست. ۳۰ مدل ساخته شده با عنوانی m₁ تا m₃ نامگذاری شده‌اند، که مدل‌های m₁ تا m₁₀ دارای h/l = ۰,۵ m₁₁ تا m₂₀ دارای h/l = ۱,۰ m₂₁ تا m₃₀ دارای h/l = ۱,۵ هستند.

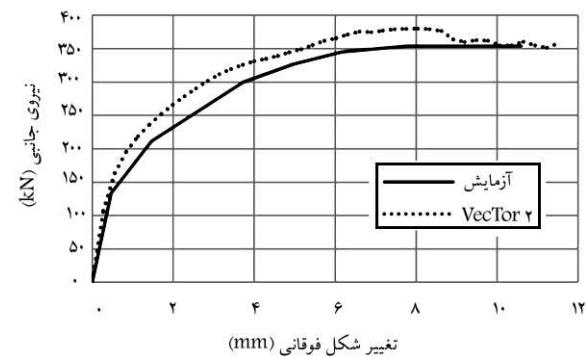
در مقایسه‌های انجام‌شده برای بررسی تأثیر متغیر ایجاد المان مرزی، دیوارهای بدون آرماتور طولی المان مرزی با دیوارهایی با ساده‌ترین حالت المان مرزی (با بنن مخصوص‌شده و آرماتور طولی ۱٪) مقایسه شده‌اند. منظور از بدون آرماتور طولی المان مرزی این است که آرماتورهای قائم جان در تمام مقطع دیوار به طور یکنواخت پخش شده‌اند و میلگرد قائم اضافه‌بی در دو انتهای مقطع دیوار وجود ندارد. هدف از این مقایسه دست‌یابی به یک دید کالی در خصوص ایجاد المان مرزی در این دیوارهای است.

در برخی پژوهش‌ها، پارامترهای مدل‌سازی دیوارهای با رفتار غالب برشی تابعی از میزان بار محوری است^[۱]، و در آنها قید شده است که اگر بار محوری از مقادیر ۰,۵f'، ۰,۷f'، ۰,۹f' یابد، باید میزان دریفت تا قبل از شروع افت مقاومت را از ۱٪ به ۰,۷۵٪ کاهش داد. به همین دلیل در این تحقیق با انتخاب دو مقدار ۰ و ۰,۵f' برای بار محوری و مقایسه‌ی نتایج آن، تأثیر این پارامتر در پاسخ نمونه‌ها بررسی شده است.

دلیل انتخاب مقدار ۱٪ برای آرماتور طولی المان مرزی این است که در دیوارهای برشی با طراحی صحیح برای ملاحظات اجرایی و شکل‌بندی مناسب، میزان آرماتور طولی المان مرزی معمولاً حدود ۱٪ انتخاب می‌شود. میزان ۳٪ نیز به این دلیل انتخاب شده است که طراحان معمولاً بیشینه‌ی درصد آرماتور طولی در دیوارها را حدود ۳٪ در نظر می‌گیرند.

در المان‌های مرزی تعریف شده در این تحقیق دو حالت برای آرماتورهای عرضی المان مرزی وجود دارد، یک حالت این است که همان آرماتورهای افقی جان در المان مرزی امتداد یابند که در این حالت بتن المان مرزی مخصوص‌شده باقی می‌ماند، و یک حالت هم خاموت‌گذاری المان مرزی به گونه‌ی است که ضوابط ویژه مطابق مبحث نهم مقررات ملی ساختمانی ایران^[۱۲] بوشش داده شوند. در این حالت نرم‌افزار VecTor ۲ محصورشده بتن را به طور خودکار بر اساس میزان آرماتور محصورکننده لحاظ می‌کند.

با توجه به توضیحات فوق و براساس مدرجات جدول ۲، خصوصیات هر مدل بر اساس نام آن در جدول ۳ ارائه شده است. علاوه بر متغیرهای معروفی شده، مدل‌ها



شکل ۱. مقایسه‌ی منحنی نیرو-تغییرشکل نمونه‌ی U1,۰ حاصل از آزمایش کوانگ و هو^[۲] با منحنی حاصل از تحلیل.

تیر فوکانی در مدل‌سازی لحاظ و بار جانبی به انتهای تیر به صورت متمرکز اعمال شده است. گره‌های وجه پایینی دیوار هم برای نمونه‌های آزمایشگاهی و هم برای مدل‌های فرضی فقط در برابر انتقال مقید شده‌اند. از مدل‌سازی فونداسیون نمونه‌های آزمایشگاهی صرف‌نظر شده است. چون مدل‌های فرضی فقد تیر فوکانی هستند، بار جانبی به صورت گسترش روی گره‌های وجه فوکانی مدل‌ها اعمال شده است. نوع تحلیل انجام‌شده، تحلیل استاتیکی غیرخطی یکنواخت است.

