

ارزیابی شاخص اعتماد سازه‌یی فولادی قاب خمثی طراحی شده براساس آیین‌نامه‌ی فولاد ایران

آزاد یزدانی*

پویان زرگو (کارشناس ارشد)

دانشکده‌ی مهندسی عمران، دانشگاه کردستان

تئوری قابلیت اعتماد، نقشی اساسی در ضوابط طراحی سازه‌ها ایفا می‌کند و تحلیل و طراحی سازه‌ها بر مبنای نظریه‌ی قابلیت اعتماد، که شاخه‌یی از تئوری عمومی احتمالات است، در سال‌های اخیر توجه بسیاری را به خود جلب کرده است. علت این توجه، توانایی در مدل‌کردن عدم قطعیت در پارامترهای بازگذاری و سازه‌یی از قبیل مشخصات مصالح، ابعاد هندسی، و تحلیل غیرخطی سازه‌هاست. در این نوشتار، برای محاسبه‌ی شاخص اعتماد سازه‌ها روشی ارائه شده است که دو نکته‌ی مهم یعنی ساده‌بودن و دقت روش در ارزیابی و محاسبه‌ی شاخص اعتماد سازه‌ها در نظر گرفته شده است. مقادیر شاخص اعتماد به کمک نتایج حاصل از تحلیل دینامیکی افزایشی و انتخاب ضربی شکل‌پذیری به عنوان معیار غیرخطی سازه محاسبه می‌شود. براساس فرمول بندی ارائه شده، مقادیر شاخص اعتماد به عنوان نمونه در سازه‌های فولادی قاب خمثی طراحی شده براساس آیین‌نامه‌ی فولاد ایران مورد ارزیابی قرار گرفته است.

واژگان کلیدی: شاخص اعتماد، تحلیل دینامیکی افزایشی، شکل‌پذیری، سازه‌های قاب خمثی فولادی.

a.yazdani@uok.ac.ir
pouyan.zargar@yahoo.com

۱. مقدمه

محدوده‌ی خطی و غیرخطی بررسی شود، شدت زمین‌لرزه با یک ضربی به عنوان ضربی مقیاس تغییر داده می‌شود و سازه تحت اثر مجموعه‌ی این زمین‌لرزه‌ها قرار می‌گیرد. در روش تحلیل دینامیکی افزایشی به خوبی تغییرات رفتار سازه از محدوده‌ی کشسان به محدوده‌ی جاری شدن و درنهایت، خرابی را مشاهده و مشخصه‌ی پاسخ سازه نسبت به سطوح مختلف زمین‌لرزه محاسبه می‌شود و استنطاب سازه‌یی بهتری از پاسخ نسبت به زمین‌لرزه‌های ضعیف تا شدید به دست می‌آید.

هدف اصلی این مطالعه، محاسبه‌ی شاخص اعتماد سازه‌های قاب خمثی فولادی است، که براساس آیین‌نامه‌ی ایران بازگذاری و طراحی شده‌اند.^[۱-۱۱] با استفاده از تحلیل دینامیکی افزایشی، پاسخ لرزه‌یی قاب‌های مختلف محاسبه و با استفاده از فرمول بندی ارائه شده در این مطالعه، مقادیر شاخص اعتماد این سازه‌ها محاسبه شده است.

مبانی طراحی در حالت حدی که براساس نظریه‌ی احتمالات استوار است، در چند سال اخیر در آیین‌نامه‌ها و دستورالعمل‌های مختلف طراحی اعمال شده است.^[۱-۱۱] قابلیت اعتماد سازه‌ها نقشی اساسی در فرمول بندی ضوابط آیین‌نامه‌های طراحی و در ضربی بار آیین‌نامه‌های بازگذاری ایفا می‌کند. به کمک تئوری قابلیت اعتماد سازه‌ها، مقدار سطح اعتماد هدف در طراحی سازه‌ها، که به نوعی بیانگر سطح ریسک مورد قبول در آیین‌نامه‌های طراحی است، محاسبه می‌شود. به کمک طراحی احتمالاتی می‌توان مبانی قابلیت اعتماد سازه‌ها در طراحی در حالت حدی را اعمال کرد. روش‌های متفاوتی برای تعیین مقدار شاخص اعتماد مطرح شده است.^[۷-۲] روش‌هایی که بر مبنای مقادیر اعتماد مرتبه‌ی اول^۱ هستند، بیشتر در تعیین شاخص اعتماد المان‌های سازه‌یی کاربرد دارند. در تعیین شاخص اعتماد سازه‌های ساخته شده از چند المان به طور معمول از روش‌هایی که بر مبنای شبیه‌سازی هستند، استفاده می‌شود، که این روش‌ها نیازمند محاسبات طولانی و پیچیده‌اند.^[۹-۸]

روش تحلیل دینامیکی افزایشی (IDA)^۲، یک روش تحلیل پارامتری است که در چند سال اخیر به شکل‌های مختلفی به منظور تخمین عملکرد کلی سازه تحت بارهای لرزه‌یی به کار برد می‌شود.^[۱۰] در این روش سازه تحت اثر زمین‌لرزه‌های مختلف به صورت غیرخطی دینامیکی تحلیل می‌شود و برای اینکه رفتار سازه در کل

۲. روند کلی محاسبه‌ی احتمال فراگذشت سالیانه‌ی حالت حدی

در چند سال اخیر مطالعات زیادی به منظور تعیین اثر عدم قطیعت‌ها و پارامترهای تصادفی در تعیین نیرو و مقاومت سازه‌ها انجام شده است،^[۷] که امتیاز عمدتی این

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۷/۱۰/۱۳۹۱، اصلاحیه ۱۲/۴/۱۳۹۲، پذیرش ۲۷/۵/۱۳۹۲.

استفاده از تابع قانون توان^۴، [۱۵، ۱۶] به طور تقریبی منحنی خطر طیف پاسخ شتاب لرزه‌ی در منطقه به شکل رابطه‌ی ۴ رگرسیون‌گیری می‌شود:

$$H_{Sa}(S_a) = P[S_a \geq x] = k \cdot x^{-k} \quad (4)$$

همان‌طور که در شکل ۱ نشان داده شده است، در این رابطه، k برابر با شیب خطی است که از نقاط متناظر با احتمال فراگذشت ۱۰٪ و ۲٪ در ۵۰ سال عمر مفید سازه می‌گذرد (به ترتیب نظری احتمال فراگذشت سالیانه ۱/۴۷۵ و ۱/۲۴۷۵) و k مقدار عرض از مبدأ را نشان می‌دهد.