برای مثال، نتیجه‌ی تحلیل نمونه‌ی U1,۰ در شکل ۱ نشان داده شده است. با توجه به این شکل نمودار حاصل از تحلیل، همخوانی مناسبی با نمودار آزمایش دارد. مودگی‌سختگی این نمونه‌ی تسلیم، آرماتورهای قائم است. نقطه‌ی افت مقاومت در نمودار تحلیل، نزدیک به نقطه‌ی آغاز تسلیم کامل در نمودار آزمایش و نمودار تحلیل بالاتر از نمودار آزمایش قرار گرفته است. نسبت مقاومت بیشینه محاسبه شده و تغییرشکل نظری آن به مقدار حاصل از آزمایش به ترتیب برابر ۱,۰۷ و ۱,۰۳ به دست آمده است.

به طور کلی پس از بررسی نتایج تحلیل تمام نمونه‌های آزمایشگاهی معرفی شده، نرم‌افزار VecTor ۲ مقاومت نمونه‌های فوق را به طور میانگین برابر ۹۶٪ مقدار حاصل از آزمایش و تغییرشکل در مقاومت بیشینه را به طور میانگین برابر ۹۲٪ مقدار حاصل از آزمایش به دست داده است. این نتیجه حاکی از آن است که برای مطالعات پارامتری که در قسمت بعدی به آن پرداخته خواهد شد، دقت نرم‌افزار VecTor ۲ برای انجام تحلیل‌ها مناسب است.

۳. متغیرها، پارامترهای پاسخ و معرفی مدل‌ها

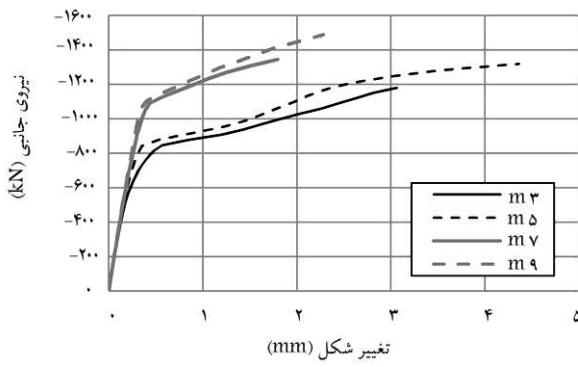
متغیرهای در نظر گرفته شده عبارت‌اند از: نسبت ارتفاع به طول دیوار (h/l)، ایجاد المان مرزی، میزان بار محوری، میزان آرماتور طولی المان مرزی و میزان آرماتور عرضی

جدول ۲. معرفی متغیرهای مطالعه‌شده و شرایط آنها.

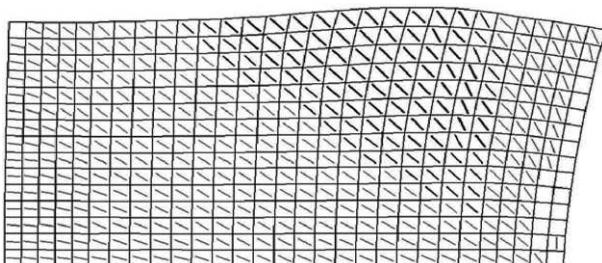
متغیر	نسبت ارتفاع به طول دیوار (h/l)	مقادیر و شرایط در نظر گرفته برای متغیر
ایجاد المان مرزی (قراردادن آرماتور قائم (خششی))	بدون آرماتور طولی المان مرزی	المان مرزی با آرماتور طولی ۱٪ و بتن محصورشده
بار محوری	صفرا	۰,۵f'cAg
آرماتور طولی (قائم) المان مرزی	٪۱	٪۰,۳
آرماتور عرضی (افقی) المان مرزی (محصورشده بتن)	المان مرزی محصورشده	المان مرزی محصورشده

جدول ۳. خصوصیات مدل‌ها بر اساس نام هر مدل.

ردیف	نام مدل	h/l	المان			آرماتور طولی المان مرزی (%)	محصورشده بتن المان مرزی
			۱,۵	۱,۰	۰,۵		
۱	m21	m11	m1	—	—	—	—
۲	m22	m12	m2	—	—	—	—
۳	m23	m13	m3	۱	۰	۰,۵ f'c Ag	محصورشده
۴	m24	m14	m4	۱	۰	۰,۵ f'c Ag	محصورشده
۵	m25	m15	m5	۳	۰	۰,۵ f'c Ag	محصورشده
۶	m26	m16	m6	۳	۰	۰,۵ f'c Ag	محصورشده
۷	m27	m17	m7	۱	۰	۰,۵ f'c Ag	محصورشده
۸	m28	m18	m8	۱	۰	۰,۵ f'c Ag	محصورشده
۹	m29	m19	m9	۳	۰	۰,۵ f'c Ag	محصورشده
۱۰	m30	m20	m10	۳	۰	۰,۵ f'c Ag	محصورشده



شکل ۲. مقایسه‌ی نمودار نیرو-تغییرشکل مدل m^3 (آرماتور طولی المان مرزی 1%) با مدل m^5 (آرماتور طولی المان مرزی 3%) و مدل m^7 با مدل m^9 .



شکل ۳. نمای دیوار مدل m^5 (آرماتور طولی المان مرزی 3%) در لحظه‌ی رسیدن به مقاومت بیشینه.

همانگونه که از نمودار شکل ۲ مشخص است، افزایش آرماتور طولی در المان مرزی از 1% به 3% باعث افزایش جزئی مقاومت و افزایش شکل‌پذیری شده است.

این پدیده به دلیل قوی‌تر شدن المان مرزی است. المان مرزی قوی‌تر، گسترش ترک‌های کشش قطری را محدودتر می‌کند و ترک‌های جان به المان مرزی گسترش نمی‌یابند. در این حالت دیوار مانند یک سازه‌ی خربی‌به بتحمل نیرو و تغییرشکل ادامه می‌دهد و در نتیجه مقاومت و شکل‌پذیری افزایش می‌یابد؛ همان‌طور که در شکل ۳ مشخص است، ترک‌های با عرض بیشتر در المان مرزی گسترش نیافته‌اند.

جدول ۴. خصوصیات ثابت مدل‌های ساخته شده.

طول افقی مدل‌ها (l)	۳ m
عرض (طول افقی) المان‌های مرزی	$0,45$ m
ضخامت جان و المان‌های مرزی	$0,2$ m
مقاومت فشاری بتن	۲۶ MPa
تشن تسلیم آرماتورها	۳۹۰ MPa
تشن نهایی آرماتورها	۵۹۰ MPa
مدول کشسانی فولاد	2×10^5 MPa
میزان آرماتور افقی جان	$\%0,5$
میزان آرماتور قائم جان	$\%0,5$

دارای خصوصیات مشترک و ثابتی هستند که این خصوصیات در جدول ۴ خلاصه شده است.

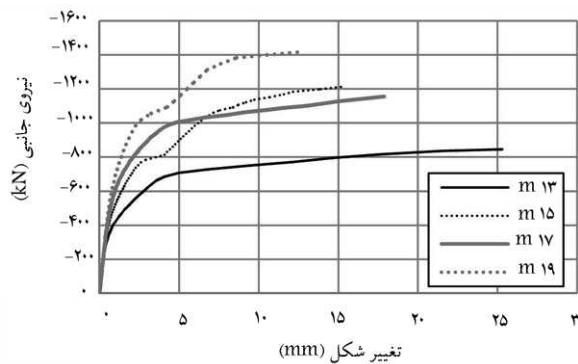
۴. نتایج تحلیل

مدل‌های معروفی شده، تحت بارگذاری استاتیکی یکنواخت تحلیل غیرخطی شدند. باز جانبی به طور یکنواخت روی گره‌های وجه فوقانی دیوار توزیع شده و در حین تحلیل با گام‌های ثابت از مقدار 0 تا مقدار بیشینه افزایش یافته است. بار ثقلی نیز مشابه باز جانبی اعمال شده است؛ با این تفاوت که در آغاز تحلیل و قبل از اعمال بار جانبی تمامی بار ثقلی روی دیوار اعمال شده است. پارامترهای پاسخ عبارت‌اند از مقاومت بیشینه و تغییرشکل نظری آن و حالت شکست دیوار. از این پس در این نوشтар منظور از عبارت تغییرشکل، مقدار نظری آن در مقاومت بیشینه و منظور از عبارت شکل‌پذیری، شکل‌پذیری تغییرمکان در جابجایی نظری مقاومت بیشینه دیوار است. تغییرشکل محاسبه شده، تغییرشکل وسط ضلع فوقانی مدل‌هاست. نتایج تحلیل در جدول ۵ برای تمام مدل‌ها نشان داده شده است.

در قسمت‌های بعدی مطالعات آماری بر روی نتایج حاصله انجام و در این قسمت نیز به ذکر برخی نکات قابل توجه در مورد نتایج تحلیل‌ها پرداخته شده است. در مورد تأثیر افزایش آرماتور طولی المان مرزی در حالت $h/l = 0,5$

جدول ۵. حالت شکست، مقاومت بیشینه و تغییرشکل در مقاومت بیشینه، حاصل از تحلیل.

h/1 = ۱/۵				h/1 = ۱/۰				h/1 = ۰/۵			
تغییرشکل	مقاومت در مقاومت بیشینه (KN)	حالت شکست	مدل	تغییرشکل	مقاومت در مقاومت بیشینه (KN)	حالت شکست	مدل	تغییرشکل	مقاومت در مقاومت بیشینه (KN)	حالت شکست	مدل
(mm)	(mm)			(mm)	(mm)			(mm)	(mm)		
۵۳/۵	۴۵۸/۲	خمشی	m۲۱	۲۷/۴۷	۷۲۲	خمشی	m۱۱	۴/۲	۱۱۱۱	ترکیب خمش و کشش قطري	m۱
۴۷/۴	۶۶۱/۱	خمشی	m۲۲	۲۱/۱۹	۹۷۶	خمشی	m۱۲	۱/۸۸	۱۳۷۷	کشش قطري	m۲
۴۶/۲	۵۵۲/۳	خمشی	m۲۳	۲۵/۲۹	۸۴۶	خمشی	m۱۳	۳/۰۶	۱۱۷۹	کشش قطري	m۳
۵۱/۳	۵۶۷	خمشی	m۲۴	۳۰/۰۶	۹۰۶/۹	خمشی	m۱۴	۳/۳۴	۱۲۱۵	کشش قطري	m۴
۲۶/۵۱	۹۵۱/۸	خمشی	m۲۵	۱۵/۴۱	۱۲۱۴/۷	کشش قطري	m۱۵	۴/۳۶	۱۳۱۸	کشش قطري	m۵
۳۸/۸	۹۸۷/۳	خمشی	m۲۶	۱۵/۲	۱۲۰۵	کشش قطري	m۱۶	۴/۳	۱۳۲۵	کشش قطري	m۶
۳۲/۳	۷۵۷/۴	خمشی	m۲۷	۱۷/۹	۱۱۵۵/۶	خمشی	m۱۷	۱/۷۹	۱۳۴۶	کشش قطري	m۷
۴۲/۷	۷۸۱/۹	خمشی	m۲۸	۲۳/۶	۱۲۴۴	خمشی	m۱۸	۲/۲۶	۱۴۳۹	کشش قطري	m۸
۲۱/۵	۱۱۴۴	خمشی	m۲۹	۱۲/۸	۱۴۱۸	کشش قطري	m۱۹	۲/۲۸	۱۴۸۹	کشش قطري	m۹
۳۱/۲	۱۱۷۹/۹	خمشی	m۳۰	۱۴/۸۸	۱۴۲۷	کشش قطري	m۲۰	۲/۳۷	۱۵۲۲	کشش قطري	m۱۰