در تحلیل دینامیکی افزایشی، سازه تحت اثر چندین رکورد مختلف زمین‌لرزه قرارگرفته است، که هر کدام از آنها پاسخ‌های متفاوتی دارند، به طوری که میانگین شان در محاسبات در نظر گرفته شده است. براساس داده‌های به دست آمده از تحلیل دینامیکی افزایشی می‌توان مایین معیار شدت و مقدار میانگین پارامتر متغیر حالت که با η_μ نشان داده می‌شود، رابطه‌ی به دست آورده. برای اعمال خطای استفاده از میانگین نتایج، یک مدل احتمالاتی شرطی مطابق رابطه‌ی ۵ ارائه شده است:

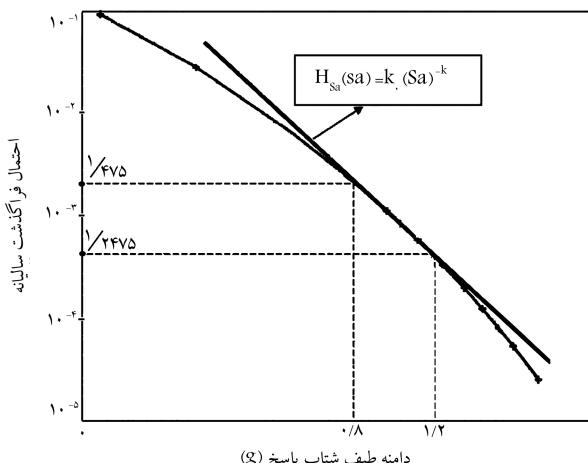
$$\mu = \eta_\mu(x) \cdot \varepsilon \quad (5)$$

که در آن، ε یک متغیر تصادفی با میانگین واحد و توزیع احتمالاتی لگ نرمال است، که مقدار انحراف معیار آن برابر با $a\mu^{1/\beta}$ است. به‌منظور انطباق تابع قانون توان بر روی منحنی حاصل از نتایج تحلیل، که براساس شتاب طیفی متناظر با دوره‌ی تناوب اصلی سازه و ضریب شکل‌پذیری است، از رگرسیون‌گیری خطی در فضای لگاریتمی استفاده می‌شود. [۱۵، ۱۶] بر این اساس، رابطه‌ی بین پاسخ شتاب طیفی (که به عنوان متغیر با x نشان داده می‌شود) و میانگین ضریب شکل‌پذیری به صورت رابطه‌ی ۶ بیان شده است:

$$\eta_\mu(x) = a \cdot x^b \quad (6)$$

۳.۲. احتمال فراگذشت سالیانه‌ی منحنی خطر پاسخ شتاب

در این مطالعه، متغیر حالت مبتنی بر ضریب شکل‌پذیری با درنظرگرفتن مشخصات تصادفی در این ضریب و یک روند کلی برای محاسبه‌ی احتمال فراگذشت سالیانه‌ی



دامنه طیف شتاب پاسخ (۸)

شکل ۱. مدل تحلیل خطر استفاده شده در تعیین احتمال فراگذشت سالیانه‌ی حالت حدی.

روش‌ها تعیین میزان خسارت محتمل در سازه‌ها در طول عمر آنهاست. در ارزیابی عملکردی احتمالاتی، عاملکرد به صورت تعداد (متوسط) فراگذشت سالیانه از یک حالت حدی مشخص بیان می‌شود، که به‌طور مختصر احتمال حالت حدی نامیده می‌شود. بر این اساس یک روند مبتنی بر احتمالات در تعیین احتمال حالت حدی بیان می‌شود، که براساس آن می‌توان شاخص اعتماد سازه‌ها را محاسبه کرد.

۲.۱. احتمال حالت حدی^۳

در این مطالعه، ضریب شکل‌پذیری (μ)، که به صورت متغیر تصادفی در نظر گرفته شده است، به عنوان متغیر حالت تعریف شده و برابر با نسبت جابجایی نظری حالت حدی بر جابجایی نظری وارد شدن به مرحله‌ی غیرخطی در سازه‌ی مورد مطالعه است. احتمال فراگذشت حالت حدی سازه نیز که در این مطالعه بر روی حالت حدی خرابی کلی سازه تعریف و به‌طور مختصر احتمال خرابی نامیده شده است، به صورت رابطه‌ی ۱ در نظر گرفته شده است:

$$P_f = P[\mu > \mu_{cr}] \quad (1)$$

که در این رابطه، μ متغیر حالت و μ_{cr} متغیر حالت حدی است. در حالت کلی، به مبنظر محاسبه‌ی این احتمال خرابی، مسئله به کمک تئوری احتمال کل به چند بخش تفکیک و هر کدام از بخش‌های تفکیک شده حل و دوباره با هم‌بگیر ترکیب می‌شوند. لازم است عبارت احتمال حالت حدی در دو مرحله تجزیه و دو متغیر مشترک در دو مرحله‌ی تفکیک معرفی شود. در مرحله‌ی اول، عبارت احتمال حالت حدی نسبت به متغیر حالت مبتنی بر ضریب شکل‌پذیری (به عنوان نخستین متغیر مشترک) به صورت رابطه‌ی ۲ تجزیه می‌شود:

$$P_f = P[\mu > \mu_{cr}] = \sum_{allm} P[\mu > \mu_{cr} | \mu = m] \cdot P[\mu = m] \quad (2)$$

در مرحله‌ی دوم، لازم است که یک معیار شدت زمین‌لرزه به عنوان پارامتر واسطه بین مشخصات زمین‌لرزه و رفتار سازه به کار برد شود. مطالعات قبلی نشان می‌دهد که در سازه‌های با دوره‌ی تناوب کم و متوسط، شتاب طیفی در دوره‌ی تناوب نظری مد اصلی سازه معیار مناسبی از شتاب زمین‌لرزه است. [۱۶] با تفکیک عبارت احتمال متغیر حالت مبتنی بر ضریب شکل‌پذیری مساوی با یک مقدار مشخص m نسبت به شتاب طیفی (به عنوان دومین متغیر مشترک)، رابطه‌ی ۲ به صورت رابطه‌ی ۳ ارائه می‌شود:

$$P_f = P[\mu > \mu_{cr}] = \sum_{allm} \sum_{allx} P[\mu > \mu_{cr} | \mu = m] \cdot P[\mu = m | S_a = x] \cdot P[S_a = x] \quad (3)$$

این تذکر لازم است که معادلاتی که در این بخش به دست آمده‌اند، به ازاء متغیرهای مشترک از نوع گسسته قابل قبول هستند. بنابراین، این روند به عنوان یک نمای شماتیک و کلی از استراتژی حل مسئله محسوب می‌شود.