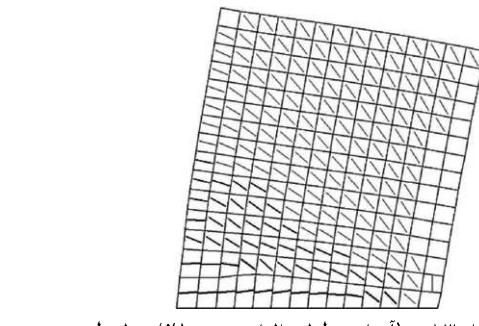


شکل ۶. مقایسه‌ی نمودار نیرو-تغییرشکل مدل m۱۳ (آرماتور طولی المان مرزی ۱٪) با مدل m۱۵ (آرماتور طولی المان مرزی ۳٪) و مدل m۱۷ با مدل m۱۹

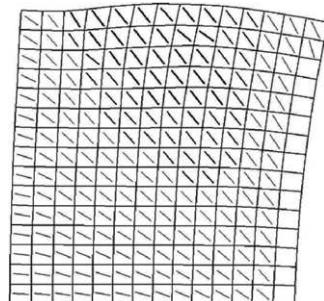
خمشی افزایش می‌باید و باعث می‌شود که دیوار قبل از رسیدن به مقاومت خمشی به مقاومت برشی خود برسد.

در این میان دو موضوع قابل بحث است: اولاً افزایش آرماتور طولی باعث تغییر در مود گسیختگی می‌شود. همان‌گونه که از نمودار نیرو-تغییرشکل مدل‌های m۱۵ و m۱۹ (شکل ۶) مشخص است تغییر مود خارجی دیوار باعث افزایش مقاومت نهایی دیوار شده است. به بیان دیگر، روند افزایش مقاومت دیوار تغییر کرده است و نمودارها دارای دو قسمت مجزا هستند، که علت آن است که آغاز ترک‌ها که با توجه به زاویه‌ی آنها (شکل ۵)، ترک‌های خمشی در المان مرزی هستند؛ نوید غالب بودن رفتار خمشی در دیوارها را می‌دهد. اما با بازشدن ترک‌ها در جان دیوار آرماتورهای افقی که تا قبل از بازشدن ترک‌ها در حالت کشسان بودند، کنترل‌کننده‌ی رفتار دیوار هستند و به مرور تسلیم می‌شوند. این موضوع باعث افزایش مقاومت نهایی دیوار شده است، اما شکل پذیری را نیز کاهش داده است.

نکته‌ی دوم این است که به طور مسلم یک حالت تعادل^۶ بین تغییر مود خارجی از حالت شکست خمشی به کشش قطري برای میزان آرماتور طولی المان مرزی وجود



شکل ۴. نمای دیوار مدل m۱۳ (آرماتور طولی المان مرزی ۱٪) در لحظه‌ی رسیدن به مقاومت بیشینه با مود گسیختگی خمشی.



شکل ۵. نمای دیوار مدل m۱۵ (آرماتور طولی المان مرزی ۳٪) در لحظه‌ی رسیدن به مقاومت بیشینه با مود گسیختگی کشش قطري.

جالب توجه است که در دیوارهای برشی لاغر، افزایش آرماتور طولی المان مرزی باعث کاهش شکل پذیری می‌شود که در اینجا نتیجه‌ی عکس حاصل شده است. در حالت h/l = ۱/۰، افزایش میزان آرماتور طولی از ۱ به ۳ درصد در مدل‌ها باعث تغییر در مود گسیختگی نمونه‌ها از خمشی به کشش قطري شده است (شکل‌های ۴ و ۵).

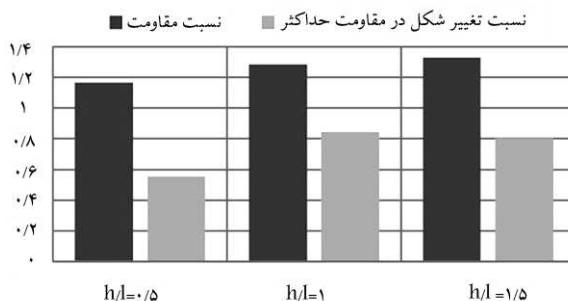
علت این پدیده این است که با افزایش میزان آرماتور طولی المان مرزی، مقاومت

شكل متناظر با مقاومت بیشینه شده است. این کاهش برای $h/l = 0,5$ برابر $1,5\%$ ، برای $h/l = 1$ برابر 11% و برای $h/l = 1,5$ برابر 23% است.