۲.۲. رابطه‌ی بین شتاب طیفی و متغیر حالت

در ارزیابی لرزه‌ی احتمالاتی، تصادفی بودن متغیرها باعث عدم قطعیت در تعیین احتمال حالت حدی می‌شود. تغییرات احتمال فراگذشت سالیانه در برابر معیار شدت (در این مطالعه شتاب طیفی) به کمک تحلیل خطر احتمالاتی محاسبه می‌شود. با

از آنجایی که فرض شده است متغیر حالت مبتنی بر ضریب شکل پذیری یک متغیر لگ نرمال است، عبارت $P[\mu > m | S_a = x] = P[\mu > m | S_a = x]$ به منظور ساده کردن محاسبات با استفاده از تغییر متغیر براساس تابع توزیع تجمعی متغیر نرمال استاندارد به صورت رابطه‌ی ۱۳ بیان می‌شود:

$$\begin{aligned} P[\mu > m | S_a = x] &= 1 - P[\mu \leq m | S_a = x] \\ &= 1 - P\left[\frac{\ln \mu - \text{mean} \ln \mu}{\beta_{\mu|S_a}} \leq \frac{\ln m - \text{mean} \ln \mu}{\beta_{\mu|S_a}} | S_a = x\right] \\ &= 1 - P\left[\frac{\ln \mu - \ln \eta_{\mu|S_a}(x)}{\beta_{\mu|S_a}} \leq \frac{\ln m - \ln \eta_{\mu|S_a}(x)}{\beta_{\mu|S_a}}\right] \\ &= 1 - \Phi\left(\frac{\ln(\frac{m}{a \cdot x^b})}{\beta_{\mu|S_a}}\right) \end{aligned} \quad (13)$$

در این رابطه، Φ نشان‌دهنده‌ی تابع توزیع تجمعی نرمال استاندارد است. با جای‌گذاری رابطه‌ی ۱۳ در رابطه‌ی ۱۲، توزیع احتمال خطر پاسخ به صورت رابطه‌ی ۱۴ بیان می‌شود:

$$\begin{aligned} H_\mu(m) &= \int_0^\infty P[\mu > m | S_a = x] \cdot |dH_{S_a}(x)| \\ &= \int_0^\infty \left[1 - \Phi\left(\frac{\ln(\frac{m}{a \cdot x^b})}{\beta_{\mu|S_a}}\right)\right] \cdot |dH_{S_a}(x)| \end{aligned} \quad (14)$$

با استفاده از انتگرال جزء به جزء و تعریف تابع چگالی احتمال توزیع نرمال استاندارد و تقریب‌زدن منحنی خطر شتاب طیفی با قانون توان، توزیع احتمال خطر پاسخ مطابق با رابطه‌ی ۱۵ است:

$$\begin{aligned} H_\mu(m) &= \int_0^\infty \frac{b}{x \cdot \beta_{\mu|S_a}} \cdot \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \\ &\cdot \exp\left[-\frac{1}{2}\left(\frac{\ln m - \ln a \cdot x^b}{\beta_{\mu|S_a}}\right)^2\right] \cdot k \cdot x^{-k} \cdot dx \end{aligned} \quad (15)$$

با توجه به خارج‌کردن ضرایب ثابت از انتگرال و تغییر متغیر و توجه به این نکته که انتگرال تابع چگالی احتمال توزیع نرمال در محدوده‌ی صفر تا بی‌نهایت برابر با واحد است، رابطه‌ی ۱۵ به صورت رابطه‌ی ۱۶ ساده شده است:^[۱۵]

$$\begin{aligned} H_\mu(m) &= k \cdot \exp\left(\frac{1}{2}k^2 \left(\frac{\beta_{\mu|S_a}}{b}\right)^2\right) \cdot \exp\left(-k \ln\left(\frac{m}{a}\right)^{\frac{1}{b}}\right) \\ &= k \cdot \left(\frac{m}{a}\right)^{\frac{-k}{b}} \cdot e^{\frac{1}{2}k^2 \beta_{\mu|S_a}^2} \end{aligned} \quad (16)$$

که براساس این رابطه می‌توان منحنی خطر متغیر نظری شکل پذیری را محاسبه کرد.

۴.۲. تعیین احتمال فراگذشت سالیانه‌ی حالت حدی

با درنظرگرفتن تابع چگالی احتمال ضریب شکل پذیری بحرانی به صورت $f_{\mu cr}(m)$ و توزیع احتمال خطر پاسخ به صورت $H_\mu(m)$ ، احتمال خوبی، که در رابطه‌ی ۲ به صورت گستته بیان شده است، در حالت استفاده از متغیر پیوسته به صورت رابطه‌ی ۱۷ بیان می‌شود:^[۱۶]

$$P_f = \int_0^\infty H_\mu(m) \cdot f_\mu(m) dm \quad (17)$$

متغیر حالت از یک مقدار مشخص مانند m (که به صورت خطر پاسخ بیان می‌شود) ارائه شده است. با جای‌گذاری رابطه‌ی ۶ در رابطه‌ی ۵، متغیر حالت طوری مدل می‌شود که شکل کلی آن به صورت تابع قانون توان با درنظرگرفتن عدم قطعیت است (رابطه‌ی ۷):

$$\mu = a \cdot x^b \cdot \varepsilon \quad (7)$$

از آنجایی که ε دارای توزیع لگ نرمال است، μ نیز یک متغیر تصادفی با مشخصات آماری ارائه شده در رابطه‌ی ۸ است:

$$\eta_{\mu|S_a}(x) = a \cdot x^b \quad \sigma_{\ln \mu|S_a}(x) = \beta_{\mu|S_a} \quad (8)$$

که در آن، $\eta_{\mu|S_a}$ و $\sigma_{\ln \mu|S_a}$ میانگین و انحراف استاندار شرطی لگاریتم طبیعی متغیر حالت مبتنی بر ضریب شکل پذیری به شرط شتاب طیفی است. فرض می‌شود که میانگین شرطی نیاز به شرط شتاب طیفی (x) (به طور خلاصه تر $\eta_{\mu|S_a}(x)$)، به صورت تقریبی از تابعی براساس قانون توان پیروی می‌کند.