عملت این موضوع این است که با اضافه کردن المان مرزی، مقاومت خمشی دیوار افزایش یافته و در نتیجه تأثیر تلاش های برشی در تعیین رفتار دیوار بیشتر شده است. در حقیقت افزایش تششیعی مسخر به تبدیل ترک های خمشی به ترک های خمشی - برشی می شود و این موضوع باعث کاهش مقاومت فشاری بتن در راستای قطربی به دلیل پدیده نرم شوندگی فشاری و افزایش فشار در پنجه دیوار به دلیل عملکرد قطربی بتن ناشی از تیروی برشی می شود. این عوامل دست به دست هم می دهد و باعث می شود که بتن پنجه، در حالتی که تغییر شکل جابجایی دیوار کمتر است، به کرنش نهایی برسد و در نتیجه شکل پذیری دیوار کاهش یابد.

۲.۵. بار محوری

با مشاهده جدول ۷ و نمودار شکل ۸ که میانگین تأثیر بار محوری در مقاومت و تغییر شکل در مقاومت بیشینه مدل ها را در هر حالت h/l نشان می دهند، این نتیجه به دست آمده است که بار محوری در تمام حالت ها تأثیر مشابهی از خود بر جای گذاشته است. یعنی در تمام نمونه ها باعث افزایش مقاومت و کاهش تغییر شکل در مقاومت بیشینه شده است. جالب توجه است که با افزایش نسبت ارتفاع به طول دیوار افزایش بار محوری تأثیر بیشتری در افزایش مقاومت دیوار از خود نشان می دهد. افزایش بار محوری از صفر به $A_g = 0,5f^c$ باعث افزایش مقاومتی برابر 17% و 29% درصد و کاهش تغییر شکل در مقاومت بیشینه برابر 44% ، 15% و 19% درصد به ترتیب برای $h/l = 0,5$ ، $h/l = 1$ و $h/l = 1,5$ شده است. مشاهده می شود که تأثیر بار محوری در کاهش تغییر شکل در مقاومت بیشینه در رفتار غالب برشی (مود خرابی کشش قطربی) بیشتر از رفتار غالب خمشی است. عملت این پدیده تماشی بیشتر دیوار به لغزش در امتداد ترک های قطربی به دلیل حضور بار محوری است.



شکل ۸. مقایسه میانگین نسبت مقاومت و تغییر شکل در مقاومت بیشینه مدل های با بار محوری به مدل های بدون بار محوری.

دارد، به این معنی که حالت خرابی خمشی و کشش قطری هم زمان اتفاق می افتد. بنابراین به ازای درصدی مشخص برای آرماتور طولی المان مرزی که در مدل های $h/l = 1,5$ در این تحقیق بین ۱ تا ۳ درصد است، حالت تعادل مود خرابی به دست می آید. با توجه به اینکه بهتر است رفتار غالب در شکست دیوارهای برشی کوتاه، خمشی (تسییم آرماتورهای قائم) باشد؛ به دست آوردن راهی برای محاسبه میزان آرماتور طولی مذکور در حالت تعادل، می توانند موضوعی مناسب برای ادامه تحقیقات باشد.

۵. مقایسه نتایج

بر اساس نتایج حاصل از تحلیل مدل ها، در این قسمت تأثیر هر متغیر در مقاومت بیشینه و تغییر شکل نظیر آن، در هر حالت h/l میانگین گیری و مقادیر حاصل با یکدیگر مقایسه می شوند.

۱.۵. ایجاد المان مرزی

یادآوری می شود که در بررسی اثر این متغیر، مدل های بدون آرماتور طولی المان مرزی با مدل های دارای المان مرزی با آرماتور طولی 1% و بتن محصور نشده مقایسه شده اند. برای مثال در حالت $h/l = 0,5$ مدل m_1 با مدل m_2 و مدل m_3 با مدل m_4 مقایسه شده اند. مطابق جدول ۶، ایجاد المان مرزی در حالت $h/l = 0,5$ باعث افزایش دو درصدی مقاومت شده است. با افزایش میزان h/l ، تأثیر این متغیر افزایش می یابد، به طوری که در حالت $h/l = 1$ به میزان 18% و در حالت $h/l = 1,5$ به میزان 16% به طور میانگین باعث افزایش مقاومت می شود.

با توجه به جدول ۶ و نمودار شکل ۷، جالب توجه است که ایجاد المان مرزی با آرماتور طولی 1% و بتن محصور نشده در همه حالت ها باعث کاهش در تغییر



شکل ۷. مقایسه میانگین نسبت مقاومت و تغییر شکل در مقاومت بیشینه مدل های با المان مرزی (آرماتور طولی 1% و بتن محصور نشده) به مدل های بدون المان مرزی.

جدول ۶. میانگین تأثیر ایجاد المان مرزی بر مقاومت و تغییر شکل در مقاومت بیشینه مدل ها.

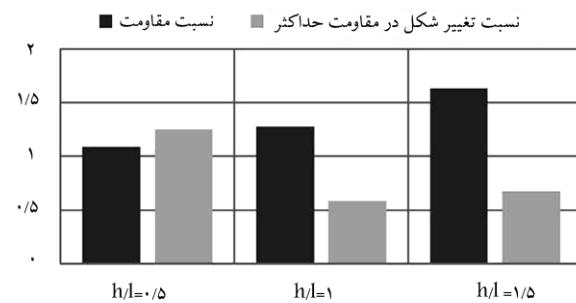
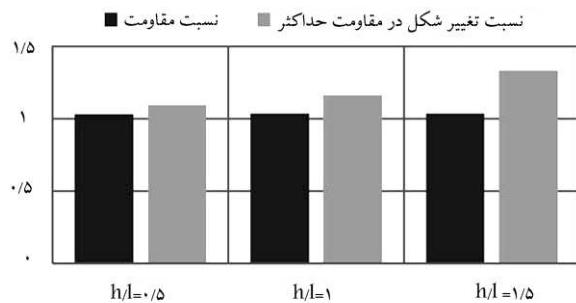
ردیف h/l	مانع مرزی	محصور نشده) به مقاومت مدل های بدون	مرزی (آرماتور طولی 1% و بتن	میانگین نسبت مقاومت مدل های با المان
۱	۰,۵	۰,۲	۰,۱	۰,۱۶
۲	۱	۰,۱۸	۰,۱۰	۰,۱۸
۳	۱,۵	۰,۱۶	۰,۱۵	۰,۱۷

جدول ۷. میانگین تأثیر بار محوری پر مقاومت و تغییرشکل در مقاومت پیشینه‌ی مدل‌ها.

ردیف	h/l	میانگین نسبت مقاومت مدل ها با بار محوری به مقاومت مدل ها با بار محوری به تغییر شکل در مقاومت بیشینه‌ی مدل ها با بار محوری به تغییر شکل در مقاومت بار محوری بدون بار محوری	میانگین نسبت مقاومت مدل ها با بار محوری به مقاومت مدل ها با بار محوری به تغییر شکل در مقاومت بیشینه‌ی مدل ها بدون بار محوری
۱	۰,۵	۱/۱۷	۰,۵۶
۲	۱,۰	۱/۲۹	۰,۸۵
۳	۱,۵	۱/۳۳	۰,۸۱

جدول ۸. میانگین تأثیر آرماتور طولی المان مرزی بر مقاومت و تغییرشکل در مقاومت پیشینه‌ی مدل‌ها.

ردیف	h/l	میانگین نسبت مقاومت مدل‌ها با آرماتور طولی المان مرزی ۳٪ به مقاومت مدل‌ها با آرماتور طولی المان مرزی ۱٪	میانگین نسبت مقاومت مدل‌ها با آرماتور طولی المان مرزی ۱٪ به مقاومت مدل‌ها با آرماتور بیشینه‌ی مدل‌ها با آرماتور طولی المان مرزی ۱٪
۱	۰,۵	۱,۰۹	۱,۲۶
۲	۱,۰	۱,۲۸	۰,۵۹
۳	۱,۵	۱,۶۴	۰,۶۸



لمان مرزی محصور شده به مدل های با لمان مرزی محصور نشده.

شکل ۹. مقایسه‌ی میانگین نسبت مقاومت و تغییرشکل در مقاومت بیشینه‌ی مدل‌های با آرماتور طولی 3% به مدل‌های با آرماتور طولی 1% .

۳.۵. آرماتور طولی المان مرزی

در صدی تغییرشکل در مقاومت بیشینه مواجه می‌شویم. دلیل این پدیده به دلیل حالت شکست دیوار است که در قسمت‌های قابل توضیح داده شد.

۴. محسوسه شدگی بتن المان مرزی

ین پارامتر تأثیر اندکی در مقاومت مدل‌ها از خود نشان داده است، به طوری که با توجه به جدول ۹ افزایش در مقاومت برابر ۳، ۴ و ۴ درصد به ترتیب در حالت $h/l = 1, 0, 0, 5$ نسبت به مدل‌های بدون المان مرزی مخصوص شده مشاهده می‌شود.

تأثیر این پارامتر در تغییرشکل متناظر با مقاومت بیشینه، با افزایش نسبت ارتفاع به طول افزایش می‌یابد. افزایش h/l درصدی در حالت 0° 16% درصدی در حالت 1° 34% درصدی در حالت 1.5° h/l 50% گواه این مطلب است. همان‌گونه که قابل پیش‌بینی بود، با افزایش تأثیر خمی در رفتار دیوار، تأثیر مثبت محصور کردن بین المان مرزی نیز افزایش می‌یابد. این موضوع به وضوح در شکل 10 قابل مشاهده است.

جدول ۹. میانگین تأثیر محصور کردن بتن المان مرزی بر مقاومت و تغییر شکل در مقاومت بیشینه مدل ها.