به منظور تعیین منحنی خطر پاسخ $(H_\mu(m))$ ، لازم است احتمال فراگذشت سالیانه از یک مقدار مشخص ضریب شکل پذیری مانند m محاسبه شود. منحنی خطر پاسخ به صورت حاصل ضرب احتمال اینکه شتاب طیفی برابر با مقدار x شود، در احتمال شرطی فراگذشت پاسخ از مقدار m به شرط اینکه شتاب طیفی برابر مقدار x باشد، بیان می‌شود (رابطه‌ی ۹):

$$\begin{aligned} H_\mu(m) &= \nu \cdot P[\mu > m] \\ &= \nu \cdot \sum_{all \ x} P[\mu > m | S_a = x] \cdot P[S_a = x] \end{aligned} \quad (9)$$

در این رابطه، ضریب ν نشان‌دهنده‌ی نرخ رویداد (سالیانه) زمین‌لرزه در منطقه‌ی مورد مطالعه است. در حالت متغیرهای پیوسته رابطه‌ی ۹ به صورت رابطه‌ی ۱۰ بیان می‌شود:

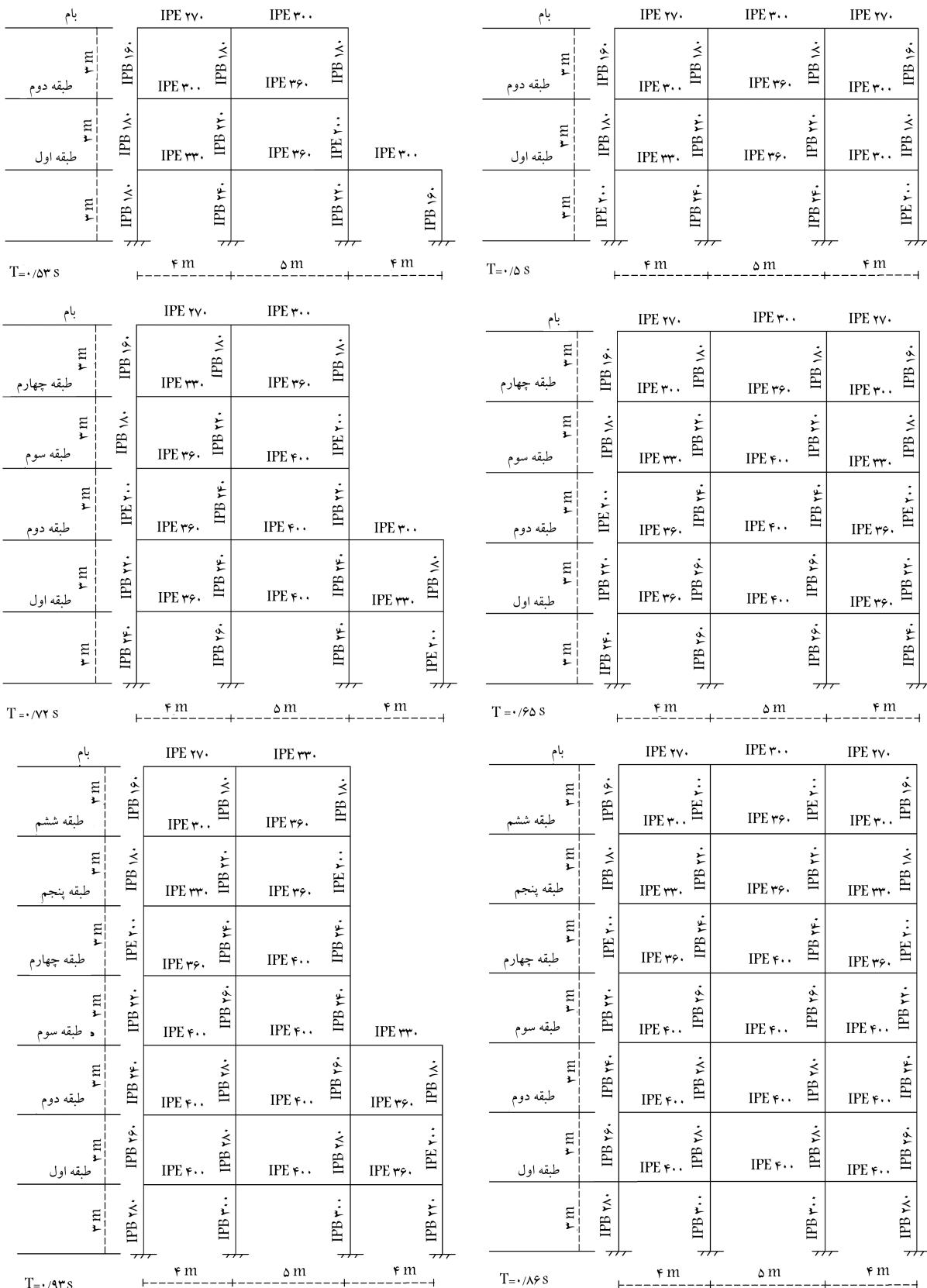
$$\begin{aligned} H_\mu(m) &= \nu \cdot P[\mu > m] = \int_0^\infty P[\mu > m | S_a = x] \cdot \nu \cdot f_{S_a}(x) \cdot dx \\ &= \int_0^\infty P[\mu > m | S_a = x] \cdot |\nu \cdot dG_{S_a}(x)| \end{aligned} \quad (10)$$

که در آن، $f_{S_a}(x)$ برابر با تابع چگالی احتمال نظری شتاب طیفی x و عبارت $G_{S_a}(x)$ متمم تابع توزیع تجمعی^۵ در $S_a = x$ است. در رابطه‌ی ۱۰، براساس ارتباط ریاضی بین متمم تابع توزیع تجمعی و تابع چگالی احتمال، مقدار قدر مطلق $dG_{S_a}(x)/dx$ جایگزین $f_{S_a}(x)$ می‌شود. منحنی خطر شتاب طیفی $(H_{S_a}(x))$ ، برای با حاصل ضرب متمم تابع توزیع تجمعی شتاب طیفی $((G_{S_a}(x)))$ در نرخ رویداد زمین‌لرزه در منطقه است (رابطه‌ی ۱۱):^[۱۷]

$$H_{S_a}(x) = \nu \cdot G_{S_a}(x) \quad (11)$$

بر این اساس، رابطه‌ی ۱۰ بر حسب منحنی خطر شتاب طیفی به صورت رابطه‌ی ۱۲ بیان می‌شود:

$$H_\mu(m) = \int_0^\infty P[\mu > m | S_a = x] \cdot |dH_{S_a}(x)| \quad (12)$$



شکل ۲. هندسه و مقاطع در سازه‌های مورد مطالعه (دوره‌ی تناوب اصلی سازه‌ها در شکل‌ها نشان داده شده است).