ردیف h/1	المان مرزی محصور شده به مقاومت مدل های المان مرزی محصور نشده	میانگین نسبت مقاومت مدل های المان مرزی محصور شده به تغییر شکل در مقاومت بیشینه مدل های المان مرزی محصور نشده
	۱/۰۹	۱/۰۳
	۱/۱۶	۱/۰۴
	۱/۳۴	۱/۰۴
		۰/۵
		۱
		۱/۰
		۲
		۱/۵
		۳

با تمرکز روی برخی جنبه ها که تاکنون کمتر به آنها پرداخته شده است و با کمک نتایج تحلیل های صورت گرفته، شناخت کامل تری نسبت به عملکرد دیوارهای برشی کوتاه به دست آید، تا در به کار بردن آنها به عنوان عضوی از سازه که در تحمل بارهای لرزه بی مشارکت می کنند، بتوان با دید بازتری عمل کرد. با توجه به نیازهایی که به تحقیق بیشتر در برخی زمینه ها احساس می شود، در ادامه پیشنهادهایی مطرح شده است:

۱. همان گونه که از شکل ۳ و شکل ۵ مشخص است، ترک های قطری در وجه فوکانی دیوارهایی که مود گسیختگی آنها کشش قطری است، پخش شده اند. اگر فرض شود روی وجه فوکانی مدل هایی که مود گسیختگی آنها کشش قطری است، یک تیر اضافه شود؛ به دلیل محدود شدن گسترش و بازشدن ترک های کششی قطری با این تیر ممکن است مقاومت، شکل پذیری، و حتی مود گسیختگی دیوار غیربرقرار کند. این تذکر لازم است که در نمونه های آزمایشگاهی برای انتقال بار جانبی از جک ها به دیوار، معمولاً یک تیر فوکانی قوی روی دیوارها اجرا می شود. در ساخت و سازهای واقعی، دال سقف یا امتداد آرماتورهای تیرهای کناری دیوار در وجه فوکانی آن، نقش تیر فوکانی را اجرا می کنند که مسلماً نسبت به تیرهای فوکانی اجرایش در نمونه های آزمایشگاهی ضعیف تر است. این مطلب نشان دهنده وجود تفاوت بین شرایط آزمایشگاهی و شرایط واقعی است. تغییر در خصوصیات تیر فوکانی مثل ابعاد و میزان آرماتورها می تواند در رفتار دیوارهای برشی کوتاه با مود گسیختگی کشش قطری تأثیرگذار باشد. تأثیر این موضوع در روابط موجود برای محاسبه مقاومت برشی دیوارهای کوتاه به چشم نمی خورد. به همین دلیل بررسی اثر خصوصیات تیر فوکانی در رفتار دیوارهای برشی کوتاه برای تحقیقات بیشتر مناسب به نظر می رسد، که این مطلب نیز قابل تسویه برخی از پژوهشگران پیشنهاد شده است.^[۲] با توجه به نتایج حاصله در این نوشتار در مورد دیوارهای با مود گسیختگی کشش قطری و توزیع ترک های قطری در وجه فوکانی دیوار، لزوم پرداختن به این موضوع بیشتر مشخص می شود.

۲. در خصوص تأثیر پاسخ فونداسیون در پاسخ لرزه بی دیوارهای لاغر مطالعات زیادی انجام شده است. در دیوارهای برشی کوتاه با توجه به مدهای گسیختگی متنوعی که به وقوع می پیوندد، پاسخ فونداسیون این دیوارها در برابر بارهای زنگله نیز متفاوت خواهد بود. برای مثال در توزیع نیروها زیر پی، نیروهای برشی نقش بیشتری خواهند داشت. تأثیر حرکت گهواره بی^۷ فونداسیون در رفتار لرزه بی، استهلاک انرژی و مود گسیختگی دیوار کوتاه با دیوار لاغر متفاوت است. در مطالعات انجام شده در این نوشتار مدل ها به صورت یک المان سازه بی تنها مدل شدن و اندرکش آنها با سایر المان ها و به خصوص فونداسیون و خاک زیر آن لحاظ نشد. بنابراین با توجه به اهمیت موضوع و مطالعات کمتری که در این زمینه صورت گرفته است، پیشنهاد می شود مطالعاتی نیز در خصوص تأثیر اندرکش خاک - فونداسیون سازه در رفتار دیوارهای برشی کوتاه و همچنین تأثیر انواع بی ها مثل بی های سطحی و یا استفاده از شمع انجام شود.

۶. نتیجه گیری

پس از بررسی و مقایسه نتایج حاصل از تحلیل مدل ها می توان اهم نتایج حاصله را به این شرح بیان کرد:

۱. در دیوارهای با $h/1=0,5$ افزایش آرماتور طولی المان مرزی از 1% به 3% باعث افزایش تغییر شکل در مقاومت بیشینه (شکل پذیری) دیوارها شده است. این موضوع با مشاهده های موجود برای دیوارهای لاغر در تناقض است. علت این پدیده را می توان در مود گسیختگی دیوار (کشش قطری) یافت. با افزایش آرماتور طولی المان مرزی و در نتیجه قوی تر شدن آن، گسترش ترک های قطری محدود شده و در نتیجه شکل پذیری افزایش یافته است. پس در مود گسیختگی کشش قطری می توان با افزایش آرماتور طولی در المان مرزی تا حدودی شکل پذیری دیوار را افزایش داد.
۲. در دیوارهای با $h/1=1,0$ افزایش آرماتور طولی المان مرزی از 1% به 3 درصد باعث تغییر در مود گسیختگی دیوار از خمی به کشش قطری شده است. دلیل این موضوع افزایش تأثیر تنش های برشی در رفتار دیوار به دلیل افزایش مقاومت خمی است. این پدیده باعث افزایش مقاومت و کاهش تغییر شکل در مقاومت بیشینه دیوار شده است. محاسبه میزان آرماتور طولی المان مرزی که به ازای آن مود گسیختگی دیوار تغییر می کند (در اینجا بین 1 تا 3 درصد) می تواند موضوعی شایسته برای ادامه تحقیقات باشد.

۳. به طور کلی در مورد تأثیر المان های مرزی در مدل های ساخته شده در این تحقیق می توان گفت در دیوارهای با $h/1=0,5$ (مود گسیختگی کشش قطری) استفاده از المان های مرزی قوی (آرماتور طولی $3/7\%$) می تواند با افزایش شکل پذیری دیوار به بهبود پاسخ آن کمک کند. در دیوارهای با $h/1=1,0$ ، المان های مرزی می توانند شکل پذیری دیوار شدن و افزایش مقاومت قابل توجهی نیز به همراه نداشتهند. پس در این دیوارها استفاده از المان های مرزی بهبود پاسخ لرزه بی نیست. در دیوارهای با $h/1=1,5$ المان های مرزی علی رغم کاهش شکل پذیری باعث افزایش قابل توجه مقاومت دیوار شدن. پس در این دیوارها استفاده از المان مرزی به عنوان گزینه بی که می تواند با افزایش مقاومت دیوار و همچنین افزایش سطح زیر منحنی نیرو - تغییر شکل به بهبود پاسخ لرزه بی آن کمک کند، قابل قبول است.
۴. افزایش بار محوری باعث کاهش قابل توجه شکل پذیری در مود گسیختگی کشش قطری ($h/1=0,5$) شده است در حالی که در مود گسیختگی تسلیم آرماتورهای قائم (خمی) تأثیر بار محوری در کاهش شکل پذیری کمتر است. در این نوشتار، با مدل سازی 35 مدل دیوار برشی کوتاه، به بررسی تأثیر برخی متغیرها در رفتار این دیوارها پرداخته شده است. نتایج حاصله حاکی از این مطلب است که این دیوارها بسته به میزان نسبت ارتفاع به طولشان پاسخ های متنوعی به برخی از متغیرها مثل میزان آرماتور طولی المان مرزی از خود نشان می دهند. در این نوشتار سعی شد

پابنوشت‌ها

1. smeared rotating crack approach
2. modified compression field theory
3. compression softening
4. tension stiffening
5. demo
6. balance
7. rocking

منابع (References)

1. Elwood, K.J., Matamoros, A. and etal., *Update to ASCE/SEI 41 Concrete Provisions*, Pacific Earthquake Engineering Research Center (PEER Center) (2007).
2. Gulec, C. and Whittaker, A. "Performance based assessment and design of squat concrete shear walls", Technical Report MCEER-09-0010 (15 September 2009).
3. Paulay, T. and Priestly, M.J.N., *Seismic Design of Reinforced Concrete and Masonry Buildings*, John Wiley, New York (NY) (1992).
4. Kuang, J.S. and Ho, Y.B. "Seismic behavior and ductility of squat reinforced concrete shear walls with non-seismic detailing", *ACI Structural Journal*, **105**(2), pp. 225-231 (2008).
5. Wong, P.S. and Vecchio, F.J. "VecTor2 and formworks user's manual", Department of Civil Engineering, Univ. of Toronto, Canada (2002).
6. Vecchio, F.J. and Collins, M.D. "The modified compression field theory for reinforced concrete elements subjected to shear", *ACI Journal*, **83**(2), pp. 219-231 (1986).
7. Bentz, E.C., Vecchio, F.J. and Collins, M.P. "Simplified modified compression field theory for calculating shear strength of reinforced concrete elements", *ACI Structural Journal*, **103**(4), pp. 614-624 (2006).
8. Wirandianta, S. and Saatcioglu, M. "Tests of squat shear walls under lateral load reversal", *Proceedings, the 3rd US Conference on Earthquake Engineering*, Charleston, South Carolina, USA (1986).
9. Lefas, I.D., Kotsovos, M.D. and Ambraseys, N.N. "Behavior of reinforced concrete structural walls: Strength, deformation characteristics and failure mechanism", *ACI Structural Journal*, **87**(1), pp. 23-31 (1990).
10. Greifenhagen, C. "Seismic behavior of lightly reinforced concrete squat shear walls", PhD thesis, Lausanne EPFL, Switzerland (2006).
11. Palermo, D. and Vecchio, F.J. "Simulation of cyclically loaded concrete structures based on the finite-element method", *Journal of Structural Engineering*, **133**(5), pp.728-738 (1 May 2007).
12. Ministry of Housing and Urban Development, "Iranian national building code, part 9:concrete structures", (In Persain) (2006).
13. Esfandiari, A. "Shear strength of structural concrete members using a uniform shear element approach", PhD Thesis, University of British Columbia, Canada (2009).