در این رابطه، $\lambda = E[\ln(m)]$ و $\xi = \text{Var}[\ln(m)]$ و متغیرهای Z_n و Z_{n+1} به صورت رابطه‌ی ۲۰ بیان می‌شود:

$$Z_n = \frac{-(\lambda - k\xi^*) + \ln m_n}{\xi} \quad (20)$$

$$Z_{n+1} = \frac{-(\lambda - k\xi^*) + \ln m_{n+1}}{\xi}$$

در این حالت، مقدار احتمال فراگذشت حالت حدی کل سازه برابر با مجموع احتمال فراگذشت در بازه‌ی صفر تا بی‌نهایت است (رابطه‌ی ۲۱):

$$P_f = \sum_n P_n \quad (21)$$

با محاسبه‌ی احتمال فراگذشت سازه و استفاده ازتابع تجمعی نرمال استاندارد، می‌توان شاخص اعتماد (β) سازه‌ها را به صورت رابطه‌ی ۲۲ محاسبه کرد:

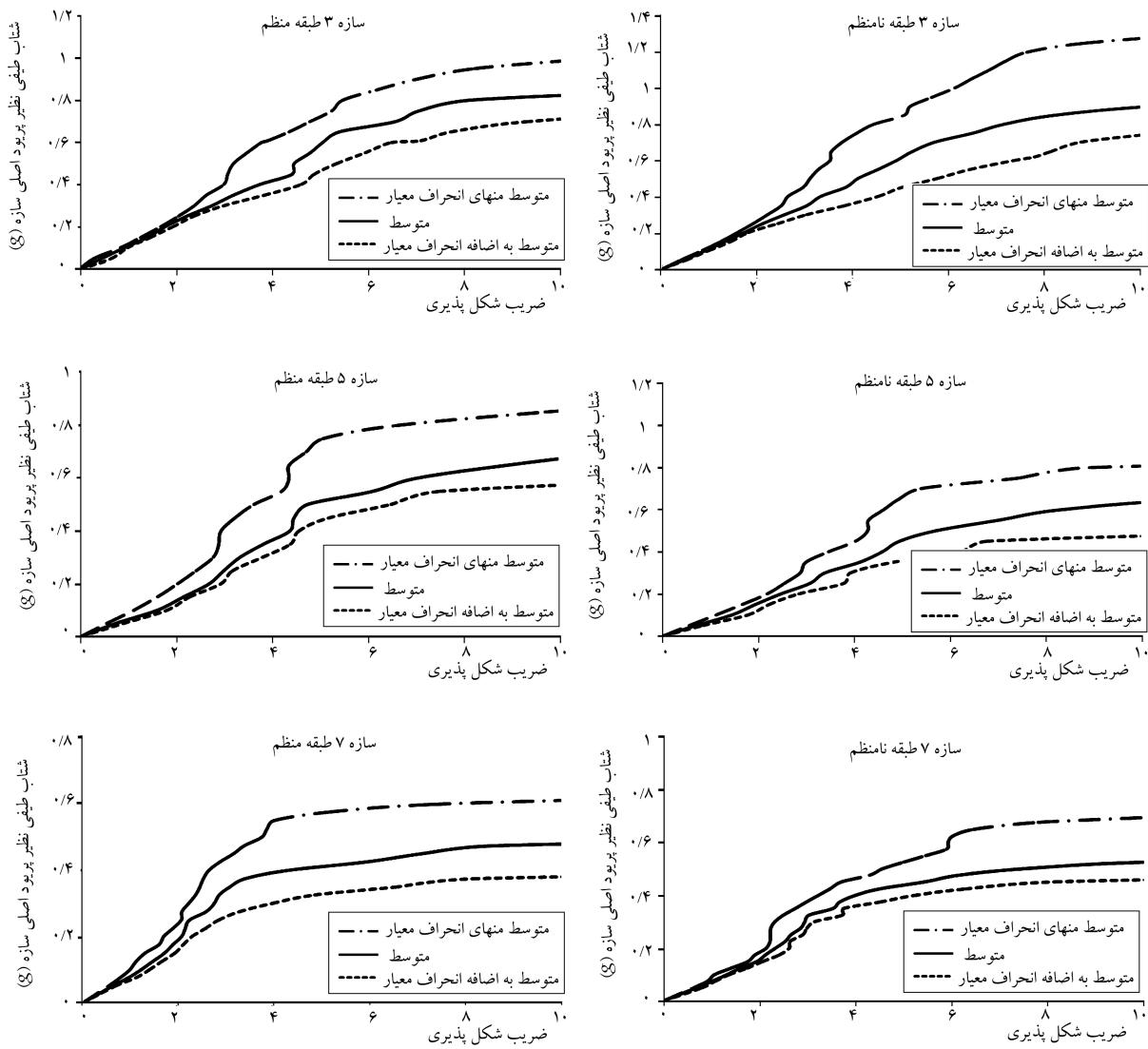
$$\beta = -\Phi^{-1}(P_f) \quad (22)$$

با جایگذاری معادله‌ی ۱۶ در معادله‌ی ۱۷، احتمال فراگذشت حالت حدی به فرم رابطه‌ی ۱۸ در می‌آید:

$$P_f = \int_0^\infty k_*^* m^{*(-k^*)} \cdot f_\mu(m) dm \quad (18)$$

که در آن، $k_*^* = k/b$ و $m^* = (m/a)$ و $k^* = k/b$ است. با تقسیم‌کردن متغیر حالت به بازه‌های مختلف متغیر حالت،^[۱۷] احتمال فراگذشت حالت حدی در هر بازه از شکل پذیری به صورت رابطه‌ی ۱۹ محاسبه می‌شود، که در این حالت می‌توان روند محاسبات را ساده‌تر کرد:

$$P_n = \int_{\mu_n}^{\mu_{n+1}} k_*^* m^{*(-k^*)} \cdot f_\mu(m) dm = \{\Phi(Z_{n+1}) - \Phi(Z_n)\} \frac{k_*}{(a^{(-k^*)})} \exp(-k^* \lambda) \cdot \exp\left(\left(\frac{(k^*)^*\xi^*}{2}\right)^*\right) \quad (19)$$



شکل ۳. منحنی‌های حاصل از تحلیل دینامیکی افزایشی.

۳. نتایج تحلیل ۱.۳ معرفی سازه‌ها

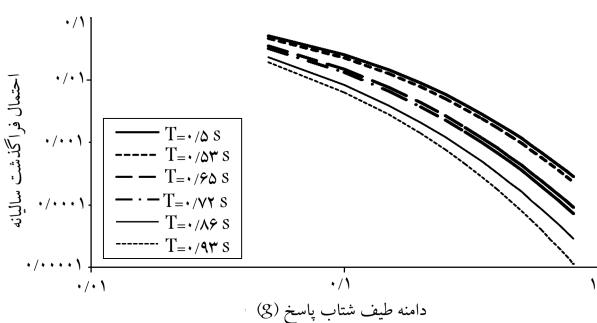
ساختگاه خاک نوع II است. شکل ۲، هندسه و مقاطع سازه‌های طراحی شده را به طور شماتیک نشان می‌دهد. در این سازه‌ها، تیرها با مقاطع IPE و ستون‌ها با مقاطع IPB طراحی شده‌اند. دوره‌ی تناوب اصلی سازه‌های مختلف بر روی شکل ۲ نشان داده شده است، که دوره‌ی تناوب سازه‌ها از ۵٪ تا ۹۳٪ تغییر می‌کند.

۲.۳ نتایج حاصل از تحلیل دینامیکی افزایشی سازه‌ها

در این مطالعه، ۱۵ رکورد زمین‌لرزه‌ی ثبت شده در ایستگاه‌های مختلف به گونه‌یی انتخاب شده‌اند، که فاصله‌ی ایستگاه ثبت رکورد‌های زلزله‌ها تا مرکز زلزله (فاصله‌ی رومرکزی)، بیشتر از ۱۵ کیلومتر باشد و خاک منطقه‌یی که رکورد‌های زلزله در آن ثبت شده است، با نوع خاک منطقه‌یی که سازه‌ها طراحی شده‌اند، مطابقت داشته باشد (جدول ۱).

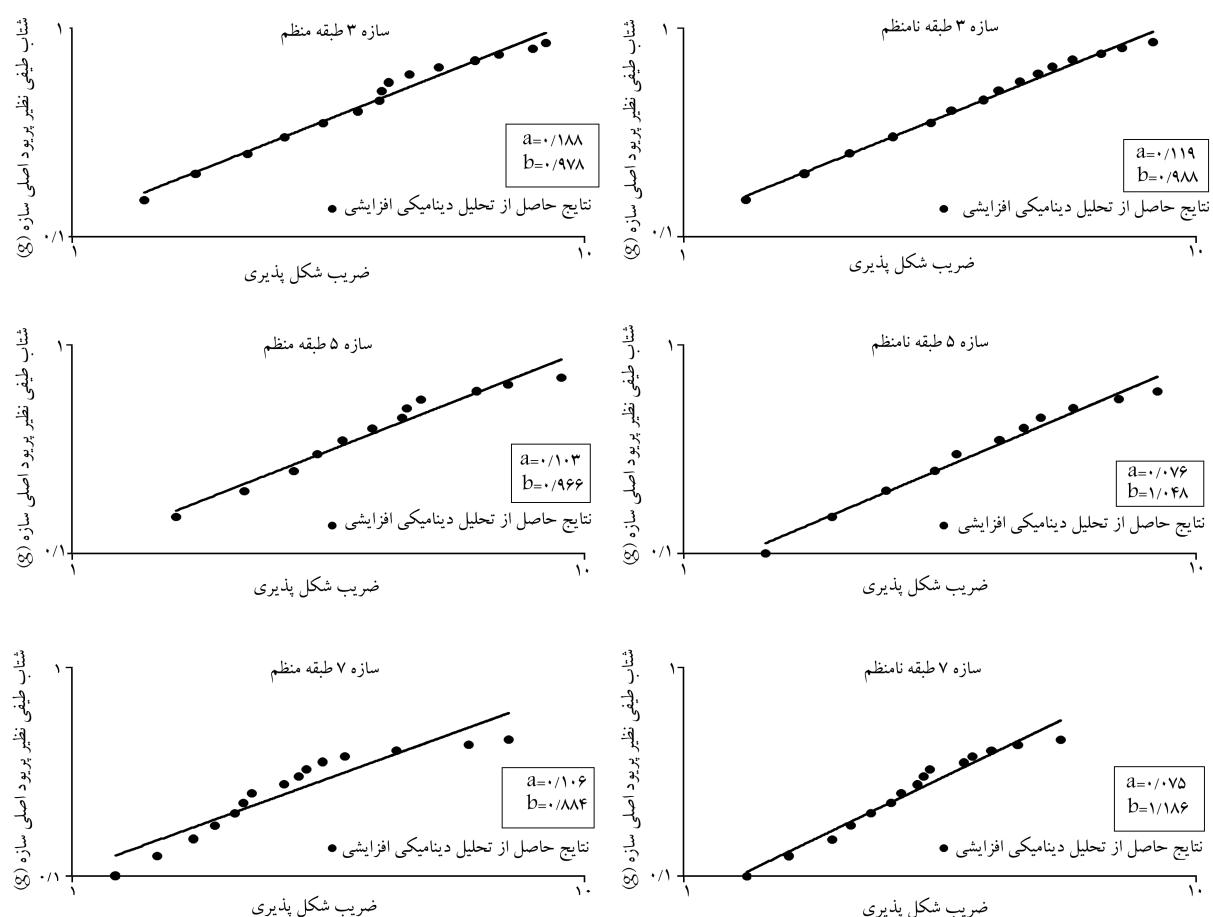
به منظور تحلیل دینامیکی افزایشی، سازه‌های نشان داده شده در شکل ۲ به کمک نرم‌افزار DRAIN-2DX^[۱۸] مدل شده‌اند. یک منحنی IDA، ترسیمی از رفتار دینامیکی غیرخطی یک سازه‌ی مشخص تحت اثر یک رکورد زمین‌لرزه مشخص است و با توجه به اینکه این منحنی وایستگی زیادی به رکورد زلزله انتخاب شده دارد، مطالعات IDA یک رکورد نمی‌تواند به تنها رفتار واقعی سازه را برای رویدادهای دیگر زمین‌لرزه‌ها، که ممکن است در رویدادهای آینده اتفاق بیفتد، پیش‌بینی کند. بنابراین لازم است که تعداد مناسبی از رکورد‌های زمین‌لرزه انتخاب شود تا بتوان محدوده‌ی پاسخ‌های سازه را پوشش داد. بر این اساس،

در این مطالعه، ۶ سازه‌ی فولادی قاب خمشی (۳ طبقه‌ی منظم، ۳ طبقه‌ی نامنظم، ۵ طبقه‌ی منظم، ۵ طبقه‌ی نامنظم، ۷ طبقه‌ی منظم و ۷ طبقه‌ی نامنظم) با شکل پذیری متوسط با کاربری مسکونی و طراحی شده براساس روش تنش مجاز براساس ضوابط مقررات ملی ساختمان ایران^[۱۹] انتخاب شده است. ارتفاع طبقات در کل سازه‌ها برابر با ۳ متر و محل سازه‌ها شهرستان تهران (با لرزه‌خیزی خیلی زیاد) و زمین



دامنه طیف شتاب پاسخ (8)

شکل ۴. منحنی خط حاصل از تحلیل خط به ازاء دامنه‌های طیف پاسخ شتاب در دوره‌ی بازگشت‌های مختلف.



شکل ۵. مقادیر ضرایب a و b در سازه‌های مختلف با اعمال کردن قانون توان بر روی نتایج حاصل از تحلیل دینامیکی افزایشی.

جدول ۱. مشخصات زمین لرزه‌یی استفاده شده در تحلیل دینامیکی افزایشی (ثبت شده بر روی خاک نوع ۲).

زمین لرزه	ایستگاه	شماره‌ی رکورد	بیشینه‌ی شتاب زمین (cm/s ²)	فاصله از مرکز زلزله (Mw)	بیشینه‌ی بزرگی زلزله (کیلومتر)
طبس	طبس	۱۰۸۴ - ۱	۸۹۸	۷/۳	۵۴
گیلان	منجبل	۱۳۷۷ - ۱	۲۰۵/۳	۵/۳	۱۸
خراسان	دره گز	۱۴۴۲	۱۰۳/۶	۵/۳	۶۵
کرمان	سیرچ	۱۳۴۷ - ۴	۷۴/۶	۵/۹	۳۸
خوزستان	حسینیه علیا	۱۵۰۶ - ۴	۱۸۲/۵	۵/۳	۲۳
خراسان	قائمه	۱۱۳۹	۲۱۶/۶	۷	۵۲
یزد	طبس	۱۱۳۶ - ۳	۲۱۵/۳	۶	۲۱
یزد	طبس	۱۱۰۳ - ۱۱	۱۰۴/۲	۵/۵	۵۵
مازندران	پل سفید	۱۳۷۳	۱۰۴/۱	۵/۹	۲۶
بلده	تهران	۲۳۱۸	۱۲۱	۶/۳	۷۳
بلده	دیلمان	۳۳۷۶	۱۰۸/۱	۶/۳	۱۶۲
فارس	کازرون	۲۲۱۶ - ۱	۱۰۰/۲	۵/۲	۱۳۵
آوج	درسجین	۲۷۶۹ - ۲	۷۷/۶	۶/۵	۴۰
فارس	میمند	۱۴۹۰ - ۲	۵۰۳/۳	۵/۹	۱۷
خوزستان	حسینیه علیا	۱۵۰۶ - ۱	۱۹۰/۶	۵/۵	۱۷

جدول ۲. مقادیر شاخص اعتماد در سازه‌های مختلف.

۳ طبقه	۵ طبقه	۷ طبقه
منظم نامنظم	منظم نامنظم	منظم نامنظم
۲,۷۵	۲,۷۷	۲,۷۵
۲,۸۰	۲,۶۸	۲,۸۰
۲,۵۴	۲,۶۰	۲,۵۴

براساس رابطه‌ی ۲۰، مقدار احتمال فراگذشت حالت حدی کل سازه براساس احتمال خرابی سازه در بازه‌های مختلف محاسبه شده است. با توجه به اینکه در رابطه‌ی ۱۹ فرض شده است که متغیرها دارای توزیع نرمال هستند، مقدار شاخص اعتماد سازه‌ها به کمک جداول نرمال استاندارد محاسبه شده است (جدول ۲). مقادیر شاخص اعتماد (β) در ۵۰ سال عمر مفید برای سازه‌های انتخاب شده در این مطالعه از ۲,۵۴ تا ۲,۸۰ تغییر کرده است، که نشان می‌دهد به طور متوسط مقدار خرابی این سازه‌ها (P_f) از ۰,۰۵۵ تا ۰,۰۵۵٪ تغییر می‌کند. این تذکر لازم است که این مقادیر کمتر از مقدار شاخص اعتماد هدف سه در سازه‌های با عمر مفید ۵۰ سال است.

زلزله‌های انتخاب شده در جدول ۱ با ضرایب اسکالار متفاوت به مقیاس در آمده و سازه‌ها تحت اثر این زلزله‌ها و به ازاء ضرایب مقیاس متفاوت، تحلیل تاریخچه‌ی زمانی غیرخطی انجام شده‌اند. مطالعات پیشین نشان می‌دهد که برای محاسبه‌ی یک منحنی IDA به ازاء یک رکورد، دستکم ۱۲ ضریب مقیاس متفاوت لازم است.^[۱] برای محاسبه‌ی منحنی IDA متوسط لازم است که به ازاء رکوردهای مختلف (۱۵ رکورد)، منحنی‌های IDA به کمک محاسبات آماری، میانگین (۵۰٪) و میانگین به اضافه و منها انحراف معیار پاسخ (نظیر: ۸۴٪) در سازه‌های مختلف محاسبه شود (شکل ۳). بر اساس این اشکال، مقادیر میانگین متغیر حالت مبتنى بر ضریب شکل پذیری و مقادیر مختلف انحراف استاندارد شرطی لگاریتم طبیعی متغیر حالت مبتنى به شرط شتاب طیفی (β_{MSa}) طبق فرمول بندی ارائه شده در این مطالعه تعیین شده است. این تذکر لازم است که هر کدام از این شکل‌ها، به کمک ۱۸۰ (۱۵ رکورد و به ازاء ۱۲ ضریب مقیاس متفاوت) تحلیل تاریخچه‌ی زمانی غیرخطی محاسبه شده‌اند.

۴. نتیجه‌گیری

شاخص اعتماد سازه‌ها بیان دقیق تراحتمال این‌بودن سازه در طول عمر مفید سازه است. روش‌هایی صریحی که به منظور تعیین مقدار قابلیت اعتماد مطرح می‌شوند، بیشتر در تعیین مقدار اعتماد المان‌های سازه‌یی کاربرد دارند. در تعیین مقدار قابلیت اعتماد سازه‌های مركب از چند المان به طور معمول از روش‌هایی که بر مبنای شبیه‌سازی هستند، استفاده می‌شود؛ که این روش‌ها نیازمند محاسبات طولانی و پیچیده است. در این مطالعه بر مبنای ضریب شکل پذیری، که مشخصه‌ی مناسبی برای بیان رفتار غیرخطی سازه است بدون محاسبات خیلی پیچیده و با درنظرگرفتن عدم قطعیت، شاخص اعتماد کلی سازه‌ها محاسبه شده است. براساس فرمول بندی ارائه شده می‌توان روندی به منظور طراحی یا بهسازی سازه‌ها طوری ارائه کرد که سازه به مقدار شاخص هدف برسد.

۳.۰.۳. ارزیابی شاخص اعتماد سازه‌های طراحی شده

ضرایب k و k_c همان طور که در رابطه‌ی ۴ اشاره شد، براساس نتایج حاصل از تحلیل خطر احتمالاتی در شهر تهران محاسبه شده‌اند.^[۱۹] منحنی حاصل از تحلیل خطر به ازاء دامنه‌های طیف پاسخ شتاب دوره‌های تناوب مختلف (نظیر دوره‌ی بازگشت‌های اصلی سازه‌های مورد مطالعه) در شکل ۴ نشان داده شده است. همچنین به منظور اعمال کردن قانون توان (رابطه‌ی ۵) و محاسبه‌ی ضرایب a و b بر روی منحنی متوسط حاصل از تحلیل دینامیکی افزایشی در سازه‌های مختلف، نتایج حاصل از تحلیل دینامیکی افزایشی در فضای لگاریتمی - لگاریتمی برده می‌شود. در شکل ۵، ضرایب a و b در سازه‌های مختلف نشان داده شده است. به کمک ضرایب a ، k_c ، k ، b ، مقادیر انحراف استاندارد به شرط شتاب طیفی (β_{MSa}) و براساس رابطه‌ی ۱۹، احتمال خرابی سازه‌های مختلف در بازه‌های مختلف و

پانوشت‌ها

1. first-order reliability method
2. incremental dynamic analysis
3. limit state probability
4. power-law function
5. complementary cumulative distribution function

منابع (References)

1. DOE, *Natural Phenomena Hazards Design and Evaluation Criteria for Department of Energy Facilities*, DOE-STD-1020-94, U.S. Dept. of Energy, Washington, DC (1994).
2. FEMA 350, *Recommended Seismic Design Criteria for New Steel Moment-Frame Buildings*, Washington, DC, Report No. FEMA-350, SAC Joint Venture, Federal Emergency Management Agency (2000).
3. NBCC, *National Building Code of Canada*, Ottawa, Canadian Commission on Building and Fire Codes, National Research Council of Canada (2005).
4. Seneviratna, G. and Krawinkler, H. "Evaluation of inelastic MDOF effects for seismic design", *Stanford University, Stanford, CA, Rep.*, **120**, Blume Earthquake Engineering Center (1997).
5. Bazzurro, P., Cornell, C.A., Shome, N. and Carballo, J.E. "Three proposals for characterizing MDOF nonlinear seismic response", *J. Struct. Eng., ASCE*, **124**(11), pp. 1281-1290 (1998).
6. Shome, N. and Cornell, C.A. "Probabilistic seismic demand analysis of nonlinear structures", Stanford University, Report No. RMS-35 (1999).
7. Cornell, C.A., Jalayer, F., Hamburger, R.O. and Foutch, D.A. "Probabilistic basis for 2000 SAC federal emergency management agency steel moment frame guidelines", *J. Struct. Eng., ASCE*, **128**(4), pp. 526-33 (2002).
8. Benjamin, J.R. and Cornell, C.A., *Probability, Statistics and Decision for Civil Engineers*, McGraw-Hill (1970).
9. Ang, A. H-S. and Tang, W. H., *Probability Concepts in Engineering Planning and Design, II*, Basic Principles. New York, NY: John Wiley & Sons, ISBN: 9780471032007 (1984).
10. Vamvatsikos, D. and Cornell, C.A. "Incremental dynamic analysis", *Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, **31**, pp. 491-514 (2001).
11. Iranian Code of Practice for Seismic Resistant Design of Building, Standard No. 2800, Third Revision, Building and Housing Research Center, Tehran, Iran (2005) (in Persian).
12. Iranian National Building Code for Steel Structure Design, (part 10), Ministry of Housing and Urban Development, Tehran, Iran (2006) (in Persian).
13. Iranian National Building Code for Structural Loading-Standard 519 (part 6), Ministry of Housing and Urban Development, Tehran, Iran (2000) (in Persian).
14. Luco, N. and Cornell, C.A. "Structure-specific scalar intensity measures for near-source and ordinary earthquake ground, motions", *Earthquake Spectra*, **23**(2), pp. 357-392 (2007).
15. Jalayer, F. and Cornell, A. "A technical framework for probability-based demand and capacity factor (DCFD) seismic formats", RMS Technical Report No.43 to the PEER Center, Stanford University, Stanford, CA (2003).
16. Takada, T. and Yamaguchi, K. "Two-step seismic limit state design procedure based on non-linear LRFD and dynamic response analyses", *Structural Safety*, **24**(2-4), pp. 397-415 (2002).
17. Okano, H. and Maegawa, T. "Relationship between safety margin of shear strength and probability of shear failure during reference period in RC building", *J. Struct. Constr. Eng. AJJ*, **54**(2), pp. 75-81 (2001) (In Japanese).
18. Prakash, V., Powell, G.H. and Filippou, F.C., *DRAIN-2DX: Base Program User Guide*, Berkeley, CA, Report No. UCB/SEMM-92/29 (1992).
19. Yazdani, A. and Abdi, M.S. "Stochastic modeling of earthquake scenarios in greater Tehran", *Journal of Earthquake Engineering*, **15**(2), pp. 321-337 (2011).